

ชื่อเรื่องวิทยานิพนธ์

สมบัติจุดคงที่ในปริภูมิมອดุลาร์

ชื่อผู้เขียน

นายภูมิ คำเออม

วิทยาศาสตรมหาบัณฑิต

สาขาวิชาคณิตศาสตร์

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

อ.ดร. ปิยะพงศ์ เนียมทรัพย์

ประธานกรรมการ

ศ.ดร. สมพงษ์ ธรรมพงษา

กรรมการ

รศ.ดร. สมยศ พลับเที่ยง

กรรมการ

บทคัดย่อ

ในวิทยานิพนธ์นี้ เรายayanนิยามต่างๆที่เกี่ยวกับเรขาคณิตบanaคไปสู่ปริภูมิมอดุลาร์และได้ผลลัพธ์ซึ่งสามารถคลุมทุกผลลัพธ์ที่มีอยู่เดิมสำหรับปริภูมิบanaค ต่อไปนี้เป็นผลลัพธ์ที่สำคัญบางส่วนที่ได้จากการศึกษา

1. สำหรับปริภูมิมอดุลาร์ X_ρ ถ้า X_ρ เป็น ρ_r -ยูนิฟอร์ม คอนเวก สำหรับทุกๆ $r > 0$ และ X_ρ มี ρ -นอร์มอล สทัวร์คเจอร์

2. ให้ X_ρ เป็น บริภูมิมอดุลาร์ ที่คอมพลีก ถ้า ρ คอนเวก และสอดคล้อง สมบัติ พาğu และ X_ρ เป็น ρ_r -ยูนิฟอร์ม คอนเวก สำหรับทุกๆ $r > 0$ และ X_ρ มีคุณสมบัติ (R)

3. ให้ X_ρ เป็น บริภูมิมอดุลาร์ ที่คอมพลีก ซึ่ง ρ คอนเวก และสอดคล้อง สมบัติ พาğu สมมุติว่า X_ρ เป็น ρ_r -ยูนิฟอร์ม คอนเวก สำหรับทุกๆ $r > 0$ และ X_ρ มี สมบัติจุดคงที่

4. ให้ X_ρ เป็น บริภูมิมอดุลาร์ และสมมุติว่า ρ คอนเวก ถ้า $\delta_\rho(1, \varepsilon) > 0$ สำหรับบาง $\varepsilon \in (0, 2)$ และ บริภูมิมอดุลาร์ X_ρ เป็น ρ -ยูนิฟอร์ม นอนแแค ก็ต่อเมื่อ $J(X_\rho) < 2$

5. ให้ X_ρ เป็น บริภูมิมอดุลาร์ ซึ่ง ρ คอนเวก จะได้ว่า X_ρ เป็น ρ -ยูนิฟอร์ม นอนแแค ก็ต่อเมื่อ $J(X_\rho) < 2$

6. ให้ X_ρ เป็น บริภูมิมอดุลาร์ ซึ่ง ρ คอนเวก จะได้ว่า X_ρ เป็น ρ -ยูนิฟอร์ม นอนแแค ก็ต่อเมื่อ $C_{NJ}(X_\rho) < 2$

Thesis Title Fixed Point Property in Modular Spaces

Author Mr. Poom Kumam

M.S. Mathematics

Examining Committee

Lecturer Dr. Piaypong Niamsup

Chairman

Prof. Dr. Sompong Dhompongsa

Member

Assoc. Prof. Dr. Somyot Plubtieng

Member

ABSTRACT

In this research, we extend several concepts of Banach geometry to the ones for Modular spaces. With a careful generalization, we can cover all corresponding results in the former setting. The following is the list of some of our main results obtained from this study.

1. For a modular space X_ρ , if X_ρ is ρ_r -uniformly convex for all $r > 0$, then X_ρ has ρ -normal structure.
2. Let X_ρ be a ρ -complete modular space. If ρ is convex and satisfies Fatou property and X_ρ is ρ_r -uniformly convex for all $r > 0$, then X_ρ has the property (R).
3. Let X_ρ be a ρ -complete modular space with ρ convex and satisfy the Fatou property. Assume that X_ρ is ρ_r -uniformly convex for all $r > 0$, then X_ρ has the fixed point property.
4. Let X_ρ be a modular space and assume that ρ is convex. If $\delta_\rho(1, \epsilon) > 0$ for some $\epsilon \in (0, 2)$, then the modular space X_ρ is ρ -uniformly nonsquare.
5. Let X_ρ be a modular space with ρ convex. Then X_ρ is ρ -uniformly nonsquare if and only if $J(X_\rho) < 2$.
6. Let X_ρ be a modular space with ρ convex. Then X_ρ is ρ -uniformly nonsquare if and only if $C_{NJ}(X_\rho) < 2$.