

## ชื่อเรื่องวิทยานิพนธ์

การแสดงภาพทางคณิตศาสตร์ของการกระจายความเค้นที่คำนวนได้  
จากฟังก์ชันความเด่น

## ชื่อนักเขียน

นายณัฐร์ กาศยบัณฑ์

## วิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต

สาขาวิชาวิศวกรรมเครื่องกล

## คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์ :

ผศ.ดร. วิวัฒน์ คล่องพาณิช

ประธานกรรมการ

วศ. สุเทพ นิมนานล

กรรมการ

อ.ดร. อัญช่า พรมวงศ์ษา

กรรมการ

## บทคัดย่อ

งานวิจัยนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อนำฟังก์ชันความเค้นของแอร์มานาค่าความเค้นและความเครียด และแสดงภาพการกระจายความเค้นและการกระจายความเครียดที่เกิดขึ้นในเนื้อวัสดุที่มีคุณสมบัติเหมือนกันทุกทาง และเอกพันธ์ การรับแรงอยู่ในช่วงยึดหยุ่นเชิงเส้น ละทิ้งผลของความเด่นเนื่องจากอุณหภูมิและแรงที่เกิดจากตัววัสดุ ในภาควิเคราะห์จะพิจารณาปัญหาแบบ 2 มิติ ในระบบพิกัดคาร์ทีเซียนและระบบพิกัดเชิงข้าว โดยทำการเขียนโปรแกรมลงในโปรแกรม Mathematica 3.0 จากนั้นจึงทำการตรวจสอบความถูกต้องของโปรแกรมโดยการทดสอบต่างๆ กับปัญหาเหล่านี้จำนวนระบบพิกัดละ 5 ตัวอย่าง

ผลที่ได้พบว่าค่าความเค้นมีค่าสอดคล้องกับค่าที่คำนวนได้ตามทฤษฎีของฟังก์ชันความเด่น ในภาชนะค่าความเด่นสูงสุดและต่ำสุดเมื่อคิดจำานวนพจน์ของฟังก์ชันความเด่นที่อยู่ในช่วงอนุกรมฟูเรีย์มากกว่า 100 พจน์ขึ้นไปพบว่า ค่าความผิดพลาดมีค่าไม่เกิน  $\pm 0.1\%$  จากนั้นจึงทำการปรับปรุงโปรแกรมโดยการแทรกคำอธิบายไว้ในโปรแกรม และจัดทำคู่มือการใช้โปรแกรมพร้อมทั้งแสดงตัวอย่างการป้อนข้อมูล เพื่อความสะดวกในการใช้งานสำหรับคอมพิวเตอร์ส่วนบุคคล ในการนำโปรแกรมไปใช้งานจะต้องเลือกฟังก์ชันความเด่นที่สอดคล้องกับเงื่อนไขที่ข้อของแต่ละปัญหา โดยสามารถตรวจสอบความถูกต้องกับความเด่นที่ขوبชี้่งได้มาจากผลการทำงานของโปรแกรมกับปัญหานั้น ๆ จากวิธีการดังกล่าวสามารถนำโปรแกรมนี้ไปประยุกต์ใช้ในเคราะห์ปัญหาที่มีความซุ่มยากขับต่อนต่อไป

Thesis Title    A Computer Graphical Representation of Stress Distribution  
    Calculated from Stress Function

Author    Mr. Nat Kasayapanand

M.Eng.    Mechanical Engineering

Examining Committee :                                      Asst. Prof. Dr. Wiwat Klongpanich                                      Chairman  
    Assoc. Prof. Suthep Nimnuai                                      Member  
    Lect. Dr. Anucha Promwungkwa                                      Member

## ABSTRACT

The objectives of this study are determining stress and strain in loaded materials by using Airy's stress function and displaying graphical distribution of stress and strain. The physical properties of the materials used in this analysis must be homogeneous and isotropic. The applied load is in elastic limit and neglecting body force and thermal stress. This research had been studied in two categories of two dimensional problem on rectangular and polar coordinates, by written on Mathematica 3.0 program for windows. The written program had been tested with the simple problems that have exactly results. The tested problems had been selected 5 samples in each category.

It was found that the results from this program had good agreement with the theoretical values. The maximum and minimum stress values in fourier series cases had percent error  $\pm 0.1\%$  if the summations are done more than 100 terms. The instruction manual of the program is provided for using on personal computer. For application of the program, user must choose stress function that satisfy boundary conditions. We can check accuracy by compare with the result that obtained from the program. From this method, we can use this program for analyse more complicated problems in the future applications.