

## ชื่อเรื่องวิทยานิพนธ์

ผู้เขียน

ปริญญา

คณะกรรมการที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์

การวิเคราะห์การสั่นสะเทือนแบบอิสระของแผ่นสีเหลี่ยมผืนผ้าที่เป็นวัสดุเชิงประกลบเรียงชั้นแบบสมมาตร

นางสาวกุลทรัพย์ พ่องศรีสุข

วิศวกรรมศาสตรดุษฎีบัณฑิต (วิศวกรรมเครื่องกล)

ดร. เวชันต์ วงศ์ อาจารย์ที่ปรึกษาหลัก

รศ. ประสงค์ อิงสุวรรณ อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม

ผศ.ดร. วิวัฒน์ คล่องพานิช อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม

## บทคัดย่อ

การนำแผ่นวัสดุเชิงประกลบเรียงชั้นมาใช้งานในปริมาณที่เพิ่มขึ้น ก่อให้เกิดความต้องการในการหาผลเฉลยของแผ่นวัสดุเชิงประกลบเรียงชั้นของวิศวกรมีมากขึ้น ผลเฉลยแบบแม่นตรงสามารถหาได้ต่อเมื่อขอบสองด้านตรงข้ามถูกรองรับอย่างง่าย ล้วนการรองรับแบบอื่นผลเฉลยแบบประมาณจะถูกนำมาใช้ แต่ถูกประยุกต์ของการศึกษานี้เพื่อหาผลเฉลยแบบประมาณรูปแบบปิดสำหรับการสั่นสะเทือนแบบอิสระของแผ่นสีเหลี่ยมผืนผ้าที่เป็นวัสดุเชิงประกลบเรียงชั้นแบบสมมาตรที่มีการรองรับแบบใดๆ โดยใช้ระเบียบวิธีคันโตโวิชและการรวมกันระหว่างระเบียบวิธีคันโตโวิชและระเบียบวิธีเรย์เล่-ริทซ์ ระเบียบวิธีคันโตโวิชนำฟังก์ชันแบบแยกตัวแปรได้มาใช้ในสมการพลังงานสำหรับระบบพลศาสตร์ เพื่อครุปสมการเชิงอนุพันธ์อยู่เป็นสมการเชิงอนุพันธ์แบบสามัญ ที่มีสัมประสิทธิ์เป็นค่าคงตัวในทิศทางแกนอักข์และวาย ฟังก์ชันของค่านถูกนำมาใช้เป็นฟังก์ชันพื้นฐานในการคำนวณแบบช้า การคำนวณแบบช้านำมาใช้เพื่อหาความถี่ธรรมชาติ และผลักดันให้ผลเฉลยสุดท้ายมีความสอดคล้องกับเงื่อนไขของ ผลเฉลยสุดท้ายที่มีความสอดคล้องกับเงื่อนไขของค่านถูกนำมาใช้เป็นฟังก์ชันพื้นฐานในระเบียบวิธีเรย์เล่-ริทซ์ เพื่อศึกษาถึงแนวเส้นบัพโถง ในการยืนยันความถูกต้องของวิธีที่นำเสนอ พารามิเตอร์ของความถี่ได้ถูกคำนวณเพื่อนำมาเปรียบเทียบกับผลเฉลยที่ทราบค่าแล้วและผลเฉลยที่ได้จากการเบียบวิธีไฟน์ต์ออล เมนต์ จากการเบรียบเทียบพบว่ามีความสอดคล้องกันดี โดยเปอร์เซ็นต์ค่าคลาดเคลื่อนต่ำสุดและสูงสุดมีค่าเท่ากับ  $0.128\%$  และ  $13.002\%$  ตามลำดับ ซึ่งพิสูจน์ให้เห็นว่าวิธีที่นำเสนอสามารถหารูปร่างใหม่และความถี่ธรรมชาติของแนวเส้นบัพตรงและแนวเส้นบัพโถงของแผ่นสีเหลี่ยมผืนผ้าที่เป็นวัสดุเชิงประกลบเรียงชั้นแบบสมมาตรได้

<b>Thesis Title</b>	Free Vibration Analysis of Symmetrically Laminated Composite Rectangular Plate	
<b>Author</b>	Ms. Kullasup Phongsrisuk	
<b>Degree</b>	Doctor of Philosophy (Mechanical Engineering)	
<b>Thesis Advisory Committee</b>	Dr. Wetchayan Rangsri	Advisor
	Assoc. Prof. Prasong Ingsuwan	Co-advisor
	Asst. Prof. Dr. Wiwat Klongpanich	Co-advisor

## **ABSTRACT**

The increased use of composite plates has resulted a demand for engineers to find the solutions of composite plates. The exact solutions can only be obtained when at least one pair of opposite sides is simply supported. For other boundary conditions, approximate solutions are usually employed. The purpose of this study is to derive a closed-form approximate solution for the free vibration of symmetrically laminated composite rectangular plates with various boundary conditions by using the extended Kantorovich method and the combination of the extended Kantorovich method and the Rayleigh-Ritz method. The extended Kantorovich method applies a separable function to the dynamic system energy equation in order to reduce the partial differential equations to the ordinary differential equations in the  $x$  and  $y$  coordinates direction, with a constant coefficient. The beam function is used as a basis function in the iterative calculation. The iterative calculation is used to evaluate the natural frequency and to force the final solution needed to satisfy the boundary conditions. The final solution which satisfied the boundary conditions are used as basis functions in the Rayleigh-Ritz method to study the curved nodal line. To verify the accuracy of the presented method, the frequency parameters are evaluated to compare with the known solutions and the finite element method. A good agreement arising from the comparison, the minimum and maximum difference percentage are 0.128% and 13.002% respectively, proves that the presented method can evaluate the mode shapes and the natural frequencies of straight and curved nodal line of symmetrically laminated composite rectangular plates.