

บทที่ ๓

ขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์

๓.๑ แนวความคิดเรื่องขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์

กลไกในการทำกำไรโดยปราศจากความเสี่ยง (Arbitrage) มีโอกาสเกิดขึ้นเสมอ เนื่องมา จาก ๒ สาเหตุหลัก คือ

- ตลาดมีลักษณะเป็นตลาดที่มีประสิทธิภาพ (Efficient Market) จึงทำให้นักลงทุนทุกคนได้รับข่าวสารเหมือนกันหมด

- นักลงทุนทุกคนเป็นคนที่มีเหตุผล (Rational Investor) จึงสามารถใช้วิจารณญาณของตนเองในการตัดสินใจเพื่อการลงทุน

โดยปกติแล้วนักลงทุนจะพยายามสังเกตการทำกำไรโดยปราศจากความเสี่ยงอยู่ตลอดเวลา หากเห็นว่าการลงทุนในตราสารสิทธิ์หรือสินทรัพย์ใดๆ ก่อให้เกิดการทำ Arbitrage ได้ ก็จะทำการลงทุนในทันที แต่เนื่องจากว่านักลงทุนต่างก็ได้รับข่าวสาร และมีความอยากรู้ในกำไรที่เกิดขึ้น เหมือนกันหมดทุกคน จึงเข้าทำการลงทุนพร้อมกัน ทำให้ช่วงห่างของกำไรที่ได้รับมีค่าลดลง เนื่องจาก จนกระทั่งมูลค่าตราสารสิทธิ์ ณ ระดับราคาหนึ่งจะไม่ก่อให้เกิดกำไรได้อีก ระดับราคานี้ถูกเรียกว่าขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ (Option Boundaries) เพื่อให้เกิดความเข้าใจยิ่งขึ้น ขอสมมุติตัวเลขในการอธิบาย กล่าวคือ สมมุติว่ามูลค่าตราสารสิทธิ์จริงมีค่าเท่ากับ ๕ บาท แต่ตราสารสิทธิ์ที่มีการซื้อขายกัน ณ ปัจจุบันมีมูลค่า ๖ บาท แสดงว่ามูลค่าตราสารสิทธิ์ ณ ปัจจุบัน มีลักษณะเป็น Over-Price ดังนั้นนักลงทุนที่มีตราสารสิทธิ์นี้ครอบคลุมอยู่จึงทำการขาย (Sell) ตราสารสิทธิ์และรอชื่อใหม่ในระดับราคาที่ต่ำกว่า นักลงทุนสามารถทำกำไรในลักษณะนี้ได้เรื่อยๆ โดยมีช่วงห่างของกำไรลดลงตามลำดับ จนกระทั่งมูลค่าตราสารสิทธิ์มีค่าเท่ากับ ๕ บาท ก็จะไม่มีการทำกำไรได้อีก ในทางตรงกันข้ามหากตราสารสิทธิ์มีการซื้อขายกันที่ ๔ บาท ซึ่งทำให้มูลค่าตราสารสิทธิ์มีลักษณะเป็น Lower Price นักลงทุนก็จะทำการซื้อ (Buy) และรอไปขายในระดับราคาที่สูงกว่า หากขายที่ราคา ๕ บาท ก็จะได้รับกำไร ๑ บาท กำไรที่ได้รับจะมีค่าลดลงจนกระทั่งตราสารสิทธิ์มีการซื้อขายกันที่ ๕ บาท ก็จะไม่มีกำไรเกิดขึ้น

ดังนั้นจึงสรุปได้ว่าการทำ Arbitrage จะทำให้ได้รับกำไรโดยไม่มีความเสี่ยงเกิดขึ้น แต่จะมีช่วงระยะเวลาในการทำกำไรได้เพียงช่วงสั้นๆ เท่านั้น เมื่อเวลาผ่านไปมูลค่าตราสารสิทธิ์จะมีค่าอยู่ที่ดุลยภาพของราคาที่เหมาะสมซึ่งก็คือขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์นั่นเอง ทำให้ไม่สามารถทำ Arbitrage ได้

3.2 ขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์

ข้อสมมติฐานในการหาที่มาของขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์

- ก. ไม่มีค่าธรรมเนียมหรือค่าใช้จ่ายในการดำเนินธุกรรมเกิดขึ้น
- ข. ในการซื้อขายตราสารสิทธิ์มีระดับราคาเดียว กล่าวคือ ไม่มี Spread ระหว่างราคาซื้อ (Bid) และราคาขาย (Ask)
- ค. ไม่คำนึงถึงผลกระทบจากภาษี
- ง. การทำ Short Sales สามารถทำได้
- จ. นักลงทุนสามารถทำการซื้อขายในตลาดหุ้นและตลาดตราสารสิทธิ์ในเวลาเดียวกันได้
- ฉ. เงินปันผลจะมีการจ่ายในวันสิ้นสิทธิ์ได้รับเงินปันผล (Ex-Dividend Date) ซึ่งจะทำให้ราคาหุ้นสามัญในวัน Ex-Dividend นี้มีค่าลดลงเท่ากับจำนวนเงินปันผลที่ได้จ่ายไปในการศึกษาตามหัวข้อ 3.2 นี้ จะศึกษาเฉพาะขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ที่อ้างอิงจากราคาหุ้นสามัญโดยที่ไม่มีการจ่ายเงินปันผล โดยจะแบ่งเนื้อหาออกเป็น 2 ส่วนคือ
 - 1. ขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ชนิด Call
 - 2. ขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ชนิด Put

3.2.1 ขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ชนิด Call

เป็นเพราะว่าตราสารสิทธิ์ที่อ้างอิงจากราคาหุ้นสามัญที่ไม่มีการจ่ายเงินปันผล ชนิด Call แบบอเมริกันไม่มีโอกาสในการใช้สิทธิก่อนถึงวันครบกำหนดอยุ่ของตราสารสิทธิ์ได้ (ไม่มี Early Exercise) ดังนั้นมูลค่าตราสารสิทธิ์แบบอเมริกันและแบบยูโรเปียนจึงมีค่าเท่ากัน ทำให้ขอบเขตบนและขอบเขตล่างมีค่าเดียวกัน

ขอบเขตบน

เนื่องจากตราสารสิทธิ์ชนิด Call ทั้งแบบยูโรเปียน (C) และแบบอเมริกัน (C) จะมีค่าสูงสุดได้ไม่เกินมูลค่าปัจจุบันของราคาหุ้นสามัญ ดังนั้นจะได้เงื่อนไขขอบเขตบนของตราสารสิทธิ์ชนิด Call แบบยูโรเปียนและแบบอเมริกัน เป็นไปตามสมการที่ (3.1) และ (3.2) ตามลำดับ

$$c \leq s \quad (3.1)$$

$$c \leq s \quad (3.2)$$

หากตราสารสิทธิชนิด Call ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขตามสมการที่ (3.1) หรือ (3.2) แล้ว กล่าวคือ $c > S$ หรือ $C > S$ จะทำให้นักลงทุนอาจสามารถทำ Arbitrage ได้ เพื่อให้เกิดความเข้าใจยิ่งขึ้น สมมุติเลือกใช้ European Call Options ในกรณีที่ $c > S$ ว่าสามารถทำ Arbitrage ได้ จริงหรือไม่ โดยมีรายละเอียดดังนี้

เงื่อนไขที่ทำให้ European Call Option เกิดการทำ Arbitrage ได้คือ

$$c > S$$

จัดรูปสมการดังกล่าวข้างต้น โดยให้สมการทางด้านขวา มีอยู่ในรูปมากกว่าคูณ (> 0) จะได้

$$c - S > 0$$

ดังนั้นหากต้องการทำ Arbitrage ณ เวลา t^* จะต้องสร้างกลบยุทธ์ขึ้นโดยการออก (Sell) European Call Options จำนวน 1 สัญญา ขายให้แก่นักลงทุนทั่วไป เพื่อให้ได้กระแสเงินสดเข้า เป็น $+c$ และจะต้องทำการซื้อ (Buy) หุ้นสามัญ (S) จำนวน 1 หุ้น เพื่อให้กระแสเงินสดออกเป็น $-S$ ดังแสดงรายละเอียดตามตาราง 3.1

ตาราง 3.1 แสดงวิธีการพิสูจน์ในการทำ Arbitrage ในกรณีที่ European Call Options ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขขอบเขตบน

ณ ปัจจุบัน		กระแสเงินสด ณ วันสิ้นสิทธิ	
		$S^* \leq K$	$S^* > K$
Sell Call	$+c$	0	$-(S^* - K)$
	$-S$	$+S^*$	$+S^*$
ผลลัพธ์	$c - S$	$+S^*$	$+K$

จากตาราง 3.1 ในคอลัมน์แรกคือเงื่อนไขในการทำ Arbitrage ณ เวลา t^* ซึ่งเราได้กำหนดให้ $c - S > 0$ คอลัมน์ถัดไปแสดงถึงกระแสเงินสด ณ วันสิ้นสิทธิใน 2 กรณี คือ

- เมื่อราคากลุ่มหุ้น ณ วันสิ้นสิทธิ (S^*) มีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับราคาใช้สิทธิ (K) ในกรณีนี้ นักลงทุนที่ซื้อ European Call Option ไป จะไม่ใช้สิทธิ เนื่องจากไปซื้อหุ้นตัวนั้นในตลาดจะมีค่าถูกกว่า ทำให้มูลค่าตราสารสิทธิชนิดนี้มีค่าเป็นศูนย์ สำหรับหุ้นสามัญที่ได้ซื้อเก็บไว้ ณ ปัจจุบัน จะถูกนำออกไปขายที่ตลาดในวันสิ้นสิทธิของตราสารสิทธิ ทำให้ได้รับกระแสเงินสดเข้าเท่ากับราคากลุ่มหุ้น

ณ วันสิ้นสิทธิ ($+S^*$) ผลลัพธ์ของกระแสเงินสดรวมในกรณีนี้จะมีค่าเท่ากับ $+S^*$ ดังนั้นการทำ Arbitrage ตามเงื่อนไขนี้ ในกรณีที่ $S^* \leq K$ จะทำให้ได้รับกำไรเท่ากับราคารหุ้นสามัญ ณ วันสิ้นสิทธิ

2. เมื่อราคารหุ้น ณ วันสิ้นสิทธิ (S^*) มีค่ามากกว่าราคากำไร (K) ในกรณีนี้นักลงทุนที่ซื้อ European Call Options จะใช้สิทธิ เนื่องจากสามารถซื้อหุ้นได้ถูกกว่าราคากลาง ทำให้ผู้ออกตราสารสิทธิ์นี้ได้รับผลขาดทุนจากการใช้สิทธิเท่ากับ ส่วนแตกต่างระหว่างราคารหุ้น ณ วันสิ้นสิทธิ กับราคากำไร ซึ่งก็คือมีกระแสเงินสดออกเท่ากับ $(S^* - K)$ สำหรับหุ้นสามัญที่ได้ซื้อก็เป็นไป ณ ปัจจุบันจะถูกนำออกไปขายที่ตลาดในวันสิ้นสิทธิของตราสารสิทธิ์นี้ ทำให้ได้รับกระแสเงินสดเข้าเท่ากับราคารหุ้น ณ วันสิ้นสิทธิ ($+S^*$) ผลลัพธ์ของกระแสเงินสดรวมในกรณีนี้จะมีค่าเท่ากับ $+K$ ดังนั้นการทำ Arbitrage ตามเงื่อนไขนี้ ในกรณีที่ $S > K$ จะทำให้ได้รับกำไรเท่ากับราคากำไรของตราสารสิทธิ์นั้น

สรุปได้ว่าหากตราสารลิฟท์ชนิด Call ทั้งแบบยูโรเปียน และแบบอเมริกัน ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขของขอบเขตตามสมการที่ (3.1) และ (3.2) จะทำให้สามารถทำ Arbitrage ได้ โดยจะได้รับกำไรเท่ากับ $S^* - K$ บาท ในกรณีที่ $S^* \leq K$ และได้รับกำไรเท่ากับ $K - S^*$ บาท ในกรณีที่ $S^* > K$

ขอบเขตล่าง

เนื่องจากตราสารสิทธิ์ชนิด Call ทั้งแบบยูโรเปียนและแบบอเมริกัน ในวันสิ้นสิทธิจะมีค่าอยู่ระหว่าง 0 และ $S^* - K$ ทำให้ตราสารสิทธิ์นี้ ณ ปัจจุบัน มีมูลค่าไม่ต่ำกว่าราคารหุ้น ณ ปัจจุบันหักออกด้วยมูลค่าปัจจุบันของราคากำไร ($S^* - K$) และมีมูลค่ามากกว่าศูนย์เสมอ ดังนั้นจะได้เงินไขขอบเขตล่างของตราสารสิทธิ์ชนิด Call แบบยูโรเปียน และแบบอเมริกัน เป็นไปตามสมการที่ (3.3) และสมการที่ (3.4) ตามลำดับ

$$c \geq \max [0, S - K(1+r)^{-\tau}] \quad (3.3)$$

$$C \geq \max [0, S - K(1+r)^{-\tau}] \quad (3.4)$$

โดยที่ตัวแปร τ หมายถึง ระยะเวลาจากปัจจุบันจนถึงวันสิ้นสิทธิของตราสารสิทธิ์ หากตราสารสิทธิ์ชนิด Call ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขตามสมการที่ (3.3) หรือ (3.4) แล้วกล่าวคือ $c < \max [0, S - K(1+r)^{-\tau}]$ หรือ $C < \max [0, S - K(1+r)^{-\tau}]$ จะทำให้นักลงทุนสามารถทำ Arbitrage ได้ เพื่อให้เกิดความเข้าใจยิ่งขึ้น สมมุติเลือกใช้ European Call Options ในกรณีที่สามารถทำ Arbitrage ได้จริงหรือไม่ โดยมีรายละเอียดดังนี้

เงื่อนไขที่จะทำให้ European Call options เกิดการทำ Arbitrage ได้คือ

$$c < \max [0, S - K(1+r)^{-\tau}]$$

เนื่องจากตราสารสิทธิมีค่าติดลบไม่ได้ ดังนี้จะ

$$0 < c < S - K(1+r)^{-\tau}$$

จัดรูปสมการดังกล่าวข้างต้น โดยให้สมการทางด้านขวาเมื่อยื่นในรูปมากกว่าศูนย์ จะได้

$$-c + S - K(1+r)^{-\tau} > 0$$

ดังนั้นหากต้องการทำ Arbitrage ณ เวลา τ จะต้องสร้างกด익็อปชัน โดยการซื้อ(Buy) European Call Options จำนวน 1 สัญญา, ขายหุ้น (Sell) หุ้นสามัญในตลาดจำนวน 1 หุ้น และให้บุคคลอื่นยืมเงิน (Lend) เป็นจำนวน $K(1+r)^{-\tau}$ บาท ดังแสดงรายละเอียดตามตาราง 3.2

ตาราง 3.2 แสดงวิธีการพิสูจน์ในการทำ Arbitrage ในกรณีที่ European Call Options ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขของขอบเขตล่าง

ณ ปัจจุบัน	กระแสเงินสด ณ วันสิ้นสิทธิ	
	$S^* \leq K$	$S^* > K$
Buy Stock	-c	0
Sell Call	+S	-S*
Lend	$-K(1+r)^{-\tau}$	+K
ผลลัพธ์	$-c + S - K(1+r)^{-\tau}$	$K - S^* \geq 0$
		0

จากตาราง 3.2 ใน colum แรกคือเงื่อนไขในการทำ Arbitrage ณ เวลา τ ซึ่งเราได้กำหนดให้ $-c + S - K(1+r)^{-\tau} > 0$ colum ที่ 2 แสดงถึงกระแสเงินสด ณ วันสิ้นสิทธิ ใน 2 กรณี คือ

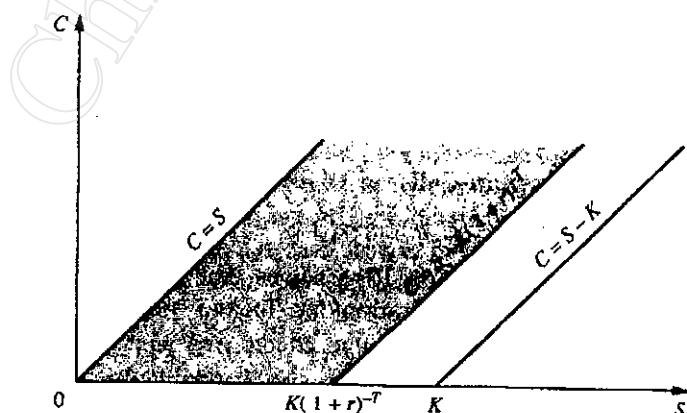
1. เมื่อราคาหุ้น ณ วันสิ้นสิทธิ (S^*) มีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับราคาใช้สิทธิ (K) ในกรณีนี้เราในฐานะเป็นผู้ซื้อ European Call Options ก็จะไม่ใช้สิทธิ เนื่องจากไปซื้อหุ้นตัวนั้นในตลาดจะมีค่าถูกกว่า ทำให้มูลค่าตราสารสิทธิ์เป็นศูนย์ สำหรับหุ้นสามัญที่ได้ขายออกไปในตลาด ณ ปัจจุบันก็จะต้องถูกซื้อกลับคืนมาในวันสิ้นสิทธิ ทำให้มีกระแสเงินสดออก เท่ากับจำนวนเงินที่ได้จ่ายไปในการซื้อหุ้น ณ วันสิ้นสิทธิ (-S*) และจำนวนเงินที่ให้ผู้อื่นยืมเงินไปเป็นจำนวน $K(1+r)^{-\tau}$ บาท ณ ปัจจุบัน จะได้รับกลับคืนมาในวันสิ้นสิทธิเป็นจำนวนเงิน K บาท (จำนวนเงินต้น $K(1+r)^{-\tau}$ รวมกับดอกเบี้ยรับ ที่ใช้อัตราดอกเบี้ย r% เป็นจำนวน τ วัน) ทำให้ได้รับกระแสเงินสดเข้าเท่ากับราคาใช้สิทธิของตราสารสิทธิ (+K) ผลลัพธ์ของกระแสเงินสดรวมในกรณีนี้จะมีค่าเท่ากับ $K - S^*$

และเนื่องจากในกรณีนี้ $K \geq S^*$ จึงทำให้ $K - S^*$ มีค่ามากกว่าหรือเท่ากับศูนย์ ดังนั้นการทำ Arbitrage ตามเงื่อนไขนี้ ในกรณีที่ $S^* \leq K$ จะทำให้ได้รับกำไรเท่ากับส่วนแตกต่างระหว่างราคาใช้สิทธิกับราคาหุ้น ณ วันสิ้นสิทธิ

2. เมื่อราคาหุ้น ณ วันสิ้นสิทธิ (S^*) มีค่ามากกว่าราคาใช้สิทธิ (K) ในกรณีเราในฐานะเป็นผู้ซื้อ European Call Options ก็จะใช้สิทธิ เนื่องจากสามารถซื้อหุ้นได้ถูกกว่าราคากลาง ทำให้ได้รับกำไรจากการใช้สิทธิเท่ากับส่วนแตกต่างระหว่างราคาหุ้น ณ วันสิ้นสิทธิกับราคาใช้สิทธิ ซึ่งก็คือมีกระแสเงินสดเข้าเท่ากับ $+(S^* - K)$ สำหรับหุ้นที่ได้ขายออกไป ในตลาด ณ ปัจจุบัน ก็จะต้องถูกซื้อกลับคืนมาในวันสิ้นสิทธิ ทำให้มีกระแสเงินสดออกเท่ากับจำนวนที่ได้จ่ายไปในการซื้อหุ้น ณ วันสิ้นสิทธิ ($-S^*$) และจำนวนเงินที่ได้ผู้อื่นยืมเงินไปเป็นจำนวน $K(1+r)^{-T}$ บาท ณ ปัจจุบัน ก็จะได้รับกลับคืนมาในวันสิ้นสิทธิเป็นจำนวนเงิน K บาท ทำให้ได้รับกระแสเงินสดเข้าเท่ากับราคาใช้สิทธิของตราสารสิทธิชนิด ($+K$) ผลลัพธ์ของกระแสเงินสดรวมในกรณีนี้จะมีค่าเท่ากับศูนย์ (หักล้างกันหมด) ดังนั้นจึงไม่สามารถทำ Arbitrage ตามเงื่อนไขนี้ ในกรณี $S^* > K$

สรุปได้ว่าหากตราสารสิทธิชนิด Call ทั้งแบบยูโรเปียนและแบบเมริกัน ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขของขอบเขตล่างตามสมการที่ (3.3) และ (3.4) แล้วจะสามารถทำ Arbitrage ได้เฉพาะในกรณีที่ $S^* \leq K$ ซึ่งจะทำให้ได้รับกำไรเท่ากับ $K - S^*$ บาท สำหรับในกรณีที่ $S^* > K$ จะไม่สามารถทำ Arbitrage ได้

หากทำการสร้างรูปกราฟแสดงขอบเขตบนและขอบเขตล่างของตราสารสิทธิที่อ้างอิงจากราคาหุ้นสามัญที่ไม่มีการจ่ายเงินปันผลชนิด Call ทั้งแบบเมริกัน และแบบยูโรเปียน จะเป็นไปตามรูป 3.1



รูป 3.1 แสดงขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิที่อ้างอิงจากราคาหุ้นสามัญที่ไม่มีการจ่ายเงินปันผลทั้งแบบ American Call และ European Call (ส่วนที่เรցา)

จากรูป 3.1 ขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์เหมาสม จะอยู่ระหว่างเส้นแสดงขอบเขตบน คือเส้น $C = S$ และเส้นขอบเขตล่างคือ เส้น $C = S - K(1+r)^{-\tau}$ สำหรับเส้นด้านขวาสุดคือ เส้น $C = S - K$ ผลจากรูป 3.1 นี้สามารถอธิบายได้ดังนี้

1. หากมูลค่าตราสารสิทธิ์ชนิด Call ไม่อยู่ระหว่างเส้นขอบเขตบนและขอบเขตล่างแล้ว กล่าวคือ $C > S$ หรือ $C < S - K(1+r)^{-\tau}$ อาจจะทำให้เกิดการทำ Arbitrage ได้

2. ตราสารสิทธิ์ชนิด Call ที่อยู่ในสภาพ *In-The-Money* (ยกเว้นที่วันสิ้นสิทธิ) จะมีมูลค่าที่เกิดจากมูลค่าตามเวลา (Time Value) เช่น $C \geq S - K(1+r)^{-\tau} \geq S - K \geq 0$ ซึ่งพจน์ $S - K$ คือมูลค่าที่แท้จริง (Intrinsic value) ดังนั้นจะเห็นส่วนแตกต่างระหว่างมูลค่าตราสารสิทธิ์และมูลค่าตราสารสิทธิ์แท้จริง ซึ่งก็คือมูลค่าตามเวลาที่มีค่าเท่ากับ $K[1 - (1+r)^{-\tau}]$ นั่นเอง

3. ตราสารสิทธิ์ชนิด Call แบบอเมริกัน ของหุ้นสามัญที่ไม่มีการจ่ายเงินปันผลจะไม่มีทางใช้สิทธิ์ก่อนถึงวันครบกำหนดอายุตราสารสิทธิ์เลย พิจารณาการใช้สิทธิของตราสารสิทธิ์แบบอเมริกันก่อนถึงวันสิ้นสิทธิ นักลงทุนจะต้องจ่ายเงิน $-K$ บาท เพื่อให้ได้หุ้นที่มีค่า S บาท ทำให้กำไรที่ได้รับ คือ $S - K$ บาท (มูลค่า Call Intrinsic Value) แต่เนื่องจากเหตุผลตามข้อ 2 ที่ได้กล่าวไว้ข้างต้นกล่าวว่ามูลค่าตราสารสิทธิ์ชนิด Call ขึ้นต่ำมีค่าเท่ากับ $S - K(1+r)^{-\tau}$ ซึ่งมีค่ามากกว่ามูลค่าตราสารสิทธิ์แบบอเมริกัน ที่ใช้สิทธิ์ก่อนถึงวันสิ้นสิทธิที่มีค่าเป็น $S - K$ หรือถ้ากรณีที่ตราสารสิทธิ์ชนิด Call อยู่ในสภาพ *Out-Of-The-Money* ($S < K$) การจ่ายเงิน K บาทเพื่อให้ได้หุ้นที่มีมูลค่า S บาท จึงไม่ถูกต้อง ด้วยเหตุผลดังกล่าวข้างต้นตราสารสิทธิ์ชนิด Call แบบอเมริกันของหุ้นสามัญ ที่ไม่มีการจ่ายเงินปันผล จึงไม่มีทางที่จะใช้สิทธิ์ก่อนถึงวันครบกำหนดอายุของตราสารสิทธิ์ได้เลย อย่างไรในกิตามไม่logicของความเป็นจริง ตราสารสิทธิ์ชนิด Call แบบอเมริกัน ที่อยู่ในสภาพ *In-The-Money* อาจจะใช้สิทธิ์ก่อนถึงวันสิ้นสิทธิได้ นั่นเป็นเพราะว่า ตลาดตราสารสิทธิ์ไม่ได้สมบูรณ์แบบตามที่ได้ตั้งข้อสมมุติฐานไว้ (ตามข้อ ก.-ฉ.)

3.2.2 ขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ชนิด Put

เป็น เพราะว่าตราสารสิทธิ์ที่ข้างต้นจากตราสารหุ้นสามัญที่ไม่มีการจ่ายเงินปันผล ชนิด Put แบบอเมริกันอาจจะมีการใช้สิทธิ์ก่อนถึงวันครบกำหนดอายุของตราสารสิทธิ์ได้ (อาจจะมีการ Early Exercise) ดังนั้นมูลค่าตราสารสิทธิ์แบบญี่โรปีนและแบบอเมริกันอาจมีค่าไม่เท่ากัน ทำให้ขอบเขตบนและขอบเขตล่างมีค่าแตกต่างกัน ในที่นี้จะขอสรุปขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ชนิด Put โดยมีรายละเอียดดังนี้

1. ตราสารสิทธิชนิด Put แบบอเมริกัน

ขอบเขตบน จะมีค่าสูงสุดได้ไม่เกินราคาราคาใช้สิทธิ (K) ซึ่งจะเกิดขึ้นเมื่อราคากลับคืนมีค่าเท่ากับศูนย์ และเมื่อราคากลับคืนมีค่าเพิ่มขึ้น มูลค่าตราสารสิทธิ ชนิด Put จะมีค่าลดลง เนื่องจากขอบเขตบนของตราสารสิทธิชนิด Put แบบอเมริกัน จะเป็นไปตามสมการที่ (3.5)

$$P \leq K \quad (3.5)$$

ขอบเขตล่าง จะมีค่ามากกว่าส่วนแตกต่างระหว่างราคาราคาใช้สิทธิ (K) กับราคากลับ ณ วันที่ใช้สิทธิ (S) เสมอ และมีค่าเป็นลบไม่ได้ กล่าวคือ จะมีมูลค่าขั้นต่ำเท่ากับมูลค่าตราสารสิทธิที่แท้จริงของ Put ซึ่งก็คือ $K - S$ หรือมีค่าเป็นศูนย์ ในกรณีที่ตราสารสิทธินี้อยู่ในสภาพ Out-Of-The-Money ($S > K$) ดังนั้นเนื่องจากขอบเขตล่างของตราสารสิทธิชนิด Put แบบอเมริกัน จะเป็นไปตามสมการที่ (3.6)

$$P \geq \max [0, K-S] \quad (3.6)$$

หากตราสารสิทธิชนิด Put แบบอเมริกัน ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขของขอบเขตบนและขอบเขตล่าง กล่าวคือไม่สอดคล้องกับสมการ $\max [0, K-S] \leq P \leq K$ และอาจทำให้เกิดการทำ Arbitrage ได้ ซึ่งสามารถทำการพิสูจน์ได้ โดยใช้วิธีการพิสูจน์เช่นเดียวกับตราสารสิทธิ ชนิด Call จึงไม่ขอกล่าวถึงในที่นี้

2. ตราสารสิทธิชนิด Put แบบยูโรเปียน

ขอบเขตบน มูลค่าตราสารสิทธิ ชนิด Put ณ วันสิ้นสิทธิ จะมีค่าสูงสุดได้ไม่เกินราคาราคาใช้สิทธิ (K) ทำให้มูลค่าตราสารสิทธิ ณ ปัจจุบันจะมีค่าสูงสุดได้ไม่เกินมูลค่าปัจจุบันของราคาราคาใช้สิทธิ ดังนั้นเนื่องจากขอบเขตบนของตราสารสิทธิ ชนิด Put แบบยูโรเปียน จะเป็นไปตามสมการที่ (3.7)

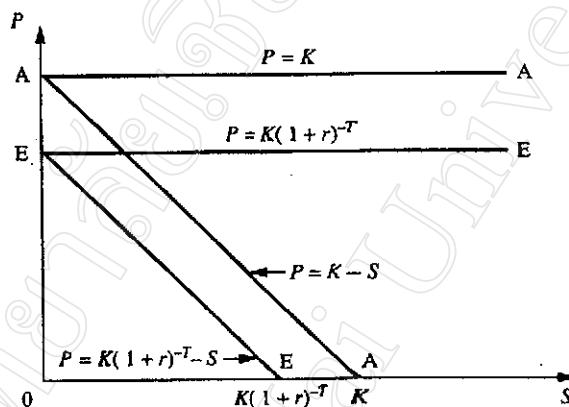
$$P \leq K (1+r)^{-\tau} \quad (3.7)$$

ขอบเขตล่าง จะมีค่ามากกว่าส่วนแตกต่างระหว่างมูลค่าปัจจุบันของราคาราคาใช้สิทธิ $[K (1+r)^{-\tau}]$ กับราคากลับ ณ ปัจจุบัน (S) เสมอและมีค่าเป็นลบไม่ได้ ดังนั้นเนื่องจากขอบเขตล่างของตราสารสิทธิชนิด Put แบบยูโรเปียน จะเป็นไปตามสมการที่ (3.8)

$$P \geq \max [0, K (1+r)^{-\tau} - S] \quad (3.8)$$

หากตราสารสิทธิ์ ชนิด Put แบบยูโรเปียน ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขของขอบเขตบันและขอบเขตล่าง กล่าวคือไม่สอดคล้องกับสมการ $\max[0, K(1+r)^{-T} - S] \leq P \leq K(1+r)^{-T}$ แล้ว อาจทำให้เกิดการทำ Arbitrage ได้

หากทำการสร้างรูปกราฟ แสดงขอบเขตบันและขอบเขตล่างของตราสารสิทธิ์ที่อ้างอิงจากราคาหุ้นสามัญที่ไม่มีการจ่ายเงินปันผล ชนิด Put ทั้งแบบอเมริกันและแบบยูโรเปียนมารวมอยู่ในรูปเดียวกัน จะสามารถแสดงผลได้ตามรูป 3.2



รูป 3.2 แสดงขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ที่อ้างอิงจากราคาหุ้นสามัญที่ไม่มีการจ่ายเงินปันผลทั้งแบบ American Put และ European Put

จากรูป 3.2 แสดงถึงความแตกต่างระหว่างขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ ชนิด Put แบบ อเมริกัน ซึ่งแสดงด้วยบิวตันที่อยู่ในเส้น AAAS และขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ ชนิด Put แบบยูโรเปียน ซึ่งแสดงด้วยบิวตันที่อยู่ในเส้น EEEES ผลจากรูป 3.2 นี้ สามารถอธิบายได้ดังนี้

- หากมูลค่าตราสารสิทธิ์ ชนิด Put แบบอเมริกัน ไม่อยู่ภายในเส้น AAAS กล่าวคือ $P > K$ หรือ $P < \max[0, K-S]$ และมูลค่าตราสารสิทธิ์ ชนิด Put แบบยูโรเปียน ไม่อยู่ภายในเส้น EEEES กล่าวคือ $p > K(1+r)^{-T}$ หรือ $p > \max[0, K(1+r)^{-T}-S]$ อาจจะทำให้เกิดการทำ Arbitrage ได้
- ตราสารสิทธิ์ ชนิด Put แบบอเมริกัน จะไม่มีทางมีมูลค่าต่ำกว่ามูลค่าที่แท้จริงเลย ($P \geq K-S$) เสมอ ทำให้มูลค่าตราสารสิทธิ์ ชนิด Put แบบอเมริกันมีมูลค่าตามเวลา เป็นวงหรือเท่ากับศูนย์
- ตราสารสิทธิ์ ชนิด Put แบบยูโรเปียน จะมีมูลค่าไม่เกินมูลค่าที่แท้จริงเลย

$[K(1+r)^{-T} - S \leq (K-S)]$ เสมอ และสามารถสังเกตได้ว่าเมื่อระยะเวลาใช้สิทธิเหลือน้อยลงเท่าใด มูลค่าตราสารสิทธิ์ชนิด Put แบบยูโรเปียนจะมีค่าเพิ่มขึ้นจนมีค่ามากที่สุดซึ่งมีค่าเท่ากับ $K-S$ ในวันสิ้นสิทธิของตราสารสิทธิ์

4. มูลค่าตราสารสิทธิ์ชนิด Put แบบอเมริกัน มีขอบเขตที่กว้างกว่าตราสารสิทธิ์ชนิด Put แบบยูโรเปียนทำให้มีมูลค่าที่มากกว่าเสมอ ยกเว้นตราสารสิทธิ์ชนิด Put แบบอเมริกันที่ไม่มีการใช้สิทธิก่อนถึงวันสิ้นสิทธิจะมีมูลค่าเท่ากับตราสารสิทธิ์แบบยูโรเปียน
5. ตราสารสิทธิ์ชนิด Put แบบอเมริกัน ที่มีลักษณะดังต่อไปนี้ จะมีการใช้สิทธิก่อนถึงวันที่สิ้นสิทธิ เสมอ (มี Early Exercise)
 - มีราคาใช้สิทธิมาก ๆ
 - มีราคาหุ้น ณ วันที่มีการซื้อขายต่ำมาก ๆ
 - มีมูลค่าที่เกิดจากมูลค่าตามเวลา (Time Value) น้อย
 - อัตราดอกเบี้ยมีแนวโน้มสูงขึ้นมาก

เป็นที่น่าสังเกตว่าขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ จะมีทั้งขอบเขตบนและขอบเขตล่าง แต่ผลจากการที่ไม่ต้องการให้เกิดการทำ Arbitrage ได้ จึงต้องมีการสร้างขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ให้แคบที่สุดในวันใช้สิทธิของตราสารสิทธิ์ กล่าวคือจะต้องสร้างขอบเขตล่างให้มีค่ามากที่สุด และจะต้องสร้างขอบเขตบนให้มีค่าน้อยที่สุด ดังนั้นขอบเขตของมูลค่าตราสารสิทธิ์ที่แคบมากที่สุดคือ ขอบเขตล่างที่มีค่ามากสุดลู่เข้า (Converge) สูขอบเขตบนที่มีค่าน้อยที่สุดนั้นเอง มูลค่าตราสารสิทธิ์ที่อยู่บนเส้นขอบเขตดังกล่าวนี้ จะเป็นมูลค่าที่ไม่สามารถทำ Arbitrage ได้เลย สำหรับมูลค่าตราสารสิทธิ์ที่ก่อให้เกิดดุลยภาพของราคานี้ จะหาได้จากการใช้แบบจำลอง Black-Scholes หรือแบบจำลอง Binomial ดังที่จะได้กล่าวต่อไปในบทที่ 4