

## บทที่ 4

### โปรแกรมไฟไนต์เอลิเมนต์อย่างง่าย (EasyFEM)

ดังที่ได้กล่าวมาแล้วในบทก่อนว่า EasyFEM เป็นโปรแกรมที่ประดิษฐ์ขึ้นมาเองโดยทั้งหมดโดย ศาสตราจารย์ ดร. ปราโมทย์ เดชะอำไพ และ อาจารย์ สุทธิศักดิ์ พงศ์ธนาพานิช (2548) โดยเฉพาะ ศาสตราจารย์ ดร. ปราโมทย์ เดชะอำไพ นั้นในอดีตเคยทำงานกับกองการนาซ่าของประเทศสหรัฐอเมริกา ได้ร่วมกันสร้างโปรแกรมซึ่งเป็นซอฟต์แวร์ทางด้านระเบียบวิธีทางไฟไนต์เอลิเมนต์ (Finite Element Method) ให้พื้นฐานเบื้องต้นอันจะนำไปสู่ความสามารถในการใช้ซอฟต์แวร์ระดับสูงต่อไปด้วยความมั่นใจ

#### 4.1 ข้อมูลเบื้องต้นเกี่ยวกับโปรแกรม EasyFEM

โปรแกรม EasyFEM ได้รับการพัฒนาขึ้นโดยมีจุดประสงค์ที่ต้องการให้ผู้ใช้สามารถเริ่มต้นทำความเข้าใจกับวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ได้ง่าย สามารถใช้แก้ปัญหาต่างๆ ในสองมิติได้ โดยแสดงผลเป็นภาพสีทำให้ง่ายต่อความเข้าใจ โปรแกรมนี้สามารถวิเคราะห์ปัญหาได้หลายด้านคือการถ่ายเทความร้อน ความเค้นที่เกิดจากแรง ความเค้นที่เกิดจากการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิ การไหลของของไหลแบบสัคย์ การไหลชนิดที่มีความหนืดเข้ามาเกี่ยวข้องกับของไหลที่อัดตัวได้และอัดตัวไม่ได้ซึ่งโปรแกรมนี้มีความเชื่อถือได้ในระดับสูง เนื่องจากผู้พัฒนาโปรแกรมเป็นศาสตราจารย์ที่เชี่ยวชาญในสาขาวิชากลศาสตร์เชิงคำนวณ (Computational Mechanics) มีประสบการณ์ในการวิจัยให้กับองค์การนาซ่าและการสอนในมหาวิทยาลัยในประเทศสหรัฐอเมริกา นานกว่า 10 ปี นอกนั้นข้อดีของโปรแกรมนี้คือสามารถใช้ได้กับเครื่องคอมพิวเตอร์ส่วนบุคคลทั่วไป

#### 4.2 สมการเชิงอนุพันธ์ที่ใช้ในโปรแกรม EasyFEM (ปราโมทย์ เดชะอำไพ และ สุทธิศักดิ์ พงศ์ธนาพานิช, 2548)

ระบบสมการเชิงอนุพันธ์ย่อยเพื่อใช้คำนวณหาปรากฏการณ์ลักษณะการไหลแบบหนืดที่ไม่อัดตัว (Incompressible Viscous Flow) ในสองมิติซึ่งรู้จักกันโดยทั่วไปว่าระบบสมการนาเวียร์-สโตกส์ (Navier-Stokes Equation) นั้น ประกอบด้วยสมการของการอนุรักษ์มวล (Conservation of Mass) และสมการอนุรักษ์โมเมนตัม (Conservation of Momentums) ในแกน  $x$  และ  $y$  ดังที่ได้กล่าวไว้ในข้อ 2.3.4 ในสมการของการอนุรักษ์มวล (2.9) แล้วสำหรับสมการการอนุรักษ์โมเมนตัม (2.10)

และ (2.11) นั้นในการคำนวณหาลักษณะการไหลของระเบียบวิธีไฟไนต์ในโปรแกรม Easy FEM นั้น จะเขียนใหม่เป็นดังนี้

$$\rho \frac{\partial u}{\partial t} + \rho \left( u \frac{\partial v}{\partial x} + v \frac{\partial u}{\partial y} \right) + \frac{\partial P}{\partial x} = \frac{\partial \tau_{xx}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{yx}}{\partial y} \quad (4.1)$$

$$\rho \frac{\partial v}{\partial t} + \rho \left( u \frac{\partial v}{\partial x} + v \frac{\partial v}{\partial y} \right) + \frac{\partial P}{\partial y} = \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{yy}}{\partial y} \quad (4.2)$$

โดย  $\rho$  แทนความหนาแน่น (Density) ระบบสมการนาเวียร์-สโตกส์ประกอบด้วย 3 สมการ ได้แก่ สมการ (2.9), (4.1) และ (4.2) และมีตัวไม่รู้ค่า 3 ตัวอันประกอบด้วยความเร็ว  $u$  ในทิศแกน  $x$  ความเร็ว  $v$  ในทิศคำนวณหาลักษณะการไหลของระเบียบวิธีไฟไนต์แกน  $y$  และความดัน  $P$  ซึ่งล้วนแต่เป็นฟังก์ชันของโคออร์ดิเนต  $x$  และ  $y$  ส่วนทางด้านขวาของสมการอนุพันธ์โมเมนต์ (4.1) และ (4.2) นั้นประกอบด้วยพจน์ของความหนืดซึ่งเป็นฟังก์ชันของค่าความเค้นย่อยที่เขียนให้อยู่ในรูปแบบของความเร็ว ได้แก่

$$\tau_{xx} = 2\mu \frac{\partial u}{\partial x} \quad (4.3)$$

$$\tau_{yy} = 2\mu \frac{\partial v}{\partial y} \quad (4.4)$$

$$\tau_{xy} = \tau_{yx} = \mu \left( \frac{\partial v}{\partial x} + \frac{\partial u}{\partial y} \right) \quad (4.5)$$

ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่

Copyright © by Chiang Mai University  
A All rights reserved  
โดย  $\mu$  แทนค่าความหนืดพลศาสตร์ (Dynamic Viscosity) ระบบสมการเชิงอนุพันธ์ย่อยนาเวียร์-สโตกส์นี้สามารถเขียนโดยใช้สัญลักษณ์เทนเซอร์ (Tensor Notations) เพื่อความสะดวกในการประดิษฐ์สมการไฟไนต์เอลิเมนต์ต่อไปได้ คือ

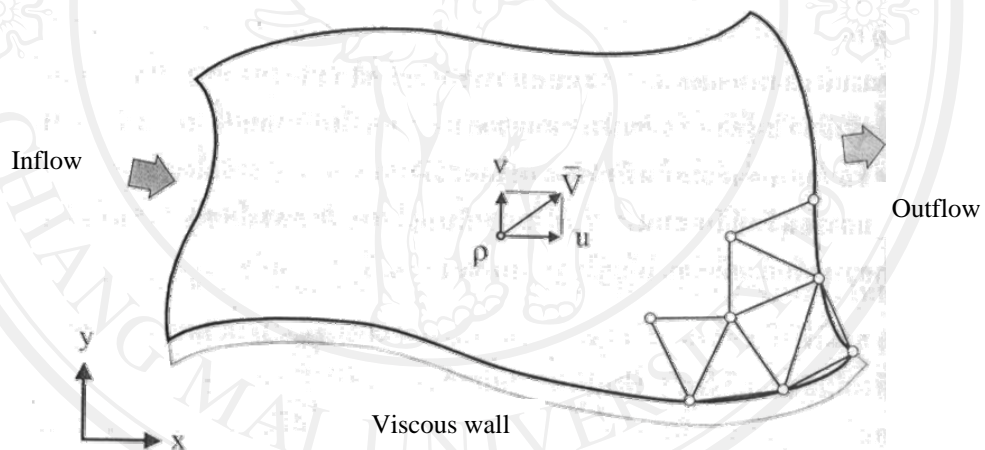
$$\frac{\partial u_i}{\partial x_i} = 0 \quad (4.6)$$

$$\frac{\partial u_i}{\partial t} = -u_j \frac{\partial u_i}{\partial x_j} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x_i} + \frac{1}{\rho} \left( \frac{\partial \tau_{ij}}{\partial x_j} \right) \quad (4.7)$$

โดยที่  $i = 1, 2$  ซึ่งสอดคล้องกับโคออร์ดิเนต  $x$  และ  $y$  ตามลำดับ สมการ (4.6) เป็นสมการอนุพันธ์มวลมีความหมายเช่นเดียวกันกับสมการ (2.9) ส่วนสมการ (4.7) เป็นสมการอนุพันธ์โมเมนตัมซึ่งมีความหมายเช่นเดียวกันกับสมการ (4.1) และ (4.2) เมื่อ  $i = 1$  และ  $2$  ตามลำดับ

ระบบสมการย่อยนาเวียร์-สโตกส์ (4.6) และ (4.7) นี้จำเป็นต้องแก้ควบคู่กันไปกับเงื่อนไขขอบเขตของปัญหาที่กำหนดให้ ดังแสดงในภาพที่ 4.1 ซึ่งอาจจะประกอบด้วย

- (1) การกำหนดขอบเขตของการไหลเข้า (Inflow)
- (2) การกำหนดขอบเขตของผนังแบบหนืด (Viscous Wall)
- (3) การกำหนดขอบเขตของการไหลออก (Outflow)



ภาพที่ 4.1 โดเมน และ เงื่อนไขขอบเขตของการไหลแบบหนืด

### 4.3 การทดสอบการใช้งานโปรแกรม EasyFEM ในเบื้องต้น

ดังที่กล่าวผ่านมาแล้วนั้นว่า โปรแกรมการคำนวณและ ประมวลผลโดยใช้วิธีไฟไนต์เอลิเมนต์นั้น เป็นโปรแกรมที่ถูกออกแบบมาเบื้องต้นสำหรับการใช้งานในด้านวิศวกรรมเป็นหลัก และผู้ที่มาใช้งาน (User) โปรแกรมเหล่านี้ก็ต้องมีความรู้พื้นฐานระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์พอสมควร สำหรับโปรแกรม EasyFEM ที่จะนำมาศึกษาครั้งนี้ถือว่าเป็นหนึ่งโปรแกรมด้านไฟไนต์เอลิเมนต์ และมีจุดประสงค์สร้างมาให้ผู้ใช้ที่ความรู้เกี่ยวกับระเบียบวิธีนี้ไม่มากนัก สามารถรับรู้ถึงวิธีนี้โดยพื้นฐาน และสามารถเข้าใจได้ง่าย นอกนั้นผู้สร้างโปรแกรมยังพยายามลดขั้นตอน และตัดทอนค่า Parameter ที่เป็นตัวแปรไม่สำคัญมากบางตัวออกไปด้วย เช่น ค่าความหนืดของผนังที่

ของไหลไหลผ่าน เป็นต้น และทำให้ Range ของค่า Parameter บางตัวมีความกว้างน้อยลง เพื่อช่วยในขั้นตอนที่โปรแกรมจะนำมาประมวลผล

จากที่กล่าวมานั้นผู้วิจัยจึงเห็นว่าโปรแกรม EasyFEM มีความเหมาะสมอย่างยิ่งที่จะถูกนำมาประยุกต์ใช้ในการศึกษาด้านสถาปัตยกรรมในบางกลุ่มงานที่เกี่ยวข้องได้บ้าง เนื่องจากว่าโปรแกรมมีขั้นตอนการใช้งานที่ไม่ซับซ้อน ขั้นตอนการทำก็ไม่ยุ่งยาก ทำให้ไม่หวั่นไหวต่อความเข้าใจและการใช้งาน โดยเฉพาะผู้ที่เรียนในสายสถาปัตยกรรมศาสตร์ ที่ไม่มีการเรียนการสอนในเรื่องระเบียบวิธีทางไฟไนต์เอลิเมนต์นี้เลย แต่ในการเรียนการสอนหรือแม้แต่การทำงานเราก็จะต้องเกี่ยวข้องกับเรื่องเทคนิคอาคารเหล่านี้อยู่แล้ว ซึ่งโปรแกรมไฟไนต์เอลิเมนต์สามารถแก้ไขปัญหาเบื้องต้นของงานเหล่านี้ได้ ช่วยลดขั้นตอนที่จะต้องพึ่งวิศวกร และยังคงทำให้การทำงานได้ประสิทธิภาพมากยิ่งขึ้นกว่าเดิมอีกด้วย

สำหรับการใช้งานโปรแกรม EasyFEM นั้น สามารถทำการประมวลผลแก้ไขได้ในหลายๆ ปัญหา ได้แก่

- |                                       |                             |
|---------------------------------------|-----------------------------|
| - ปัญหาการถ่ายเทความร้อน              | Thermal Analysis            |
| - ปัญหาของแข็ง                        | Stress Analysis             |
| - ปัญหาของแข็งเนื่องจากอุณหภูมิ       | Thermal Stress Analysis     |
| - ปัญหาการไหลแบบศักย์                 | Potential Flow              |
| - ปัญหาการไหลแบบหนืด                  | Incompressible Viscous Flow |
| - ปัญหาความไหลความเร็วสูงแบบอัดตัวได้ | Compressible Inviscid Flow  |

ขั้นตอนการทำการประมวลผลเพื่อวิเคราะห์ปัญหาการไหลแบบหนืดนั้น แบ่งเป็น 6 ขั้นตอนดังนี้

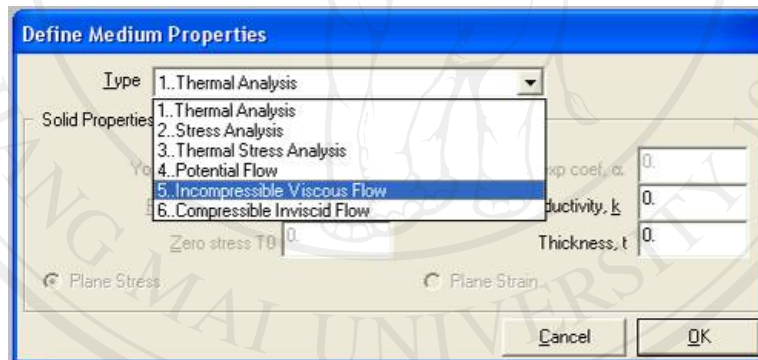
- ขั้นตอนการกำหนดค่าเบื้องต้น
- ขั้นตอนการขึ้นรูปร่างโมเดลที่ทำการทดสอบ
- ขั้นตอนการกำหนดขอบเขตโดเมน และการใส่เอลิเมนต์ให้กับโมเดล
- ขั้นตอนการกำหนดภาวะไหลและเงื่อนไขต่างๆ ให้กับ Node และ Element
- ขั้นตอนการประมวลผล และวิเคราะห์ปัญหา
- ขั้นตอนการนำเสนอผล

#### 4.3.1 ขั้นตอนการกำหนดค่าเบื้องต้น

หลังจากติดตั้งโปรแกรมเสร็จเรียบร้อยแล้ว สามารถเข้าโปรแกรมได้ทันทีจากไอคอนดังภาพที่ 4.2 ที่หน้า Desktop จะพบหน้าต่างเปล่าสีดำ หลังจากนั้นเราเริ่มต้นการวิเคราะห์ปัญหาโดยเริ่มสร้างไฟล์ใหม่จะพบหน้าต่าง Define Medium Properties แล้วให้เลือกเอารูปแบบการวิเคราะห์ปัญหาการไหลแบบหนืด Incompressible Viscous Flow เนื่องจาก ลักษณะการไหลที่เกิดขึ้นรอบตัวและพบเห็นกันอยู่ทั่วไปนั้น ส่วนใหญ่แล้วถูกกำหนดให้เป็นรูปแบบของการไหลแบบหนืด นับตั้งแต่กระแสลมพัดผ่านบ้าน ผ่านต้นไม้ การไหลหมุนวนของอากาศเย็นในห้องแอร์หรือในอาคารสนามบินขนาดใหญ่ การไหลของกระแสน้ำในแม่น้ำลำคลอง เป็นต้น



ภาพที่ 4.2 ไอคอนของโปรแกรม EasyFEM



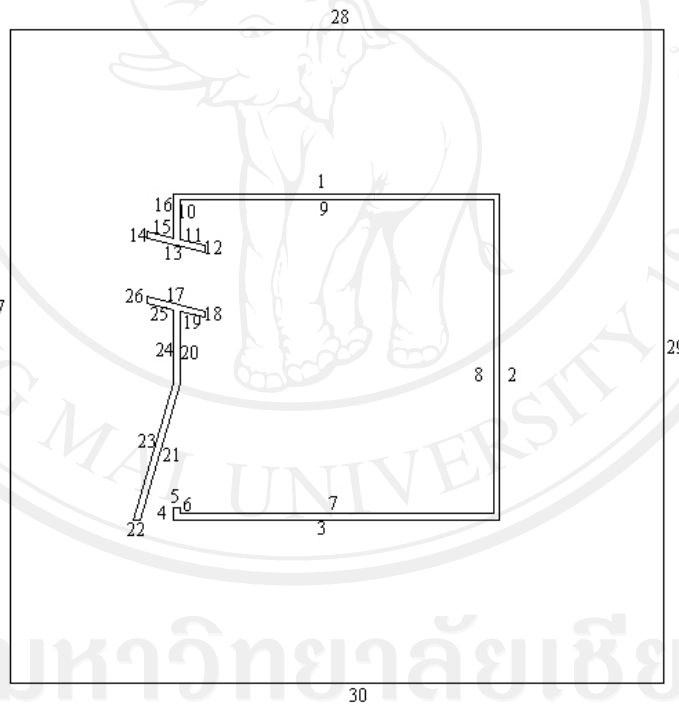
ภาพที่ 4.3 หน้าต่างให้เลือกเอารูปแบบการวิเคราะห์ปัญหาต่างๆ

เมื่อเลือกปัญหาที่จะวิเคราะห์แล้วเราจะเข้าสู่ขั้นตอนการใส่ค่า Parameters ค่าความหนืดพลศาสตร์ และค่าความหนาแน่นของอากาศ โดยในที่นี้ขอนำเสนอตัวอย่างซึ่งเป็นการทดสอบการไหลของอากาศผ่านห้องหนึ่ง โดยกำหนดห้องมีขนาดพื้นที่ 4x4 เมตร มี 2 ช่องเปิด เป็นช่องเปิดที่ผนังเพียงด้านเดียว ภาพที่ 4.4 ซึ่งในที่นี้เราจะใช้โปรแกรม EasyFEM คำนวณดูรูปแบบการไหลผ่านห้องดังกล่าว ในลักษณะการไหล 2 มิติผ่านแผนผังห้อง เพื่อดูเพื่อดูลักษณะการไหลของอากาศที่ไหลจากหน้าต่างเข้ามาในห้อง และลักษณะการไหลออก สำหรับเงื่อนไขต่างๆกำหนดให้ ของไหลเคลื่อนตัวด้วยความเร็ว  $u = 1$  ค่าความหนืดพลศาสตร์  $\mu = 0.01$  ค่าความหนาแน่นของอากาศ  $\rho = 1$  และ กำหนดอากาศอยู่ในสภาวะไร้ความดัน  $P = 0$  โดยกำหนดลมมีทิศทางมาจากด้านซ้ายมือ

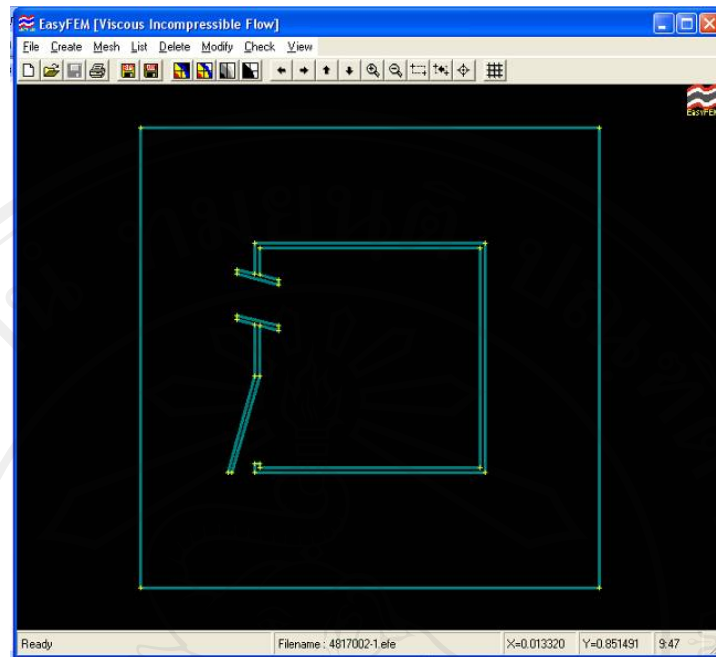
ไหลผ่านโมเดลด้านผนังที่มีช่องเปิด และเมื่อกำหนดค่าความหนืดพลศาสตร์  $\mu = 0.01$  ค่าความหนาแน่นของอากาศ  $\rho=1$  ในหน้าต่าง Define Medium Properties แล้วเราก็จะพบหน้าต่างของโปรแกรมอีกครั้ง ซึ่งในที่นี้เราก็เริ่มสร้างโมเดลที่จะทำการวิเคราะห์ปัญหาได้เลย

#### 4.3.2 ขั้นตอนการขึ้นรูปร่างโมเดลที่ทำการทดสอบ

เมื่อเลือกปัญหาที่จะวิเคราะห์แล้วเราจะเข้าสู่หน้าต่างของโปรแกรม ซึ่งในที่นี้เราต้องสร้างโมเดลที่จะทำการวิเคราะห์ปัญหานั้นมาก่อน การสร้างเส้นในโปรแกรม EasyFEM นั้นมีหลายวิธี ซึ่งในที่นี้จะนำเสนอวิธีการสร้างเส้นต่าง ๆ ด้วยการให้ค่าพิกัด (Coordinate) (รายละเอียดพิกัดค่าได้นำเสนอไว้ในภาคผนวก ก.)



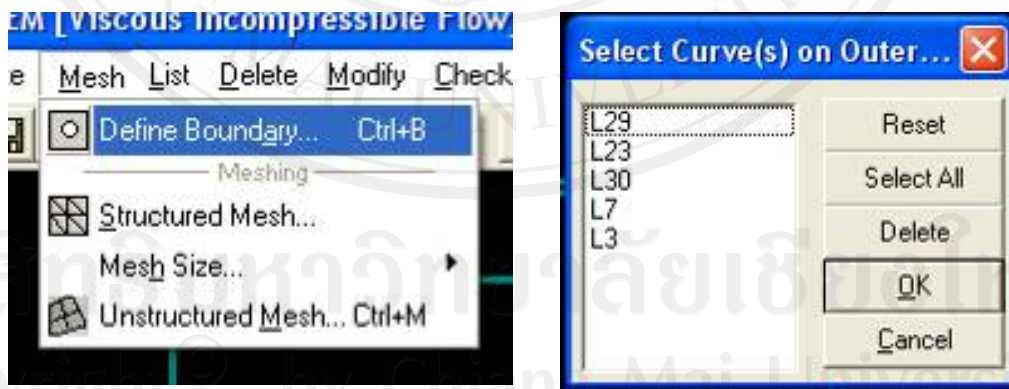
ภาพที่ 4.4 ตัวอย่างรูปแบบ โมเดลที่เราจะนำไปสร้างในโปรแกรม EasyFEM



ภาพที่ 4.5 ผลลัพธ์ที่แสดงเป็นรูปร่างของโมเดลในโปรแกรม EasyFEM

#### 4.3.3 ขั้นตอนการกำหนดขอบเขตโดเมน และการใส่เอลิเมนต์ให้กับโมเดล

เมื่อเราสร้างเส้นให้กับโมเดลเสร็จแล้ว ขั้นตอนต่อไปเราต้องมากำหนดพื้นที่ขอบเขตโดเมนที่เราจะต้องสร้างเอลิเมนต์ขึ้นมา



ภาพที่ 4.6 หน้าต่างกำหนดขอบเขตโดเมนให้กับโมเดล

เมื่อกำหนดขอบเขตโดเมนเสร็จแล้วจะเป็นการกำหนดเอลิเมนต์ย่อยๆ ลงในโดเมนที่เรา กำหนดขึ้น ซึ่งในการสร้างเอลิเมนต์ (Elements) ก็มีอยู่ 2 รูปแบบ คือ เอลิเมนต์แบบมีระเบียบ (Structured Mesh) และ เอลิเมนต์แบบไร้ระเบียบ (Unstructured Mesh) ซึ่งถ้าเป็นสี่เหลี่ยมผืนผ้า

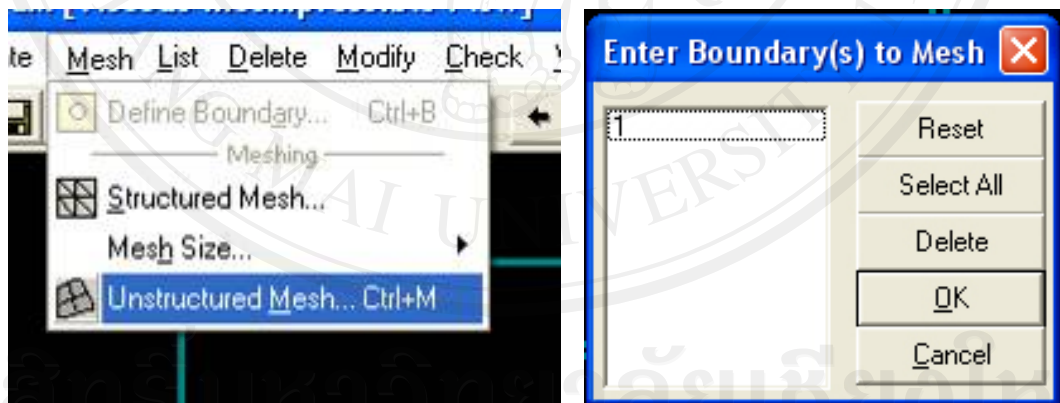
ทั่วไปแนะนำให้ใช้ เอลิเมนต์แบบมีระเบียบ แต่ถ้าเป็นรูปในลักษณะอื่นๆ (Free Form) โดยเฉพาะอย่างยิ่ง ปัญหาที่เกี่ยวข้องกับการไหลผ่านอาคาร ควรใช้เอลิเมนต์แบบไร้ระเบียบ

ในการสร้างเอลิเมนต์ในรูปแบบแต่ละอันนั้น ก่อนอื่นต้องมีการกำหนดขนาดของเอลิเมนต์ก่อน ซึ่งก็คือการกำหนดจำนวนของ โหนด (Nodes) ซึ่งแต่ละรูปแบบของการสร้างเอลิเมนต์นั้นจะมีการกำหนดจำนวนของ โหนดที่แตกต่างกัน



ภาพที่ 4.7 ขั้นตอนการกำหนดจำนวน โหนดให้แต่ละเส้น

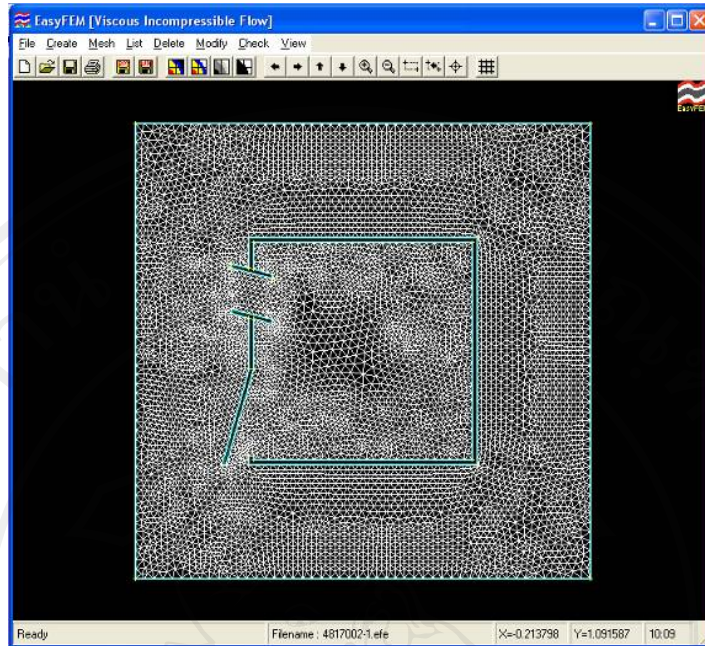
หลังจากที่กำหนดขนาดเอลิเมนต์ให้กับโดเมนแล้ว ก็เป็นขั้นตอนสร้างเอลิเมนต์ย่อยขึ้นมา



ภาพที่ 4.8 ขั้นตอนการสร้างเอลิเมนต์สามเหลี่ยมแบบไม่เป็นระเบียบ

จะมีหน้าต่าง Enter Boundary(s) to Mesh คลิกเลือกขอบเขตโดเมนที่ต้องการ โปรแกรมก็จะสร้างเอลิเมนต์ขึ้นมาในโดเมนที่เรากำหนด ดังภาพที่ 4.9

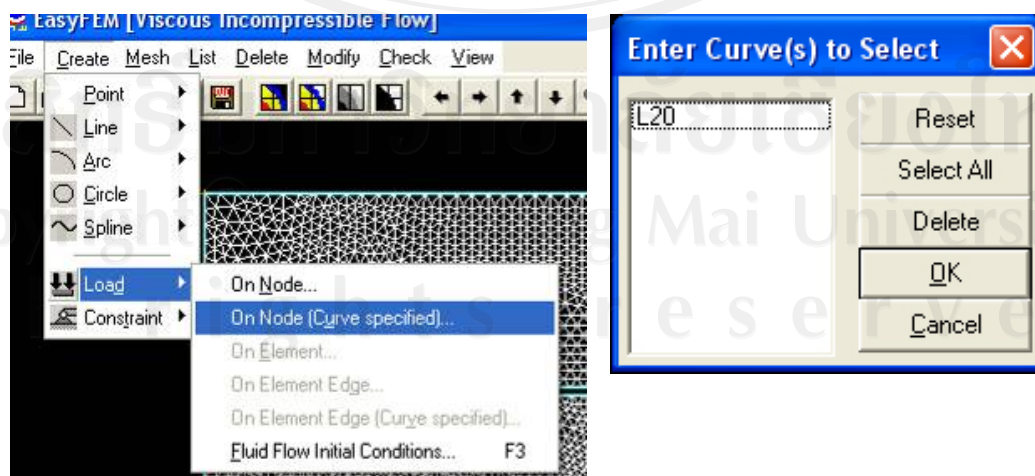




ภาพที่ 4.9 เอลิเมนต์สามเหลี่ยมที่ถูกสร้างในโดเมนที่เรากำหนด

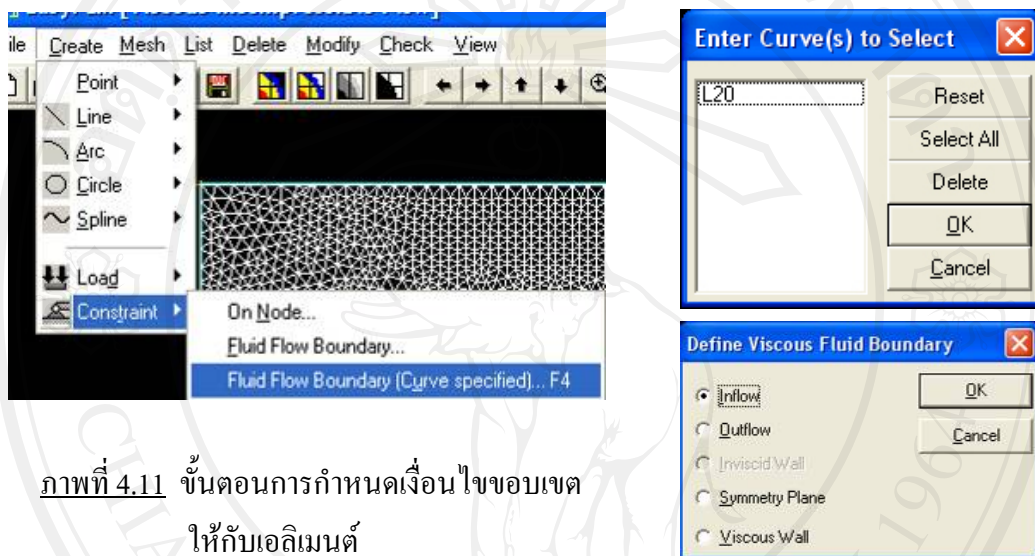
#### 4.3.4 ขั้นตอนการกำหนดภาวะไหลต่างๆ ให้กับ Node และ Element

เป็นขั้นตอนการกำหนดภาวะไหล สำหรับปัญหาการไหลแบบหนืดให้กับแต่ละโนดของแต่ละเอลิเมนต์ ซึ่งในการกำหนดภาวะไหลสำหรับการไหลนั้น จะต้องกำหนดอยู่ 3 ค่า คือ ค่าความดัน (Pressure) ค่าความเร็วในแกน x (x-velocity) และ ค่าความเร็วในแกน y (y-velocity) โดยต้องกำหนดค่าต่างๆนี้ให้กับทุกๆ โนด และเอลิเมนต์ของโดเมน เพื่อให้เป็นค่าเริ่มต้นสำหรับการคำนวณ



ภาพที่ 4.10 ขั้นตอนการกำหนดค่าต่างๆให้กับโนด

ขั้นตอนต่อไปเป็นการกำหนดเงื่อนไขขอบเขตให้กับเอลิเมนต์ทั้งหมด ของโมเดลตาม ภายภาพของปัญหาที่กำหนดให้ดังในตัวอย่างนี้ กำหนดให้ขอบที่เป็นผนังด้านซ้ายเป็นส่วนที่อากาศ ต้องไหลเข้า กำหนดให้เป็นเงื่อนไขขอบเขตแบบไหลเข้า (Inflow) ขอบเขตของผนังด้านขวามือ ด้านบน และ ล่าง กำหนดให้เป็นเงื่อนไขขอบเขตการ ไหลออก (Outflow) และผนังอื่นๆส่วนที่เหลือ จะเป็นเงื่อนไขของผนังแบบหนืด (Viscous wall) เมื่อกำหนดได้แล้วจะเข้าไปสู่ขั้นตอนการตั้ง วิเคราะห์ และประมวลผล



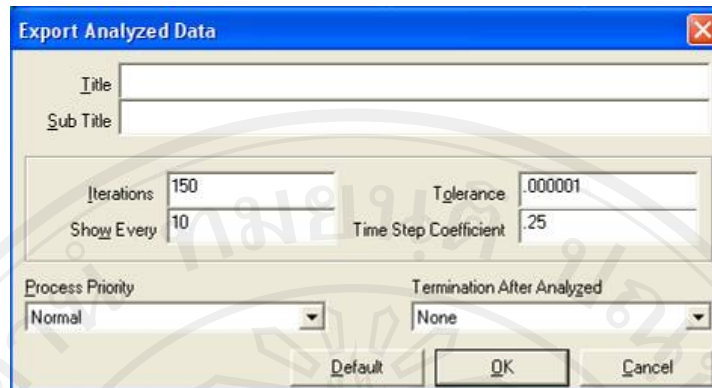
ภาพที่ 4.11 ขั้นตอนการกำหนดเงื่อนไขขอบเขต ให้กับเอลิเมนต์

#### 4.3.5 ขั้นตอนการประมวลผล และวิเคราะห์ปัญหา

ก่อนการใช้คำสั่งวิเคราะห์ปัญหาเราต้องบันทึก (Save) ไฟล์ที่เราทำมาก่อน หลังจากนั้นเราก็ทำการวิเคราะห์ปัญหาโดยจะมีหน้าต่างสำหรับกำหนดเงื่อนไขขึ้นมาให้เรากำหนดเงื่อนไขต่างได้แก่

- ค่ากำหนดจำนวนครั้งของการวิเคราะห์ปัญหา Iterations
- ค่าเพื่อความผิดพลาด Error tolerance
- ค่าสัมประสิทธิ์สำหรับคำนวณช่วงเวลา Time Step Coefficient

หลังจากใส่ค่าต่างๆลงไปแล้วก็ตั้งวิเคราะห์ปัญหาแล้วรอผลการคำนวณได้



ภาพที่ 4.12 หน้าต่างกำหนดเงื่อนไขของการวิเคราะห์ปัญหา

```

C:\Program Files\EasyFEM\EasyFEMS.EXE
LOADING SCRIPT COMMANDS...
INPUT FILE  IP:\FINITE\1\FEMTHE\1\TESTIN\1\ROOMSC\1.2\DRAFT0\1.DAT
OUTPUT FILE  D:\draft 02.out
LOADING INPUT DATA...
READ INITIAL CONDITIONS AND COMPUTE ELEMENT QUANTITIES...
CBS - VISCOUS INCOMPRESSIBLE FLOW (NAVIER-STOKES) SOLVER
ERROR MEASUREMENT [ERROR RESIDUAL]
ERROR INDICATOR [ERROR EQUIDISTRIBUTION]
THE FINITE ELEMENT MODEL CONSISTS OF:
  NUMBER OF NODES           = 5231
  NUMBER OF ELEMENTS        = 10061
  NUMBER OF BOUNDARIES      = 411
  NUMBER OF P-BOUNDARIES   = 150
WITH COURANT-LIKE NUMBER   = 0.150000

CALCULATE TIME STEP EVERY 1 STEP(S)
STEADY STATE ANALYSIS
ITER   U           U           P
1     0.210947E+02  0.173649E+02  0.191206E+05
2     0.192048E+02  0.252557E+02  0.131592E+05
3     0.126834E+02  0.103763E+02  0.113997E+05
4     0.045227E+01  0.103306E+02  0.363103E+04

```

ภาพที่ 4.13 หน้าต่างการประมวลผลของโปรแกรม Easy FEM

ในการวิเคราะห์ปัญหานั้นผลที่ได้จะมีโอกาสทั้งสำเร็จผล และ ไม่สำเร็จผล

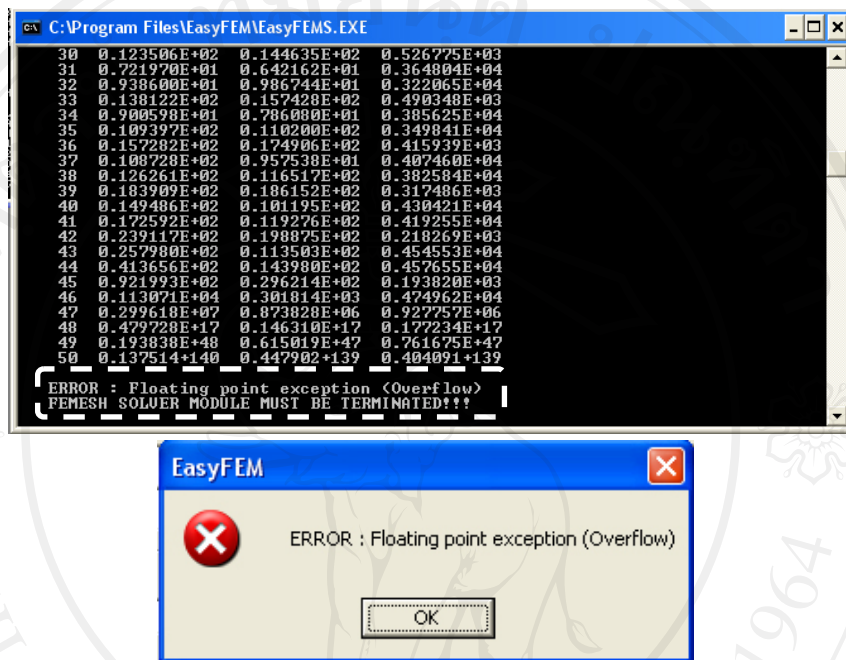
```

C:\Program Files\EasyFEM\EasyFEMS.EXE
1479  0.201106E-01  0.764372E-02  0.414996E-02
1480  0.201247E-01  0.764453E-02  0.601659E-02
1481  0.201307E-01  0.764530E-02  0.410597E-02
1482  0.201367E-01  0.764624E-02  0.441635E-02
1483  0.201429E-01  0.764685E-02  0.790451E-02
1484  0.201490E-01  0.764769E-02  0.408542E-02
1485  0.201550E-01  0.764874E-02  0.426630E-02
1486  0.201612E-01  0.764936E-02  0.650181E-02
1487  0.201674E-01  0.765026E-02  0.422524E-02
1488  0.201735E-01  0.765123E-02  0.606640E-02
1489  0.201797E-01  0.765198E-02  0.405043E-02
1490  0.201859E-01  0.765294E-02  0.430011E-02
1491  0.201921E-01  0.765372E-02  0.770156E-02
1492  0.201984E-01  0.765462E-02  0.405878E-02
1493  0.202046E-01  0.765565E-02  0.422788E-02
1494  0.202109E-01  0.765635E-02  0.744138E-02
1495  0.202172E-01  0.765724E-02  0.411861E-02
1496  0.202234E-01  0.765833E-02  0.440527E-02
1497  0.202298E-01  0.765905E-02  0.762610E-02
1498  0.202362E-01  0.765993E-02  0.402553E-02
1499  0.202424E-01  0.766108E-02  0.435436E-02
1500  0.202487E-01  0.766187E-02  0.712163E-02
CREATE OUTPUT FILE...
JOB HAS BEEN DONE SUCCESSFULLY.

```

ภาพที่ 4.14 หน้าต่างบอกถึงว่าขั้นตอนวิเคราะห์ปัญหาสำเร็จ

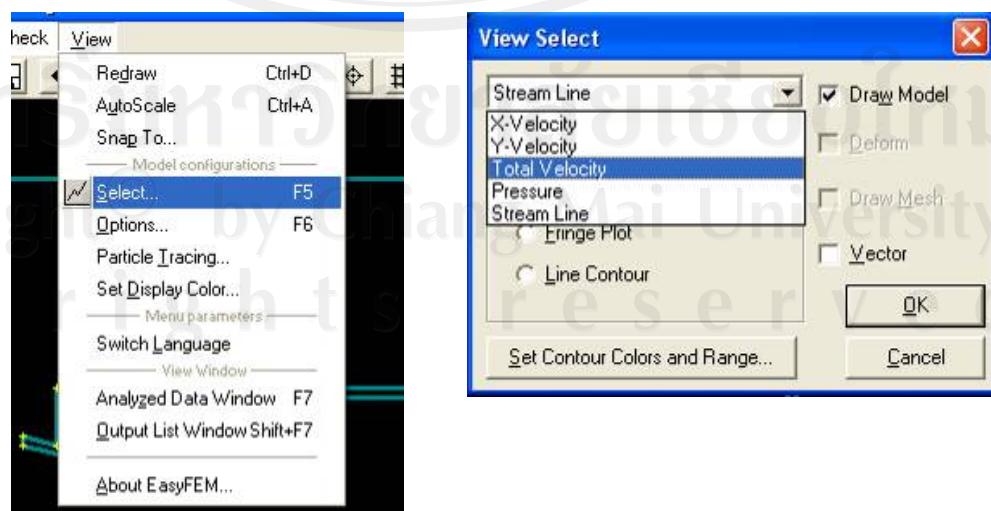
ในกรณีที่การวิเคราะห์ปัญหาสำเร็จผล เราก็ได้ผลลัพธ์ของรูปภาพที่จะแสดงผลออกมาเป็นลักษณะต่างๆ แต่ในกรณีที่การวิเคราะห์ผลไม่สำเร็จก็จะไม่มีผลลัพธ์แสดงออกมาเลย ซึ่งกรณีนี้เราต้องได้กลับไปตรวจสอบข้อผิดพลาดในแต่ละขั้นตอนการทำคืนใหม่หมด เพื่อให้การวิเคราะห์สำเร็จผล และได้ผลลัพธ์ตามที่ต้องการ



ภาพที่ 4.15 หน้าต่างบอกถึงว่าขั้นตอนวิเคราะห์ปัญหาไม่สำเร็จสมบูรณ์

#### 4.3.6 ขั้นตอนการนำเสนอผล

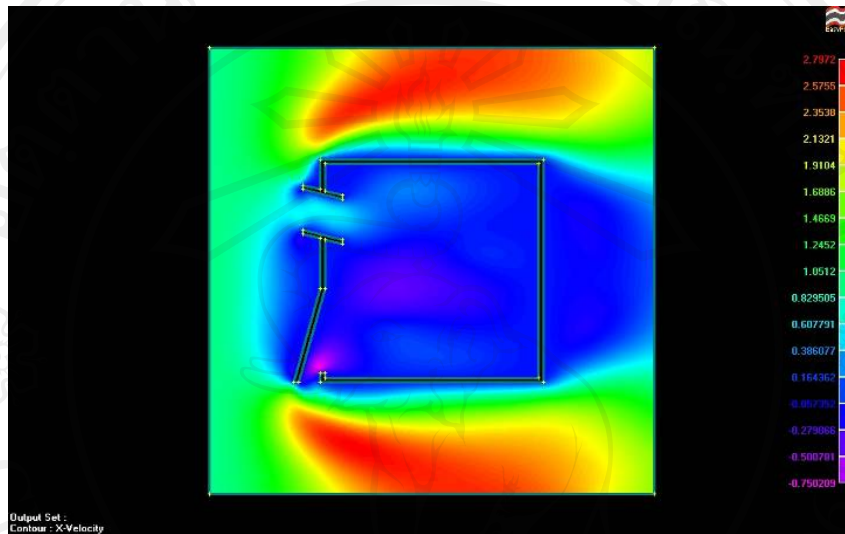
เป็นการแสดงผลการวิเคราะห์ปัญหาการไหลที่ได้ทำมาทั้งหมด



ภาพที่ 4.16 หน้าต่างสำหรับการเลือกการแสดงผลของการวิเคราะห์

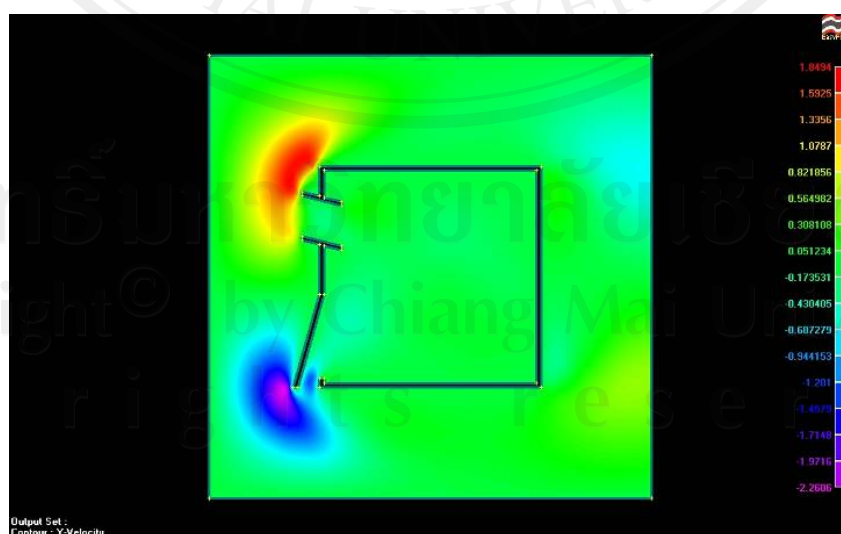
จะมีหน้าต่าง View Select (ภาพที่ 4.16) ขึ้นมา ให้เราเลือกรูปแบบของการแสดงผล ซึ่งผลที่ออกมา ก็จะแสดงเป็น 5 รูปแบบหลักๆ ได้แก่

- ความเร็วลมในแนวนอน (X-velocity) จะแสดงในลักษณะรูปของพื้นที่ที่ขอบเขต (Contour) ที่แสดงความเร็วของลมในทิศทางแนวนอน พร้อมบอกสีของค่าความเร็วลมที่เกิดขึ้นภายในห้องอีกด้วย



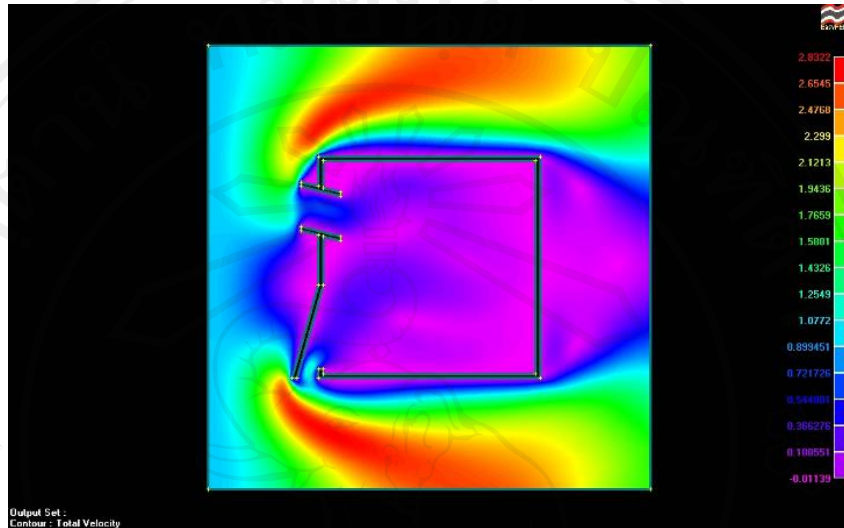
ภาพที่ 4.17 การแสดงผลความเร็วลมในแนวนอน (X-Velocity)

- ความเร็วลมในแนวตั้ง (Y-velocity) เหมือนกับการแสดงผลความเร็วลมในแนวนอน



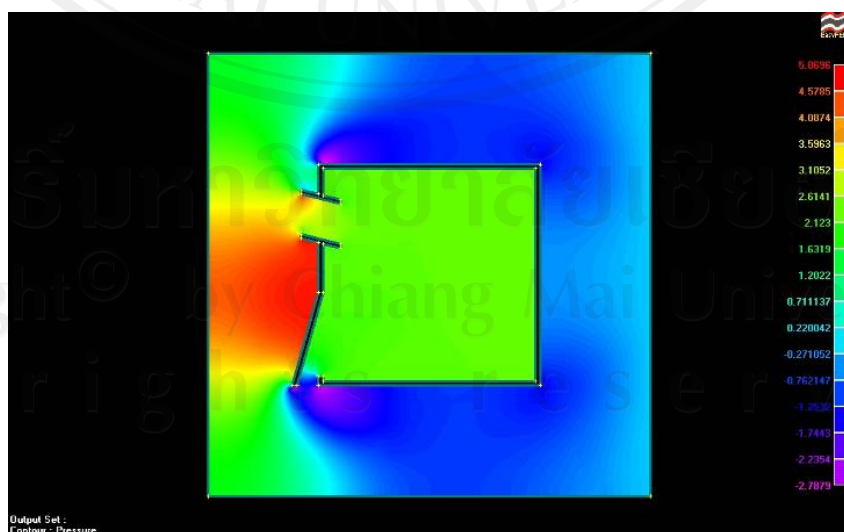
ภาพที่ 4.18 การแสดงผลความเร็วลมในแนวตั้ง (Y-Velocity)

- ความเร็วโดยรวม (Total Velocity) เหมือนกับการแสดงความเร็วลมในแนวนอนและแนวตั้ง โดยจะแสดงในลักษณะรูปของพื้นที่ขอบเขต (Contour) เหมือนกัน แต่จะเป็นการเฉลี่ยความเร็วทั้งสองทิศทางนั้นเข้าด้วยกัน แล้วแสดงออกมาเป็นกราฟิก



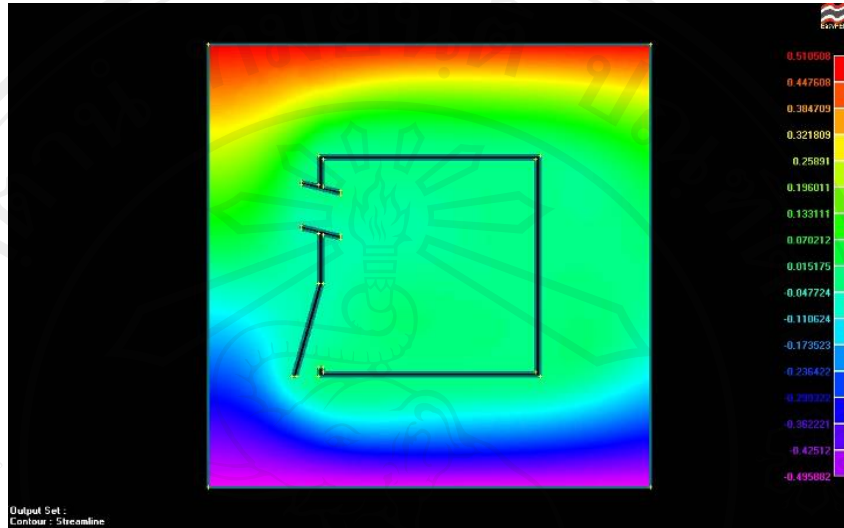
ภาพที่ 4.19 การแสดงผลความเร็วลมโดยรวม (Total-Velocity)

- ความดัน (Pressure) จะแสดงในลักษณะรูปของพื้นที่ขอบเขต (Contour) ที่แสดงความดันอันเนื่องมาจากการไหลของอากาศภายในห้อง พร้อมบอกสีของค่าความดันที่เกิดขึ้นภายในห้องแต่ละพื้นที่อีกด้วย



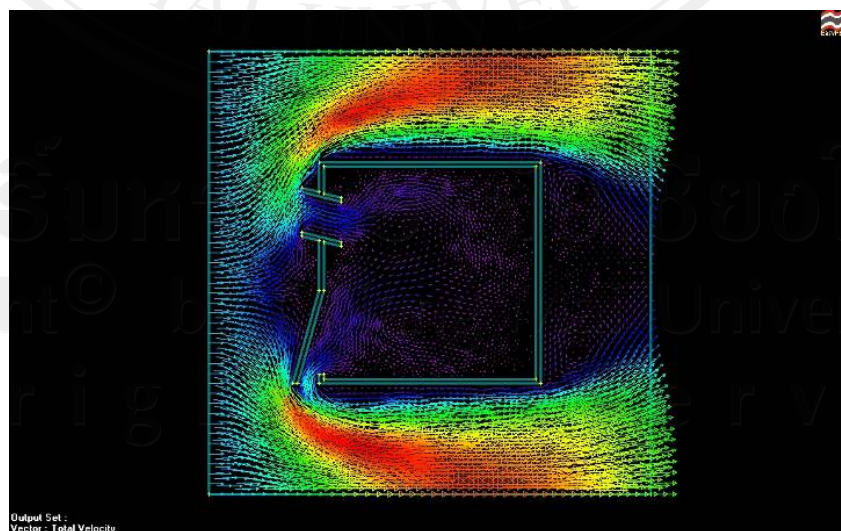
ภาพที่ 4.20 การแสดงผลความดันของการไหล (Pressure)

- เส้นทิศทางการไหล (Stream line) เป็นการแสดงชั้นของทิศทางการไหลที่จะแสดงในลักษณะรูปพื้นที่ขอบเขต (Contour) ที่แสดงการไหลของอากาศจากขอบเขตพื้นที่ที่กำหนดลมเข้าไปสู่ส่วนด้านที่กำหนดให้ลมออก



ภาพที่ 4.21 การแสดงผลทิศทางการไหล (Stream line)

นอกจากนี้แล้วยังมีลักษณะการไหลแบบ แสดงทิศทางการไหลของอากาศ (Vector) ซึ่งจะแสดงในรูปของเวกเตอร์ หัวลูกศรกำหนดทิศทางการไหล แสดงส่วนพื้นที่ที่กำหนดลมเข้าไปสู่ส่วนด้านที่กำหนดให้ลมออก



ภาพที่ 4.22 การแสดงผลทิศทางการไหล (Vector)

#### 4.4 สรุปการทดลองใช้งานโปรแกรม EasyFEM

จากการทดลองทำการทดสอบการประมวลผลการทดสอบการไหลของอากาศโดยใช้โปรแกรม EasyFEM นั้น พบว่าการทดสอบในเรื่องการใช้งานทั่วไปนั้นไม่ยุ่งยาก และไม่ซับซ้อนเลย เนื่องจากผู้พัฒนาโปรแกรมต้องการให้ผู้ที่นำใช้งานโปรแกรมนี้สามารถทำความเข้าใจได้โดยง่าย และสามารถทำการทดลองได้ ถึงแม้จะมีความรู้พื้นฐานในเรื่องระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์อยู่ไม่มากก็ตาม ส่วนผลลัพธ์ที่ได้จากการประมวลผลการไหลนั้น โปรแกรมแสดงผลได้ตรงตามวัตถุประสงค์ความต้องการรับรู้เกี่ยวกับการศึกษาปัญหาการไหลสำหรับนักศึกษาศาสาสถาปัตยกรรมศาสตร์

แต่ปัญหาที่พบในการใช้งานโปรแกรมนี้ก็คือ ในการประมวลผลหาผลลัพธ์ในบางครั้งโปรแกรมไม่สามารถประมวลผลออกมาให้ได้ เพราะฉะนั้นเพื่อให้การประยุกต์ใช้โปรแกรมนี้ให้สามารถใช้งานให้ได้ผลลัพธ์ที่ออกมาตามที่ต้องการ และมีความถูกต้องกับความเป็นจริงจำเป็นต้องมีการศึกษาเพิ่มเติมในเชิงลึกในปัญหาที่เป็นขอบเขตของข้อจำกัดโปรแกรมที่น่าจะเป็น ซึ่งจากการทดลองใช้งานโปรแกรมในการประมวลผลหลาย ๆ ครั้งแล้วเห็นว่าปัญหาที่ควรจะศึกษาต่อไปเพื่อประยุกต์ใช้โปรแกรมมีดังนี้

- ก. จิตความสามารถและข้อจำกัดในการวิเคราะห์ปัญหาการไหลของอากาศในอาคารของโปรแกรม ซึ่งจากการศึกษาโปรแกรมนี้ในเบื้องต้นที่ผ่านมา พบว่าขนาดและความซับซ้อนของปัญหาส่งผลให้โปรแกรมวิเคราะห์ได้หรือไม่ได้
- ข. ความแม่นยำของโปรแกรมในการใช้วิเคราะห์ปัญหาการไหลของอากาศในอาคาร และการปรับเทียบพารามิเตอร์ต่าง ๆ สำหรับให้เป็นข้อมูลตั้ง
- ค. ความเหมือน ความแตกต่าง ข้อได้เปรียบและเสียเปรียบเมื่อเทียบการใช้โปรแกรม EasyFEM กับการใช้โต๊ะน้ำในการวิเคราะห์ปัญหาการไหลของอากาศในอาคาร

เมื่อได้ศึกษาจนทราบในเรื่องต่าง ๆ ดังกล่าวแล้ว ก็จะสามารถทราบว่าโปรแกรม EasyFEM นี้มีความเหมาะสมกับการนำไปใช้เป็นเครื่องมือทดสอบการไหลของอากาศหรือไม่ และจะทำการศึกษาต่อไปว่า หากไม่เหมาะสมจะมีแนวทางในการนำไปปรับใช้อย่างไรเพื่อให้เหมาะสมกับลักษณะการเรียนการสอนในเรื่องการระบายอากาศในสาขาวิชาสถาปัตยกรรมศาสตร์