

## บทที่ 2

### ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

#### 2.1 ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

##### 2.1.1 ทฤษฎีการใช้จ่ายของภาครัฐ

รัตนา สายคณิต (2539) ได้แบ่งการใช้จ่ายของภาครัฐ 3 ประเภทคือรายจ่ายเพื่อการบริโภค เช่น เงินเดือนและค่าจ้าง ค่าวัสดุครุภัณฑ์ ค่าใช้จ่าย และรายจ่ายเพื่อการลงทุน เช่น ค่าใช้จ่ายในการก่อสร้างสาธารณูปโภคและสาธารณูปการ และยังมีรายจ่ายประเภทเงินโอน เช่น เงินบำเหน็จบำนาญที่จ่ายให้ข้าราชการเกษียณอายุ เงินสงเคราะห์การรักษาพยาบาล สงเคราะห์การศึกษา เป็นต้น โดยรายจ่ายประเภทเงินโอนจะไม่มีส่วนเกี่ยวข้องกับการเพิ่มผลผลิตเพราะเป็นเพียงการโอนอำนาจซื้อจากรัฐบาลไปยังประชาชนเท่านั้น จึงไม่เกี่ยวข้องกับการเพิ่มผลผลิตเลยไม่นับอยู่ในรายจ่ายมวลรวม

ปัจจัยกำหนดการใช้จ่ายรัฐบาล 2 ประการคือ

1. รายรับของรัฐบาล (government revenue) รายรับของรัฐบาลประกอบด้วย รายได้จากภาษีอากร รายได้ที่ไม่ใช่ภาษีอากร และเงินกู้ หากรัฐบาลมีรายรับมาก ย่อมมีความสามารถที่จะใช้จ่ายได้มาก แต่ถ้ามีรายรับน้อย ย่อมใช้จ่าย

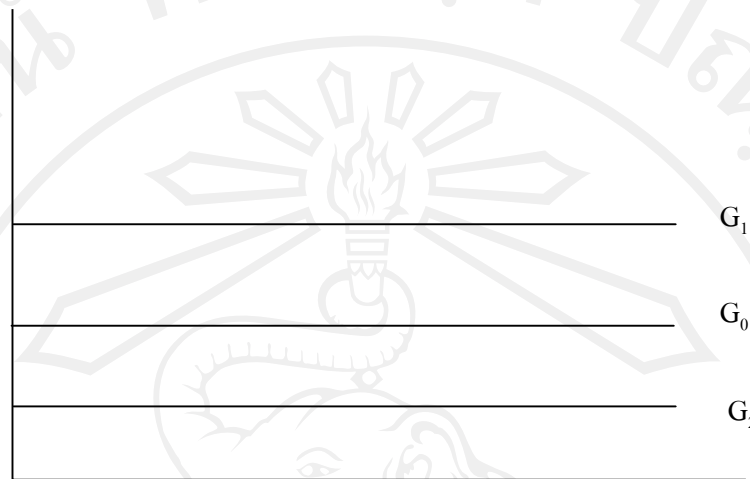
2. นโยบายการคลังของรัฐบาล แบ่งเป็น 2 แบบคือนโยบายการคลังแบบขยายตัวโดยรัฐจะใช้จ่ายมาก และนโยบายการคลังแบบหดตัว รัฐบาลจะใช้จ่ายน้อย

**เส้นรายจ่ายรัฐบาลและการเปลี่ยนแปลงรายจ่าย**

โดยทั่วไปรายจ่ายภาครัฐบาลจะไม่มีส่วนสัมพันธ์กับระดับรายได้ประชาชาติในช่วงเวลาเดียวกัน เนื่องจากงบประมาณรายจ่ายประจำปีมักจะกำหนดไว้ล่วงหน้าอย่างน้อย 1 ปี ดังนั้นเส้นรายจ่ายภาครัฐจึงเป็นเส้นตรงขนานกับแกนรายได้ประชาชาติ ดังรูปที่ 2.1

การใช้จ่าย

ของรัฐ



รายได้ประชาชาติ

0

### รูปที่ 2.1 เส้นการใช้จ่ายรัฐบาลและการเปลี่ยนแปลงค่าใช้จ่ายรัฐบาล

จากรูปที่ 2.1 หากรัฐบาลได้ตัดสินใจเพิ่มค่าใช้จ่ายให้มากขึ้น ทำให้เส้นค่าใช้จ่ายของรัฐ ย้ายจากเส้น  $G_0$  เป็นเส้น  $G_1$  หรือในกรณีตรงข้าม หากรัฐบาลได้ตัดสินใจลดค่าใช้จ่ายลงจากเดิม เส้นการใช้จ่ายของรัฐบาลจะย้ายจากเส้น  $G_0$  เป็น  $G_2$  ดังรูปที่ 2.1

งบประมาณรัฐ

งบประมาณรัฐ คือ ผลต่างระหว่างงบประมาณรายจ่ายและงบประมาณรายได้ เนื่องจาก รายได้ส่วนใหญ่ของรัฐได้มาจากภาษีอากร ดังนั้นจึงได้ว่า

$$B = T - G \quad (2.1)$$

$$B = \text{งบประมาณของรัฐ}$$

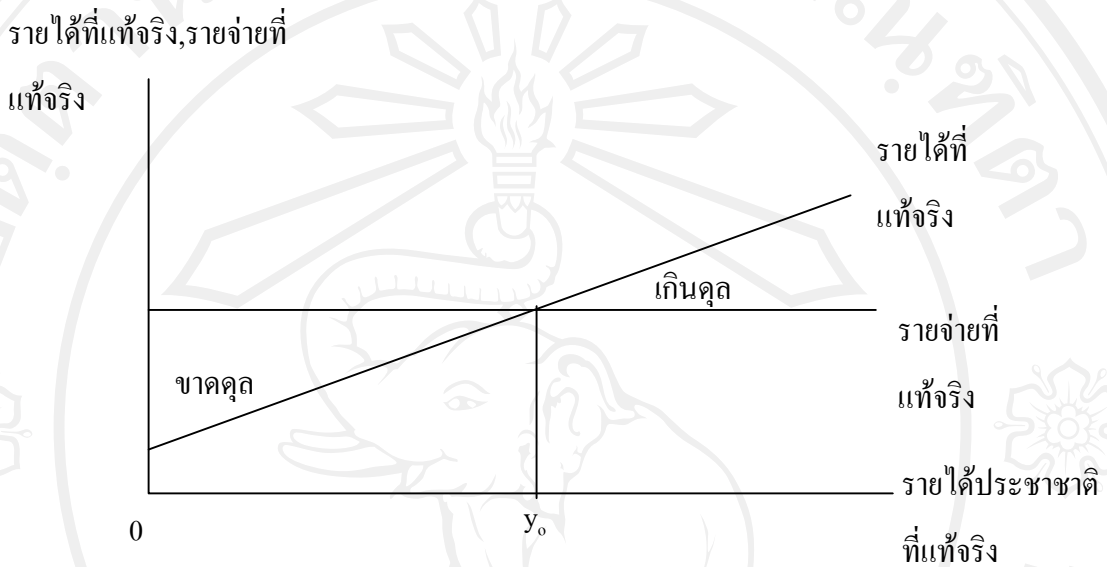
$$T = \text{งบประมาณรายได้จากภาษีอากร}$$

$$G = \text{งบประมาณรายจ่าย}$$

จากสมการแสดงว่างบประมาณของรัฐคือผลต่างระหว่างงบประมาณรายจ่ายและ งบประมาณรายได้จากภาษีอากร

ในกรณีที่งบประมาณรายจ่ายเท่ากับงบประมาณรายได้จากภาษีอากร งบประมาณของรัฐ จะเป็นงบประมาณสมดุล แต่ในกรณีที่งบประมาณรายจ่ายสูงกว่างบประมาณรายได้จากภาษีอากร

งบประมาณของรัฐจะเป็นงบประมาณขาดดุล ในทางตรงกันข้ามถ้างบประมาณรายจ่ายต่ำกว่า งบประมาณรายได้จากภาษีอากร งบประมาณรัฐจะเป็นงบประมาณขาดดุล



รูปที่ 2.2 งบประมาณของรัฐกับระดับรายได้ประชาชาติ

จากรูปที่ 2.2 แสดงให้เห็นว่า งบประมาณของรัฐมีส่วนสัมพันธ์กับรายได้ประชาชาติที่แท้จริง กล่าวคือ ณ ระดับรายได้ประชาชาติที่ต่ำกว่า  $Oy_0$  รายจ่ายของรัฐจะสูงกว่ารายได้จากภาษีอากร ทำให้งบประมาณของรัฐขาดดุล แต่ที่ระดับรายได้ประชาชาติ  $Oy_0$  รายจ่ายของรัฐจะเท่ากับรายรับ งบประมาณรัฐจึงสมดุล แต่ถ้ารายได้ที่แท้จริงสูงกว่า  $Oy_0$  รายจ่ายของรัฐจะต่ำกว่ารายได้จากภาษี งบประมาณของรัฐจึงเกินดุล ดังนั้นถ้าประเทศมีรายได้ประชาชาติที่แท้จริงค่อนข้างต่ำ งบประมาณของรัฐจะขาดดุล แต่ถ้าประเทศมีรายได้ประชาชาติค่อนข้างสูง งบประมาณของรัฐจะเกินดุล

**ทฤษฎีเกี่ยวกับการใช้จ่ายของรัฐบาลของ Adolph Wagner** (เกริกเกียรติ พิพัฒเสธีธรรม, 2552)

Adolph Wagner เป็นนักเศรษฐศาสตร์ชาวเยอรมัน เขาได้เสนอกฎที่เรียกว่า “Law of Ever-Increasing State Activity” หรือกฎการขยายกิจกรรมของรัฐออกไปอย่างไม่รู้ที่สิ้นสุด โดยเชื่อว่าการขยายตัวทางเศรษฐกิจของประเทศมีความสัมพันธ์กับขนาดของรัฐบาล และ สัดส่วนการใช้

จ่ายของรัฐบาลต่อ ผลิตภัณฑ์ประชาชาติของประเทศมีแนวโน้มสูงขึ้นเรื่อย ๆ ตามกฎ “Law of Rising Public Expenditure ” ซึ่งกฎของ Wagner เป็นการอธิบายการเปลี่ยนแปลงการใช้จ่ายของรัฐบาลในระยะยาวมากกว่าในระยะสั้น โดยมีเหตุผลสนับสนุน 4 ประการคือ

ประการแรก เมื่อเศรษฐกิจและสังคมของประเทศขยายตัว และมีความสลับซับซ้อนมากขึ้น ค่าใช้จ่ายต่างๆในการบริหารมีราคาแพงขึ้น ทำให้การใช้จ่ายของรัฐบาลต้องเพิ่มขึ้น

ประการที่สอง ขอบเขตการบริหารงานภาครัฐทุกระดับมักขยายใหญ่ขึ้น ทำให้รัฐบาลต้องขยายการให้บริการใหม่ เพื่อรองรับกลุ่มองค์กรต่างๆ ที่สร้างขึ้นใหม่เช่น การให้สวัสดิการแก่ประชาชนมากขึ้น หรือหน้าที่ในการจัดการปัญหาสิ่งแวดล้อม ตลอดจนหน้าที่ในการป้องกันการค้าเปรียบกันทางธุรกิจ

ประการที่สาม ประเทศที่มีการวางแผนเร่งรัดพัฒนาเศรษฐกิจของประเทศ จำเป็นต้องเพิ่มการลงทุนด้านโครงสร้างปัจจัยพื้นฐานทางเศรษฐกิจมากขึ้น

ประการที่สี่ การเพิ่มขึ้นของประชากร และการที่ประชาชนอพยพเข้ามาอยู่ในตัวเมืองมากขึ้น หรือการขยายตัวของแหล่งชุมชน ย่อมทำให้รัฐบาลต้องขยายการให้บริการของรัฐบาลเพิ่มมากขึ้น

อย่างไรก็ตามแนวคิดของWagner ยังไม่สามารถอธิบายลักษณะการใช้จ่ายของรัฐบาลในทุกประเทศได้ เนื่องจากยังมีปัจจัยอื่นที่มีอิทธิพลต่อรายจ่ายของรัฐบาล เช่น เศรษฐกิจ สังคม การเมือง ช่วงเวลาในการพัฒนาทางเศรษฐกิจ ดังนั้นถ้าศึกษาถึงลักษณะการใช้จ่ายของรัฐบาลในช่วงระยะเวลาที่ยาวแล้วอาจจะไม่เป็นไปตามสมมติฐานของ Wagner ได้ เช่นในช่วงที่ประเทศต้องการเร่งรัดการพัฒนาประเทศ การใช้จ่ายของภาครัฐจะขยายตัวเร็วกว่าการขยายตัวของรายได้ประชาชาติ แต่สำหรับในประเทศที่พัฒนาแล้วนั้น การใช้จ่ายของรัฐบาลอาจจะขยายตัวน้อยกว่าการขยายตัวของรายได้ประชาชาติ

**ทฤษฎีการเจริญเติบโตของเคนส์ (ท๊อบทิม วงศ์ประยูร, 2552)**

การสร้างความสำเร็จเติบโตตามแนวคิดของเคนส์ เกิดจากวิกฤติเศรษฐกิจที่เป็นผลมาจากกลไกตลาดไม่สามารถทำให้เกิดการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพทางเศรษฐกิจได้โดยที่อุปสงค์มวลรวมขณะนั้นอยู่ในระดับที่ต่ำ ซึ่งภาคเอกชนไม่สามารถทำให้เกิดกลไกส่งผ่านในการกระตุ้นอุปสงค์ได้

เคนส์จึงได้เสนอให้ภาครัฐเป็นกลไกในการขับเคลื่อนกิจกรรมทางเศรษฐกิจเพื่อกระตุ้นอุปสงค์ให้กลับมาอยู่ในระดับที่เหมาะสมอีกครั้ง โดยการทำผ่านเครื่องมือทางการคลัง ในด้านของรายจ่ายงบประมาณแผ่นดิน ดังนั้นจะเห็นได้ว่าเคนส์ให้น้ำหนักในการแก้ปัญหาเศรษฐกิจในช่วงนั้น โดยการให้ความสำคัญกับการจัดการด้านอุปสงค์รวม (Aggregate Demand) โดย

$$Y = \text{GDP} = C + I + G + (X - M)$$

เมื่อเกิดภาวะเศรษฐกิจตกต่ำอันมีสาเหตุมาจากการหดตัวของอุปสงค์ ดังนั้นเคนส์จึงมองว่าการที่จะทำให้กิจกรรมทางเศรษฐกิจเคลื่อนตัวเข้าสู่จุดดุลยภาพอีกครั้ง คือ การกระตุ้นทางด้านอุปสงค์มวลรวม ซึ่งสามารถทำได้ทั้งการกระตุ้นการบริโภคภาคเอกชน การลงทุนภาคเอกชนและการใช้จ่ายภาครัฐ

แต่กระบวนการดังกล่าวเมื่อเผชิญกับช่วงที่เกิดภาวะเศรษฐกิจตกต่ำ การที่จะผลิตสินค้าออกมาจำหน่ายเพิ่มเพื่อทำให้เกิดการขยายตัวทางเศรษฐกิจก็จะประสบกับภาวะการณขาดทุน ขาดสินค้าไม่หมดเกิดสินค้าล้นตลาด ในมุมมองของเคนส์เสนอให้มีการบริหารจัดการด้านอุปสงค์รวมเพื่อให้เศรษฐกิจสามารถขับเคลื่อนต่อไปได้ ซึ่งกรณีดังกล่าวสามารถใช้กลไกภาครัฐโดยการใช้ผ่านงบประมาณรายจ่าย (งบประมาณขาดดุล) เพื่อกระตุ้นให้เกิดการจ้างงาน ทำให้ปริมาณเงินในระบบหมุนเวียนเพิ่มขึ้น และส่งผลทำให้การบริโภคของภาคเอกชนขยายตัวซึ่งก็จะส่งผลดีต่อภาคการผลิตสินค้าและบริการในที่สุด ซึ่งก็จะช่วยให้เกิดการขับเคลื่อนและขยายตัวทางเศรษฐกิจได้อย่างต่อเนื่อง โดยบทบาทของรัฐบาลในกิจกรรมทางเศรษฐกิจ คือกระตุ้นอุปสงค์รวมที่อยู่ในระดับต่ำให้เพิ่มสูงขึ้น ซึ่งไม่ใช่การที่ภาครัฐเข้าควบคุมทั้งหมด

เคนส์ให้ความสำคัญกับภาครัฐในการเข้าทำกิจกรรมทางเศรษฐกิจ โดยที่เคนส์ให้ความสำคัญแก่บทบาทของรัฐในด้านเศรษฐกิจ โดยเฉพาะอย่างยิ่งในด้านการรักษาเสถียรภาพทางเศรษฐกิจ ทั้งนี้เนื่องจากความล้มเหลวของกลไกราคาในการแก้ปัญหาเงินเฟ้อ เงินฝืด และการว่างงาน แต่เคนส์ไม่ได้ต้องการให้มีการวางแผนจากรัฐบาลกลางให้เข้าไปแทนที่กลไกราคาในการแก้ไขปัญหาพื้นฐานทางเศรษฐกิจ แท้ที่จริงแล้วในทัศนะของเคนส์กลไกราคายังคงมีบทบาทสำคัญ

ในการจัดสรรทรัพยากร เพียงแต่เศรษฐทรรศน์แบบเคนส์ไม่เชื่อประสิทธิภาพของกลไกราคาในการรักษาเสถียรภาพทางเศรษฐกิจและการกระจายรายได้ พัฒนาการของเศรษฐศาสตร์แบบเคนส์ก่อให้เกิดการวางแผนแบบชี้นำ โดยรัฐเพียงแต่ชี้นำทิศทางการพัฒนาเศรษฐกิจและสังคม โดยที่รัฐลงทุนสร้างโครงสร้างพื้นฐานทางเศรษฐกิจพร้อมทั้งกำหนดนโยบายไปในทิศทางที่กำหนดแล้วปล่อยให้เอกชนเป็นฝ่ายตัดสินใจลงทุน ระบบการวางแผนแบบชี้นำจึงเป็นกลไกแก้ปัญหาพื้นฐานทางเศรษฐกิจที่เป็นทางสายกลาง

## 2.1.2 ทฤษฎีการวิเคราะห์ทางเศรษฐมิติ

### 2.1.2.1 ข้อมูลพาแนล (Panel data)

ข้อมูลแบบพาแนลจะมีลักษณะข้อมูลที่ได้มาจากการเก็บข้อมูลของกลุ่มตัวอย่างชุดเดิมเก็บหลายๆครั้งเป็นเวลารุ่นๆ ภายในระยะเวลาที่ศึกษา ข้อมูลแบบพาแนลนั้นจะประกอบไปด้วยข้อมูลภาคตัดขวาง (Cross-sectional data) และข้อมูลอนุกรมเวลา (Time Series Data) ทำให้สามารถศึกษาการเปลี่ยนแปลงของตัวแปรและอธิบายการเปลี่ยนแปลงของหน่วยภาคตัดขวางในแต่ละช่วงเวลาได้ รวมทั้งการเปลี่ยนแปลงของตัวแปรภาคตัดขวางทุกหน่วยในช่วงเวลาเดียวกันได้ ซึ่งข้อดีของข้อมูลแบบพาแนล มีดังนี้ (Gujarati, 2003: 637-638)

ประการแรก ข้อมูลแบบพาแนลสามารถอธิบายข้อมูลที่มีความสัมพันธ์กันของบุคคลครัวเรือน หน่วยงานหรือประเทศ ในแต่ละช่วงเวลาที่เปลี่ยนแปลงไป และแก้ปัญหาที่มาจากการจัดเก็บหรือแหล่งที่มาที่มีข้อจำกัด

ประการที่สอง ข้อมูลแบบพาแนลประกอบไปด้วยข้อมูลภาคตัดขวางและข้อมูลอนุกรมเวลา ทำให้ลดปัญหาความแตกต่างระหว่างความสัมพันธ์ของตัวแปร สามารถประมาณค่าได้อย่างมีประสิทธิภาพ

ประการที่สาม การศึกษาข้อมูลซ้ำๆ หลายๆครั้งในช่วงเวลาที่เปลี่ยนแปลงไป ทำให้สามารถอธิบายการเปลี่ยนแปลงแบบพลวัตได้ดียิ่งขึ้น

ประการที่สี่ ข้อมูลแบบพาแนลสามารถประมาณค่าและแสดงผลที่มีค่าใกล้เคียงความเป็นจริง ที่ไม่สามารถวัดได้จากการใช้ข้อมูลภาคตัดขวางหรือข้อมูลอนุกรมเวลาเพียงอย่างเดียวอย่างหนึ่งได้

ประการที่ห้า ข้อมูลพาแนลสามารถศึกษาพิจารณาแบบจำลองที่มีความซับซ้อนมากได้

ประการสุดท้าย ข้อมูลพาแนลเป็นการเก็บข้อมูลหลายๆหน่วยที่แตกต่างกัน ทำให้สามารถศึกษาข้อมูลจำนวนมากได้

แบบจำลองของข้อมูลแบบพาแนลสามารถเขียนได้ดังนี้ (Baltagi, 2002: 11)

$$y_{it} = \alpha + X_{it}\beta + \varepsilon_{it} \quad (2.2)$$

กำหนดให้  $i$  คือ ข้อมูลภาคตัดขวาง ที่  $i = 1, 2, \dots, N$

$t$  คือ ข้อมูลอนุกรมเวลา ที่  $t = 1, 2, \dots, T$

ซึ่งจำนวนค่าสังเกตของข้อมูลพาแนลเท่ากับ  $N \times T$

$y_{it}$  คือ เวกเตอร์  $NT \times 1$  ของตัวแปรตาม

$\alpha$  คือ ค่าคงที่ (Intercept)

$X_{it}$  คือ เวกเตอร์  $NT \times k$  ของตัวแปรอธิบาย

$\beta$  คือ เวกเตอร์  $k \times 1$  ของค่าสัมประสิทธิ์ (Slope)

$\varepsilon_{it}$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อน (Error term)

หากต้องการประมาณค่าความสัมพันธ์แบบจำลองพาแนลของขึ้นอยู่กับข้อสมมติเบื้องต้นของค่าคงที่ ( $\alpha$ ) ค่าสัมประสิทธิ์ ( $\beta$ ) และค่าความคลาดเคลื่อน ( $\varepsilon$ ) จากสมการที่ (2.2) สมมติให้ค่าคงที่และค่าสัมประสิทธิ์สำหรับทุกหน่วยภาคตัดขวางและทุกช่วงเวลาที่เราพิจารณา และให้ค่าความคลาดเคลื่อนของหน่วยภาคตัดขวางและช่วงเวลาที่แตกต่างกันมีค่าแตกต่างกัน โดยไม่ได้ประมาณค่าความแตกต่างของหน่วยภาคตัดขวางและความแตกต่างของช่วงเวลาการประมาณค่าความสัมพันธ์ของแบบจำลองพาแนล ที่พิจารณาแยกความแตกต่างของหน่วยภาคตัดขวางและช่วงเวลาที่แตกต่างกัน จะทำการประมาณค่าโดยแยกปัจจัยที่กระทบต่อหน่วยภาคตัดขวางและช่วงเวลาที่แตกต่างกัน โดยข้อสมมติของค่าคงที่และค่าสัมประสิทธิ์มีได้หลายรูปแบบ ซึ่งการประมาณค่าแบบจำลองที่มีข้อสมมติของค่าคงที่และค่าสัมประสิทธิ์ต่างกัน แบ่งออกเป็นการประมาณค่าแบบ Fixed Effects, Random Effect และ Pooled Estimator ดังนี้

### 1) แบบจำลอง Fixed Effects Model

แบบจำลอง Fixed Effects Model จะมีข้อสมมติเกี่ยวกับค่าคงที่ และค่าสัมประสิทธิ์ที่แตกต่างกันออกไป (Gujarati, 2003: 640-647) ถ้าสมมติให้ค่าสัมประสิทธิ์ ( $\beta$ ) คงที่ แต่ค่าคงที่ ( $\alpha$ ) แตกต่างกันสำหรับหน่วยหรือช่วงเวลาที่แตกต่างกัน หรือเรียกว่า Least-Square Dummy Variable (LSDV) Regression Model ซึ่งเป็นค่าคงที่ที่ประมาณได้จากสมการมีค่าแตกต่างกันสำหรับหน่วย  $i$  ที่ต่างกัน ได้ดังนี้ (Verbeek, 2004: 345-347)

$$y_{it} = \alpha_i + x'_{it}\beta + \varepsilon_{it} \quad \varepsilon_{it} \sim \text{IID}(0, \sigma_\varepsilon^2) \quad (2.3)$$

ให้  $x_{it}$  ไม่ขึ้นอยู่กับ  $\varepsilon_{it}$  เขียนสมการถดถอยโดยมีตัวแปรหุ่นเป็นแต่ละหน่วย  $i$  ได้ดังนี้

$$y_{it} = \sum_{j=1}^n \alpha_j d_{ij} + x'_{it}\beta + \varepsilon_{it} \quad (2.4)$$

โดยให้

$$d_{it} = 1 \quad \text{ถ้า} \quad i=j$$

และ

$$d_{it} = 0 \quad \text{อื่นๆ}$$

จากสมการที่ (2.4) จึงมีกลุ่มของตัวแปรหุ่นจำนวน  $N$  และค่าพารามิเตอร์ คือ  $\alpha_1, \dots, \alpha_2$  และ  $\beta$  ให้  $y_{it}$  คือตัวแปรตาม  $x_{it}$  คือตัวแปรอิสระ และ  $\varepsilon_{it}$  คือค่าความคลาดเคลื่อน ซึ่ง  $i = 1, 2, \dots, N$  และ  $t = 1, 2, \dots, T$  โดย  $d_{it}$  เป็นตัวแปรหุ่นของหน่วยที่ต่างกัน

### 2) แบบจำลอง Random Effects Model

แบบจำลองนี้ได้สมมติให้มีปัจจัยอื่นที่มีผลกระทบต่อตัวแปรตามแต่ไม่ได้รวมอยู่กับตัวแปรถดถอยมารวมอยู่ในการวิเคราะห์สมการถดถอย โดยจะแสดงในรูปของค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม (Random Error Term) ข้อสมมติที่ได้คือ  $\alpha_i$  คือ ตัวแปรสุ่ม (Random Factors) ซึ่งเป็นอิสระและมีการกระจายในแต่ละหน่วย ดังนั้นสามารถเขียนแบบจำลอง Random Effects Model ได้ดังนี้ (Verbeek, 2004: 347-348)



$$y_{it} = \mu + \beta x_{it}' + \alpha_i + \varepsilon_{it} \quad \varepsilon_{it} \sim \text{IID}(0, \sigma_\varepsilon^2) \quad \alpha_i \sim \text{IID}(0, \sigma_\alpha^2) \quad (2.5)$$

โดย  $\alpha_i + \varepsilon_{it}$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อน (Error Term) ซึ่งประกอบด้วยส่วนของความแตกต่างของแต่ละหน่วยที่ไม่มี ความแตกต่างในช่วงเวลา และส่วนตกค้างหรือส่วนคงเหลือที่ไม่มี ความสัมพันธ์กันในช่วงเวลา ดังนั้นความสัมพันธ์ของค่าความคลาดเคลื่อนในช่วงเวลาคือ ผลกระทบจากความแตกต่างของแต่ละหน่วย ( $\alpha_i$ )

### 3) แบบจำลอง Pooled Estimator

เป็นการวิเคราะห์ไม่ได้ประมาณค่าความแตกต่างระหว่างหน่วยหรือทุกประเทศใน ช่วงเวลาที่ศึกษา โดยสมมติให้ค่าคงที่และค่าสัมประสิทธิ์ของตัวแปรในสมการมีค่าเท่ากันทุกหน่วย หรือทุกประเทศ และตลอดช่วงเวลาที่พิจารณา ซึ่งมีแบบจำลองพื้นฐานเป็นสมการที่ (2.2) คือ

$$y_{it} = \alpha + X_{it}\beta + \varepsilon_{it} \quad (2.6)$$

เนื่องจากค่าเฉลี่ย (Means) และค่าความแปรปรวน (Variance) จะมีค่าเปลี่ยนแปลงไปตาม ช่วงเวลาที่เปลี่ยนแปลงไป เป็นผลให้ข้อมูลพาแนลส่วนใหญ่จะมีลักษณะเป็นข้อมูลพาแนลแบบไม่ นิ่ง (Nonstationary Panel data) เพราะในการศึกษาข้อมูลอนุกรมเวลา (Time Series Data) และเมื่อ นำไปทดสอบความสัมพันธ์ของตัวแปรด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด (Ordinary Least Square, OLS) อาจเกิดปัญหาความสัมพันธ์ที่ไม่แท้จริง (Spurious Regression) ทำให้ได้ค่าสถิติที่ขาดความเชื่อมั่น และไม่มีประสิทธิภาพเท่าที่ควร ดังนั้นก่อนนำข้อมูลพาแนลแบบไม่นิ่ง ซึ่งประกอบไปด้วยข้อมูล ภาควัดขวางและข้อมูลอนุกรมเวลาไปทดสอบ จึงได้นำเอาวิธีการและแนวคิดจากการวิเคราะห์ อนุกรมเวลามาใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูลแบบพาแนลที่ต้องให้ความสำคัญกับความนิ่งของข้อมูล (Stationary) ปัญหาความสัมพันธ์ที่ไม่แท้จริง (Spurious Regression) และการทดสอบ Cointegration ทำได้ด้วยการทดสอบพาแนลยูนิทรูท (Panel Unit Root Tests) และการทดสอบ ความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรหรือที่เรียกว่าการทดสอบพาแนลโคอินทิเกรชัน (Panel Cointegration Tests) โดยการประมาณค่าความสัมพันธ์ของตัวแปรในแบบจำลองพาแนลโคอินทิเกรชัน

### 2.1.2.2 การทดสอบพาแนลยูนิทรูท (Panel Unit Root Tests)

การทดสอบพาแนลยูนิทรูทเป็นการศึกษาความสัมพันธ์ระยะยาวของตัวแปรในแบบจำลองพาแนลโคอินทิเกรชัน ซึ่งมีความจำเป็นที่ต้องทำการทดสอบความนิ่งของข้อมูลพาแนล (Panel Unit Root Tests) ก่อนเป็นอันดับแรก ในกรณีที่ข้อมูลพาแนลมีลักษณะไม่นิ่ง (Nonstationary Panel Data) สามารถทดสอบได้หลายวิธีด้วยการพิจารณาสมการ AR (1) ของข้อมูลพาแนล ดังนี้

$$y_{it} = \rho_i y_{it-1} + x'_{it} \delta_i + \varepsilon_{it} \quad (2.7)$$

กำหนดให้	$i = 1, 2, \dots, N$	คือ ข้อมูลภาคตัดขวาง
	$t = 1, 2, \dots, T$	คือ ข้อมูลอนุกรมเวลา
	$x'_{it}$	คือ ตัวแปรภายนอก (Exogenous Variable) ซึ่งรวมผลกระทบ (Fixed Effects) หรือแนวโน้มของแต่ละหน่วยภาคตัดขวาง (Individual Trends)
	$\rho_i$	คือ ค่าสัมประสิทธิ์ของ Autoregressive
	$\varepsilon_{it}$	คือ ค่าความคลาดเคลื่อน

จากสมการข้างต้น ถ้าหาก  $|\rho_i| < 1$  แสดงว่า  $y_{it}$  ไม่มียูนิทรูท หรือข้อมูลพาแนลมีความนิ่ง แต่ถ้าหาก  $|\rho_i| = 1$  แสดงว่า  $y_{it}$  มียูนิทรูท หรือข้อมูลพาแนลไม่นิ่ง สำหรับสมมติฐานของค่า  $\rho_i$  สามารถแบ่งออกได้เป็น 2 สมมติฐาน คือกรณีแรก ถ้ากำหนดให้  $\rho = \rho_i$  สำหรับทุก  $i$  หรือทุกหน่วยภาคตัดขวางจะใช้การทดสอบพาแนลยูนิทรูทด้วยวิธี Levin, Lin and Chu (LLC Test), วิธี Breitung Test และวิธี Hadri Test ซึ่งเป็นการทดสอบยูนิทรูทแบบธรรมดา (Tests with Common Unit Root Process) ส่วนกรณีสอง กำหนดให้  $\rho_i$  ของแต่ละหน่วย  $i$  หรือแต่ละหน่วยภาคตัดขวางเป็นอิสระต่อกัน จะใช้การทดสอบพาแนลยูนิทรูทด้วยวิธี Im, Pesaran and Shin (IPS Test) และวิธี Fisher-Type โดยจะใช้ Fisher-ADF และ Fisher-PP ซึ่งเป็นการทดสอบยูนิทรูทของแต่ละหน่วยภาคตัดขวาง (Tests with Individual Unit Root Process)

### การทดสอบยูนิตรูทแบบธรรมดา (Tests with Common Unit Root Process)

จากข้อสมมติฐานที่กำหนดให้  $\rho_i$  ของทุกหน่วยภาคตัดขวางมีค่าเท่ากัน โดยการทดสอบด้วยวิธี Levin, Lin and Chu (LLC Test), วิธี Breitung Test ซึ่งมีสมมติฐานหลัก คือ ข้อมูลพาแนลมียูนิตรูท แต่การทดสอบด้วยวิธี Hadri Test มีสมมติฐานหลัก คือ ข้อมูลพาแนลไม่มียูนิตรูท รายละเอียดของแต่ละวิธีแสดงได้ ด้วยวิธีดังต่อไปนี้

วิธี LLC Test และวิธี Breitung พิจารณาได้จากสมการ Augmented Dickey-Fuller (ADF) ดังนี้

$$\Delta y_{it} = \alpha y_{it-1} + \sum_{j=1}^{p_i} \beta_{ij} \Delta y_{it-j} + x'_{it} \delta + \varepsilon_{it} \quad (2.8)$$

กำหนดให้

$\Delta y_{it}$  คือ พจน์ผลต่าง (Difference Term) ของ  $y_{it}$

$y_{it}$  คือ ข้อมูลพาแนล (Panel Data)

$\alpha$  คือ  $\rho - 1$

$p_i$  คือ จำนวน Lag Order สำหรับพจน์ผลต่าง (Difference Terms)

$x'_{it}$  คือ ตัวแปรภายนอก (Exogenous Variable)

$\varepsilon_{it}$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อน

สมมติฐานการทดสอบพาแนลยูนิตรูท คือ

$H_0 : \alpha = 0$  ข้อมูลพาแนลมียูนิตรูท

$H_1 : \alpha < 0$  ข้อมูลพาแนลไม่มียูนิตรูท

#### 1) วิธี Levin, Lin and Chu (LLC Test) (2002)

ขั้นตอนแรก ทำการถดถอยเพื่อประมาณค่าสัมประสิทธิ์  $\alpha$  จากตัวแทน (Proxies) ณ ระดับ Lag Order ที่กำหนด เป็นการประมาณค่าสมการ 2 สมการ โดยถดถอยจาก  $\Delta y_{it}$  และ  $y_{it-1}$  ที่ Lag term  $\Delta y_{it-1}$  ( $j = 1, \dots, p_i$ ) และตัวแปรภายนอก  $x_{it}$  ซึ่งค่าสัมประสิทธิ์ที่ประมาณได้จากถดถอยสองสมการ คือ  $(\hat{\beta}, \hat{\delta})$  และ  $(\hat{\beta}, \hat{\delta})$

สมการแรก เมื่อหาค่า  $\Delta \bar{y}_{it}$  จาก  $\Delta y_{it}$  จากการแก้ปัญหาค่าสัมพัทธ์ (Autoregression) จากสมการที่ (2.8) แล้วเขียนสมการใหม่ได้ ดังนี้

$$\Delta \bar{y}_{it} = \Delta y_{it} - \sum_{j=1}^p \hat{\beta}_{ij} \Delta y_{it-j} + x'_{it} \hat{\delta} \quad (2.9)$$

สมการที่สอง หาค่า  $\Delta \bar{y}_{it-1}$  จาก

$$\Delta \bar{y}_{it} = y_{it-1} - \sum_{j=1}^{p_i} \hat{\beta}_{ij} \Delta y_{it-j} + x'_{it} \hat{\delta} \quad (2.10)$$

การหาค่าตัวแทนจาก  $\Delta \bar{y}_{it}$  และ  $\bar{y}_{it-1}$  หาด้วยความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน (Standard Error) ได้ดังนี้

$$\Delta \tilde{y}_{it} = (\Delta \bar{y}_{it} / s_i) \quad (2.11)$$

$$\tilde{y}_{it} = (\bar{y}_{it-1} / s_i) \quad (2.12)$$

โดย  $s_i$  คือ ความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน (Standard Error) ที่ได้จากการประมาณค่า ADF แต่ละค่าในสมการที่ (2.8)

การประมาณค่าสัมประสิทธิ์  $\hat{\alpha}$  หาได้จากสมการ ดังนี้

$$\Delta \tilde{y}_{it} = \alpha \tilde{y}_{it-1} + \eta_{it} \quad (2.13)$$

ค่าสถิติ t-Statistic ของ  $\hat{\alpha}$  ที่มีการแจกแจงแบบปกติ หาได้จากสมการ ดังนี้

$$t_{\alpha}^* = \frac{t_{\alpha} \cdot (N\tilde{T}) S_N \hat{\sigma}^{*2} se(\hat{\alpha}) \mu_{m\tilde{T}^*}}{\sigma_{m\tilde{T}^*}} \rightarrow N(0,1) \quad (2.14)$$

กำหนดให้  $t_{\alpha}^*$  คือ ค่าสถิติ t-Statistic สำหรับ  $\hat{\alpha} = 0$

$\hat{\sigma}^{*2}$  คือ ค่าความแปรปรวนที่ประมาณได้จากความคลาดเคลื่อน (Error Term)

$se(\hat{\alpha})$  คือ ความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน (Standard Error) ของ  $\hat{\alpha}$

และ 
$$\tilde{T} = T - (\sum_i P_i / N) - 1 \quad (2.15)$$

$S_N$  คือ อัตราส่วนค่าเฉลี่ยของส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน (Average Standard Deviation Ratio) ซึ่งเป็นค่าเฉลี่ยส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของแต่ละหน่วยภาคตัดขวางซึ่งประมาณค่าด้วยวิธี Kernel

$\mu_{m\tilde{T}^*}$  และ  $\sigma_{m\tilde{T}^*}$  คือ พจน์การปรับตัว (Adjustment Term) ของค่าเฉลี่ย (Mean) และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน (Standard Deviation)

ถ้าค่าสถิติ  $t$  - Statistic ของ  $t_\alpha^*$  มีนัยสำคัญทางสถิติ (Significant) แสดงว่า ปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลไม่มียูนิทรูท แต่ถ้า  $t_\alpha^*$  ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่า ยอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลมียูนิทรูท

## 2) วิธี Breitung Test (2000)

ในการทดสอบเบื้องต้นวิธีการนี้จะมีวิธีการทดสอบพาแนลยูนิทรูท เช่นเดียวกับวิธี LLC Test แต่มีข้อแตกต่างคือ มีเฉพาะส่วนของอັดกคลอย (Autoregression Portion) และไม่มีส่วนของตัวแปรภายนอก ที่ถูกเอาออกในการหาค่าตัวแทน (Proxies) โดยทำได้ดังนี้

$$\Delta \tilde{y}_{it} = (\Delta y_{it} - \sum_{j=1}^{p_i} \hat{\beta}_{ij} \Delta y_{it-j}) / s_i \quad (2.16)$$

$$\tilde{y}_{it-1} = (y_{it-1} - \sum_{j=1}^{p_i} \hat{\beta}_{ij} y_{it-j}) / s_i \quad (2.17)$$

โดย  $\hat{\beta}_i, \beta$  และ  $s_i$  สามารถหาได้เช่นเดียวกับวิธี LLC Test ดังนั้น ตัวแทน (Proxies) สามารถเขียนใหม่ได้เป็น

$$\Delta y_{it}^* = \sqrt{\frac{(T-t)}{(T-t+1)}} \left( \Delta \tilde{y}_{it} - \frac{\Delta \tilde{y}_{it+1} + \dots + \Delta \tilde{y}_{it+T}}{T-t} \right) \quad (2.18)$$

$$y_{it-1}^* = \tilde{y}_{it-1} - c_{it} \quad (2.19)$$

โดย  $c_{it} = 0$  ไม่มีทั้งค่าคงที่และแนวโน้ม

$c_{it} = \tilde{y}_{it}$  มีค่าคงที่ แต่ไม่มีแนวโน้ม

$c_{it} = \tilde{y}_{it} - (t-1/T)\tilde{y}_{iT}$  มีทั้งจุดตัดและแนวโน้ม

การประมาณค่าพารามิเตอร์  $\alpha$  สามารถหาได้จากสมการตัวแทน

$$\Delta y_{it}^* = \alpha y_{it-1}^* + v_{it} \quad (2.20)$$

ภายใต้สมมติฐานหลัก ผลจากการประมาณค่า  $\alpha^*$  มีการแจกแจงแบบปกติมาตรฐาน และค่าสถิติที่ใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลัก คือ

$$B_{nT} = \left[ \left( \frac{\hat{\sigma}^2}{nT^2} \right) \sum_{i=1}^n \sum_{t=2}^{T-1} (y_{it-1}^*)^2 \right]^{\frac{1}{2}} \left[ \left( \frac{1}{\sqrt{nT}} \right) \left( \sum_{i=1}^n \sum_{t=2}^{T-1} (\Delta y_{it}^*) (y_{it-1}^*) \right) \right] \quad (2.21)$$

หรือ 
$$B_{nT} = [B_{2nT}]^{\frac{1}{2}} B_{1nT} \quad (2.22)$$

โดย  $\hat{\sigma}^2$  คือ ค่าประมาณของ  $\sigma^2$

$B_{nT}$  คือ ค่าสถิติ t-Statistic ของ Breitung

ถ้าค่าสถิติ t - Statistic ของ  $B_{nT}$  มีนัยสำคัญทางสถิติ (Significant) แสดงว่าปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลไม่มียูนิทรูท แต่ถ้า  $B_{nT}$  ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลมียูนิทรูท

### 3) วิธี Hadri Test

การทดสอบพาแนลยูนิทรูทด้วยวิธี Hadri Test (Hadari,2000) มีสมมติฐานหลักคือ ข้อมูลพาแนลไม่มียูนิทรูท โดยทำการทดสอบจากส่วนที่หรือตกค้างส่วนที่คงเหลือ (Residual) จากสมการถดถอย OLS (OLS Regression) ของ  $y_{it}$  ที่คงที่ (Constant) หรือคงที่และมีแนวโน้ม (Trend)

จาก 
$$y_{it} = \delta_i + \eta_i t + \varepsilon_{it} \quad (2.23)$$

โดย  $y_{it}$  คือ ข้อมูลพาแนล ซึ่ง  $i = 1, 2, \dots, N$  และ  $t = 1, 2, \dots, T$

$\delta_i$  คือ ค่าคงที่ (Constant)

$\eta_i$  คือ ค่าสัมประสิทธิ์ของ  $t$  หรือแนวโน้ม (Trend)

$\varepsilon_{it}$  คือ ส่วนคงเหลือ หรือส่วนตกค้าง (Residual)

ให้ส่วนคงเหลือจากการถดถอย  $\hat{\varepsilon}_{it}$  อยู่ในรูปของค่าสถิติ LM (LM Statistic)

$$LM_1 = \frac{1}{N} \left( \sum_{i=1}^N \left( \sum_t s_i(t)^2 / T^2 \right) / \bar{f}_0 \right) \quad (2.24)$$

โดย  $s_i(t)$  ค่าสะสมของ Sums of the Residuals

$$s_i(t) = \sum_{s=1}^t \hat{\varepsilon}_{it} \quad (2.25)$$

และ  $\bar{f}_0$  ค่าเฉลี่ยของการประมาณค่าส่วนคงเหลือที่ความถี่เท่ากับศูนย์

$$\bar{f}_0 = \sum_{i=1}^N f_{i0} / N \quad (2.26)$$

สำหรับค่าสถิติ  $LM$  (LM Statistic) ในกรณีที่  $i$  มีความแตกต่างกัน (Heteroscedasticity) สามารถเขียนสมการได้ ดังนี้

$$LM_2 = \frac{1}{N} \left( \sum_{i=1}^N \left( \sum_t s_i(t)^2 / T^2 \right) / f_{i0} \right) \quad (2.27)$$

ดังนั้นจึงใช้  $LM_1$  ในกรณีที่มีความเหมือนกัน (Homoscedasticity) และใช้  $LM_2$  ในกรณีที่มีความแตกต่างกัน (Heteroscedasticity)

ค่าสถิติที่ใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลักคือ Z-Statistic ซึ่งเขียนได้ดังนี้

$$Z = \frac{\sqrt{N}(LM - \xi)}{\zeta} \rightarrow N(0,1) \quad (2.28)$$

โดย  $N$  คือ จำนวนค่าสังเกตในข้อมูลพาแนล

$\xi = 1/6$       และ       $\zeta = 1/45$       ถ้าแบบจำลองมีค่าคงที่เพียงอย่างเดียว

$\xi = 1/15$       และ       $\zeta = 11/6300$       ( $\eta_i$  มีค่าเป็นศูนย์สำหรับทุกๆ  $i$ )

สำหรับกรณีอื่นๆ

ถ้าค่าสถิติ  $Z$  - Statistic มีนัยสำคัญทางสถิติ (Significant) แสดงว่าปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลมียูนิตรุต แต่ถ้า  $Z$  - Statistic ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลไม่มียูนิตรุต

#### การทดสอบยูนิตรุตของแต่ละหน่วยภาคตัดขวาง (Tests with Individual Unit Root Process)

การทดสอบยูนิตรุตของแต่ละหน่วยภาคตัดขวาง ซึ่งกำหนด  $\rho_i$  ของแต่ละหน่วยภาคตัดขวางจึงมีค่าต่างกัน โดยจะทดสอบพาแนลยูนิตรุตด้วยวิธี Im, Pesaran and Shin (IPS Test) และวิธี Fisher-Type Tests โดยใช้ ADF และ PP-Tests ซึ่งการทดสอบด้วยวิธีดังกล่าวจะเป็นการรวมผลการทดสอบยูนิตรุตของแต่ละหน่วยภาคตัดขวาง เพื่อใช้เป็นผลการทดสอบพาแนลยูนิตรุต โดยรายละเอียดของการทดสอบแต่ละวิธี มีดังนี้

#### 4) วิธี Im, Pesaran and Shin (IPS Test) (2003)

สามารถทดสอบได้โดยใช้ Augmented Dickey-Fuller (ADF) โดยแยกพิจารณาข้อมูลภาคตัดขวาง (Cross Section) แต่ละหน่วย มีสมการดังนี้

$$\Delta y_{it} = \alpha y_{it-1} + \sum_{j=1}^{p_i} \beta_{ij} \Delta y_{it-j} + x'_{it} \delta + \varepsilon_{it} \quad (2.29)$$

สมมติฐานการทดสอบพาแนลยูนิตรุต คือ

$$H_0 : \alpha_i = 0 \quad \text{สำหรับทุก } i$$

$$H_1 : \begin{cases} \alpha_i = 0 & \text{สำหรับ } i = 1, 2, \dots, N_i \\ \alpha_i < 0 & \text{สำหรับ } i = N+1, N+2, \dots, N \end{cases}$$

ค่าเฉลี่ยของค่าสถิติ t-Statistic สำหรับ  $\alpha_i$  คือ

$$\bar{t}_{NT} = \left( \sum_{i=1}^N t_{iT}(p_i) \right) / N \quad (2.30)$$



โดย  $\bar{t}_{NT}$  มีการแจกแจงแบบปกติ สามารถเขียนใหม่ได้เป็น

$$W_{\bar{t}_{NT}} = \frac{\sqrt{N} \left( \bar{t}_{NT} - N^{-1} \sum_{i=1}^N E(\bar{t}_{iT}(p_i)) \right)}{\sqrt{N^{-1} \sum_{i=1}^N \text{Var}(\bar{t}_{iT}(p_i))}} \rightarrow N(0,1) \quad (2.31)$$

ถ้า  $W_{\bar{t}_{NT}}$  มีนัยสำคัญทางสถิติ (Significant) แสดงว่าปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลไม่มียูนิทรูท แต่ถ้า  $W_{\bar{t}_{NT}}$  ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลมียูนิทรูท

### 5) วิธี Fisher - Type Tests โดยใช้ ADF และ PP - Tests

Maddala and Wu (1999) ใช้ Fisher's ( $P_\lambda$ ) Test โดยรวมค่า p-value ของ ค่าสถิติที่ทดสอบ t-Statistic ความนิ่งของข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วย

โดย  $\pi_i (i = 1, 2, \dots, N)$  คือค่า p-value ของการทดสอบยูนิทรูทของข้อมูล ภาคตัดขวาง  $i$  จากข้อมูลภาคตัดขวางทั้งหมด  $N$  เป็นตัวแปรอิสระที่มี  $u(0,1)$

$-2 \log_e \pi_i$  มีการแจกแจงแบบไคสแควร์ (Chi-Square:  $\chi^2$ ) และมี Degree of Freedom เท่ากับ 2 โดยค่าสถิติที่ใช้ทดสอบ คือ

$$P_\lambda = -2 \sum_{i=1}^N \log_e \pi_i \rightarrow \chi^2 2N \quad (2.32)$$

ในกรณีของ Choi (2001) ให้  $p_i (i = 1, 2, \dots, N)$  คือค่า p-value ของการ ทดสอบยูนิทรูทของข้อมูลภาคตัดขวาง  $i$  จากข้อมูลภาคตัดขวางทั้งหมด

$$P = -2 \sum_{i=1}^N \ln(p_i) \quad (2.33)$$

โดยค่าสถิติที่ใช้ทดสอบ คือ

$$Z = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{i=1}^N \phi^{-1}(p_i) \quad (2.34)$$

โดย  $\phi(\cdot)$  มีการแจกแจงแบบปกติมาตรฐาน  $N(0,1)$  และสมมติฐานการทดสอบพาแนลยูนิทรูท คือ

$$H_0 : \rho_i = 1 \quad \text{ข้อมูลมีพาแนลยูนิทรูท}$$

$$H_1 : \begin{cases} \rho_i = 1 \\ \rho_i < 1 \end{cases} \quad \text{ข้อมูลพาแนลไม่มียูนิทรูท}$$

ถ้าทั้ง Fisher's ( $P\lambda$ ) Test และ Z - Statistic มีนัยสำคัญทางสถิติ (Significant) แสดงว่าปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลไม่มียูนิทรูท แต่ถ้าทั้ง Fisher's ( $P\lambda$ ) Test และ Z - Statistic ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลมียูนิทรูท จากที่กล่าวมาแล้ว สามารถสรุปออกมาดังตารางที่ 2.1 ดังนี้

ตารางที่ 2.1 สมมติฐานและค่าสถิติที่ใช้ในการทดสอบพาแนลยูนิทรูทด้วยวิธีการทดสอบที่แตกต่างกัน

การทดสอบ unit root แบบธรรมดา (Test with Common Unit Root Process)			
วิธีการทดสอบ	สมมติฐานหลัก	สมมติฐานรอง	ค่าสถิติที่ใช้ทดสอบ
LLC	มี unit root	ไม่มี unit root	$t^* - \text{Statistic}$
Breitung	มี unit root	ไม่มี unit root	Breitung $t - \text{Statistic}$
Hadri	ไม่มี unit root	มี unit root	Z - Statistic
การทดสอบ unit root ของแต่ละภาคตัดขวาง (Test with Individual Unit Root Process)			
วิธีการทดสอบ	สมมติฐานหลัก	สมมติฐานรอง	ค่าสถิติที่ใช้ทดสอบ
IPS	มี unit root	ข้อมูลบางประเทศไม่มี unit root	w - Statistic
Fisher - ADF Fisher - PP	มี unit root	ข้อมูลบางประเทศไม่มี unit root	Fisher Chi - Square

เมื่อทำการทดสอบ Panel unit root ของตัวแปรแต่ละตัวโดยวิธีการทดสอบทุกวิธีดังกล่าว จากนั้นทำการพิจารณาเปรียบเทียบผลการทดสอบของแต่ละวิธี โดยในการศึกษาค้นคว้าครั้งนี้จะเลือกใช้

ผลการทดสอบ *Panel unit root* จากวิธีที่ให้ผลการทดสอบดีที่สุด มีอันดับความสัมพันธ์ของข้อมูล (*Order of Integration*) อันดับเดียวกัน คือ อันดับที่ 1 หรือ  $I(1)$  ทั้งนี้เพื่อนำไปทดสอบความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรในแบบจำลองพหุสมการโคอินทิเกรชัน ต่อไป

### 2.2.2.3 การทดสอบพหุสมการโคอินทิเกรชัน (Panel Cointegration Test)

การทดสอบพหุสมการโคอินทิเกรชัน (Panel Cointegration Test) หรือการทดสอบความสัมพันธ์ในแบบจำลองสำหรับการศึกษาย่อยจะทำการทดสอบด้วยวิธี Pedroni Test วิธี Kao Test ซึ่งมีรายละเอียด ดังนี้

#### 1) วิธี Pedroni Test

Pedroni (1999, 2001, 2004) ได้เสนอวิธีการทดสอบพหุสมการโคอินทิเกรชันที่มีพื้นฐานมาจากการทดสอบโคอินทิเกรชัน (Cointegration) ของ Engle-Granger ซึ่งวิธีการทดสอบของ Pedroni จะกำหนดให้ข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยมีค่าคงที่ (Intercept) และแนวโน้ม (Trend) ที่แตกต่างกัน (Heterogeneous) โดยพิจารณาได้จากสมการถดถอย ดังนี้

$$y_{it} = \alpha_i + \delta_i t + \beta_{1i} x_{1i,t} + \beta_{2i} x_{2i,t} + \dots + \beta_{ki} x_{ki,t} + e_{i,t} \quad (2.35)$$

โดย  $i = 1, 2, \dots, N$  คือ ข้อมูลภาคตัดขวาง  
 $t = 1, 2, \dots, T$  คือ ข้อมูลอนุกรมเวลา  
 $k = 1, 2, \dots, K$  คือ ตัวแปรถดถอย

สมมติให้  $y_{it}$  และ  $x_{ki,t}$  มี Order of Integration = 1 หรือ  $I(1)$  สำหรับแต่ละหน่วย  $i$  และค่าสัมประสิทธิ์  $\beta_{1i}, \beta_{2i}, \dots, \beta_{ki}$  ของข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยจะแตกต่างกัน สำหรับค่าพารามิเตอร์  $\alpha_i$  คือผลกระทบของภาคตัดขวางแต่ละหน่วย (Individual Effect) ซึ่งแต่ละหน่วยภาคตัดขวางจะมีความแตกต่างกัน ส่วน  $\delta_i t$  คือผลกระทบจากแนวโน้ม (Trend Effect) ซึ่งแต่ละหน่วยภาคตัดขวางจะมีความแตกต่างกัน หรืออาจจะกำหนดให้ไม่มีผลกระทบจากแนวโน้ม

ภายใต้สมมติฐานหลัก  $H_0$  : ไม่มีโคอินทิเกรชัน ส่วนตกค้างหรือส่วนคงเหลือ (Residual)  $e_{i,t}$  ซึ่งได้จากการถดถอยสมการที่ (2.35) จะเป็น  $I(1)$  และทดสอบได้จากสมการ ดังนี้

$$e_{i,t} = \rho_i e_{i,t-1} + u_{it} \quad (2.36)$$

หรือ

$$e_{i,t} = \rho_i e_{i,t-1} + \sum_{j=1}^{p_i} \psi_{ij} \Delta e_{i,t-j} + v_{it} \quad (2.37)$$

สำหรับข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วย มีหลายวิธีในการสร้างค่าสถิติเพื่อทดสอบสมมติฐานหลัก และมีสมมติฐานรอง 2 แบบที่แตกต่างกัน โดยในกรณีที่สมมติให้ข้อมูลภาคตัดขวางทุกหน่วยมีลักษณะเหมือนกัน (Homogeneous)

$$H_0 : \text{ไม่มีโคอินทิเกรชัน } \rho_i = 1$$

$$H_1 : \text{มีโคอินทิเกรชัน } \rho_i < 1 \text{ สำหรับทุก } i$$

สมมติฐานในการทดสอบพหุแนลโคอินทิเกรชัน ในกรณีที่สมมติให้ข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยมีลักษณะแตกต่างกัน (Heterogeneous)

$$H_0 : \text{ไม่มีโคอินทิเกรชัน } \rho_i = 1$$

$$H_1 : \text{มีโคอินทิเกรชัน } \rho_i < 1 \text{ สำหรับทุก } i$$

ค่าสถิติที่ใช้ทดสอบโคอินทิเกรชัน คือ  $\mathcal{N}_{N,T}$  ซึ่งได้จากส่วนตกค้างจากสมการที่ (2.35) หรือ (2.36) ซึ่งจะได้ค่าสถิติทั้งหมด 7 ค่า เพื่อใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลัก ได้แก่ (Pedroni, 1999)

1. ค่าสถิติ *Panel  $v$  - Statistic* คือ

$$T^2 N^{\frac{3}{2}} Z \bar{v}_{N,T} \equiv T^2 N^{\frac{2}{3}} \left( \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} \hat{e}_{i,t-1} \right)^{-1} \quad (2.38)$$

2. ค่าสถิติ *Panel  $\rho$  - Statistic* คือ

$$T \sqrt{N} Z \hat{\rho}_{N,T} \equiv T \sqrt{N} \left( \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} (\hat{e}_{i,t-1} \Delta \hat{e}_{i,t} - \hat{\lambda}_i) \quad (2.39)$$

3. ค่าสถิติ *Panel pp – Statistic* คือ

$$Z_{N,T} \equiv \left( \hat{\sigma}_{N,T}^2 \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1/2} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} (\hat{e}_{i,t-1} \Delta \hat{e}_{i,t} - \hat{\lambda}_i) \quad (2.40)$$

4. ค่าสถิติ *Panel ADF – Statistic* คือ

$$\tilde{Z}^*_{N,T} \equiv \left( \tilde{s}_{N,T}^{*2} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1/2} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^* \Delta \hat{e}_{i,t}^* \quad (2.41)$$

5. ค่าสถิติ *Group  $\rho$  – Statistic* คือ

$$TN^{-1/2} \tilde{Z} \hat{\rho}_{N,T-1} \equiv TN^{-1/2} \sum_{i=1}^N \left( \sum_{t=1}^T \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1} \sum_{t=1}^T (\hat{e}_{i,t-1} \Delta \hat{e}_{i,t} - \hat{\lambda}_i) \quad (2.42)$$

6. ค่าสถิติ *Group pp – Statistic* คือ

$$N^{-1/2} \tilde{Z} t_{N,T} \equiv N^{-1/2} \sum_{i=1}^N \left( \hat{\sigma}_i^2 \sum_{t=1}^T \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1/2} \sum_{t=1}^T (\hat{e}_{i,t-1} \Delta \hat{e}_{i,t} - \hat{\lambda}_i) \quad (2.43)$$

7. ค่าสถิติ *Group ADF – Statistic* คือ

$$N^{-1/2} \tilde{Z}^* t_{N,T} \equiv N^{-1/2} \sum_{i=1}^N \left( \sum_{t=1}^T \tilde{s}_{N,T}^{*2} \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1/2} \sum_{t=1}^T \hat{e}_{i,t-1}^* \Delta \hat{e}_{i,t}^* \quad (2.44)$$

ซึ่งค่าสถิติพื้นฐานที่ใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลัก คือ

$$\frac{\mathfrak{N}_{N,T} - \mu \sqrt{N}}{\sqrt{v}} \rightarrow N(0,1) \quad (2.45)$$

โดย  $\mathfrak{N}_{N,T}$  คือรูปแบบที่เหมือนกันของค่าสถิติที่ใช้ในการทดสอบโคอินทิเกรชันของแต่ละวิธีที่ใช้ทดสอบ ให้  $\mu$  และ  $v$  คือตัวปรับค่า Monte Carlo ของค่าเฉลี่ยและความแปรปรวน

กรณีที่เหมาะสมให้ข้อมูลภาคตัดขวางทุกหน่วยมีลักษณะเหมือนกัน จะใช้ค่าสถิติ Panel Statistics ในการทดสอบสมมติฐานหลักในกรณีที่ ซึ่งเป็นการทดสอบพหุแนลโคอินทิเกรชัน หรือ Within Dimension และค่าสถิติ Group Panel Statistics จะใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลัก

ในกรณีที่สมมติให้ข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยมีลักษณะแตกต่างกัน ซึ่งเป็นการทดสอบ Group Mean Panel Cointegration Tests หรือ Between Dimension

ถ้าค่าสถิติ Panel Statistics ปฏิเสธสมมติฐานหลักแสดงว่าตัวแปรในแบบจำลองพหุคูณ โคอินทิเกรชันของทุกหน่วยภาคตัดขวางมีความสัมพันธ์กัน แต่ค่าสถิติ Group Panel Statistics ปฏิเสธสมมติฐานหลัก แสดงว่าตัวแปรในแบบจำลองพหุคูณ โคอินทิเกรชันของภาคตัดขวางอย่างน้อย 1 หน่วยมีความสัมพันธ์กัน

## 2) วิธี Kao Test

Kao (1999) ได้เสนอวิธีการทดสอบพหุคูณ โคอินทิเกรชัน โดยมีวิธีการทดสอบพื้นฐานคล้ายกับวิธีของ Pedroni แต่ให้ข้อมูลภาคตัดขวางมีค่าคงที่ (*Intercepts*) แตกต่างกัน และให้ค่าสัมประสิทธิ์มีค่าเท่ากันในตัวแปรที่ทำการถดถอยครั้งแรก (*First-Stage Regressors*)

พิจารณาจากสมการดังนี้

$$y_{it} = \alpha_i + \beta x_{it} + e_{it} \quad (2.46)$$

สำหรับ

$$y_{it} = y_{it-1} + u_{it}$$

$$x_{it} = x_{it-1} + \varepsilon_{it}$$

โดยที่  $i=1, 2, \dots, N$ ;  $t=1, 2, \dots, T$  ทำการถดถอยสมการที่ (2.35) ซึ่งให้  $\alpha_i$  ของข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยแตกต่างกัน  $\beta_i$  ของข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยเหมือนกัน และให้ค่าสัมประสิทธิ์  $\gamma_i$  ทั้งหมดของแนวโน้มมีค่าเข้าสู่ 0

ทำการถดถอย 
$$e_{it} = \rho e_{it-1} + v_{it} \quad (2.47)$$

หรือ 
$$e_{it} = \tilde{\rho} e_{it-1} + \sum_{j=1}^p \psi_j \Delta e_{it-j} + v_{it} \quad (2.48)$$

สมมติฐานหลักการทดสอบ คือ  $H_0 : \rho = 1$  (ไม่มีโคอินทิเกรชัน) ค่าสถิติในการทดสอบด้วยวิธี Dickey-Fuller (DF) คือ

$$DF_\rho = \frac{\sqrt{NT}(\hat{\rho}-1) + 3\sqrt{N}}{\sqrt{10.2}} \quad (2.49)$$

$$DF_t = \sqrt{1.25}t_\rho + \sqrt{1.875}N \quad (2.50)$$

$$DF_\rho^* = \frac{\sqrt{NT}(\hat{\rho}-1) + 3\sqrt{N}\hat{\sigma}_v^2 / \hat{\sigma}_{0v}^2}{\sqrt{3 + 36\hat{\sigma}_v^4 / 5\hat{\sigma}_{0v}^4}} \quad (2.51)$$

$$DF_t^* = \frac{t_\rho + \sqrt{6N}\hat{\sigma}_v / (2\hat{\sigma}_{0v}^2)}{\sqrt{\hat{\sigma}_{0v}^2 / (2\hat{\sigma}_v^2) + 3\hat{\sigma}_v^2 / (10\hat{\sigma}_{0v}^2)}} \quad (2.52)$$

และ  $P > 0$  ค่าสถิติในการทดสอบด้วยวิธี Augmented Dickey-Fuller (ADF) คือ

$$ADF = \frac{t_\rho + \sqrt{6N}\hat{\sigma}_v / (2\hat{\sigma}_{0u}^2)}{\sqrt{\hat{\sigma}_{0v}^2 / (2\hat{\sigma}_v^2) + 3\hat{\sigma}_v^2 / (10\hat{\sigma}_{0v}^2)}} \quad (2.53)$$

ซึ่งค่าสถิติมีการแจกแจงปกติมาตรฐาน หรือ  $N(0,1)$  ค่าความแปรปรวน คือ

$$\hat{\sigma}_v^2 = \hat{\sigma}_u^2 - \hat{\sigma}_{u\varepsilon}^2 \hat{\sigma}_\varepsilon^{-2} \text{ และค่าความแปรปรวนในระยะยาว คือ } \hat{\sigma}_{0v}^2 = \hat{\sigma}_{0u}^2 - \hat{\sigma}_{0u\varepsilon}^2 \hat{\sigma}_{0\varepsilon}^{-2}$$

ค่าความแปรปรวนของ  $w_{it} = \begin{bmatrix} u_{it} \\ \varepsilon_{it} \end{bmatrix}$  (2.54)

ประมาณค่าโดย  $\hat{\Sigma} = \begin{bmatrix} \hat{\sigma}_u^2 & \hat{\sigma}_{u\varepsilon}^2 \\ \hat{\sigma}_{u\varepsilon}^2 & \hat{\sigma}_\varepsilon^2 \end{bmatrix} = \frac{1}{NT} \sum_{i=1}^N \left[ \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T \hat{w}_{it} \hat{w}_{it}' + \kappa(\hat{w}_i) \right]$  (2.55)

โดย  $\kappa$  คือ Kernel Function (วันวิสา วิมรจนารมย์, 2551)

### 2.2.2.4 การทดสอบสมการพหุคูณ (Panel Equation Testing)

การทดสอบสมการพหุคูณ คือการทดสอบว่าควรทำการประมาณแบบจำลองพหุคูณโคอินทิเกรชันในรูปแบบใด ระหว่าง Pooled Estimator, Fixed Effects หรือ Random Effects สำหรับการศึกษาในครั้งนี้จะทำการทดสอบสมการพหุคูณ 3 วิธี คือ วิธี Hausman Test วิธี Redundant Fixed Effects Test และวิธี Lagrange multiplier test (LM-Test) ซึ่งมีรายละเอียดดังนี้

#### 1) วิธี Redundant Fixed Effects Test

Moulton and Randolph (1989) พบว่า Anova F-test ที่ใช้ทดสอบ Fixed Effects เหมาะสำหรับทดสอบ One-way Error Component ซึ่ง Anova F-test มีสมการในรูปแบบทั่วไป คือ

$$F = \frac{y'MD(D'MD) - D'My / (p-r)}{y'Gy / (NT - (\tilde{k} + p - r))} \quad (2.56)$$

โดยมีสมมติฐาน ดังนี้

$H_0$  : No Fixed Effects

$H_1$  : Fixed Effects

ถ้าผลการทดสอบยอมรับสมมติฐานหลัก แสดงว่าควรทำการประมาณค่าแบบจำลองในรูปแบบ Random Effects ถ้าผลการทดสอบปฏิเสธสมมติฐานหลัก แสดงว่าควรทำการประมาณค่าแบบจำลองในรูปแบบ Fixed Effects

#### 2) วิธี Hausman Test

วิธีการของ Hausman (1978) ทดสอบโดยสมมติให้การประมาณค่าความแปรปรวนร่วมของ Fixed Effects และ Random Effects มีค่าเท่ากัน โดยมีสมมติฐาน ดังนี้

$H_0$  : Random Effects

$H_1$  : Fixed Effects



ถ้าผลการทดสอบยอมรับสมมติฐานหลัก แสดงว่าควรทำการประมาณแบบจำลองในรูปแบบ Random Effects ถ้าผลการทดสอบปฏิเสธสมมติฐานหลัก แสดงว่าควรทำการประมาณแบบจำลองในรูปแบบ Fixed Effects

### 3) Lagrange multiplier test (LM-Test)

LM-Test เป็นการทดสอบระหว่าง Random effect และ Poolability of Data โดยมีสมมติฐานว่าองค์ประกอบความแปรปรวน (Variance Components) มีค่าเท่ากับศูนย์

$$H_0 : \sigma_\mu^2 = \sigma_\lambda^2 = 0$$

จากสมการ  $\bar{e}$  คือเวกเตอร์  $n \times 1$  ของ *Group Specific Means of Pooled Regression Residuals* และ  $e'e$  คือ *Sum Squared of Error (SSE)* ของ *pooled OLS regression*

Lagrange multiplier test (LM) มีการกระจายแบบ Chi-squared มี Degree of Freedom เท่ากับ 1

$$LM_\mu = \frac{nT}{2(T-1)} \left[ \frac{e' DDe}{e'e} - 1 \right] = \frac{nT}{2(T-1)} \left[ \frac{T^2 \bar{e}' \bar{e}}{e'e} - 1 \right] \sim \chi^2 \quad (2.57)$$

อีกวิธีหนึ่งในการทดสอบ Lagrange multiplier test (LM-Test)

$$LM_\nu = \frac{nT}{2(T-1)} \left[ \frac{\sum (\sum e_{it})^2}{\sum \sum e_{it}^2} - 1 \right] = \frac{nT}{2(T-1)} \left[ \frac{\sum (Te_{i.})^2}{\sum \sum e_{it}^2} - 1 \right] \sim \chi^2 \quad (2.58)$$

Two way random effect มีสมมติฐานหลักว่าทั้งข้อมูลภาคตัดขวางและข้อมูลอนุกรมเวลา องค์ประกอบความแปรปรวน (variance components) มีค่าเท่ากับศูนย์เกิดจากการรวมสมการทั้งสองเพื่อใช้ในการทดสอบแบบ Two way random effect (Indiana University, 2006:online) ถ้ายอมรับสมมติฐานหลักแบบจำลอง จะใช้ Pooled Estimator และ ถ้าปฏิเสธสมมติฐานหลักแบบจำลองจะใช้ Random Effect Model

$$LM_{\mu\nu} = LM_\mu + LM_\nu \sim \chi^2 \quad (2.59)$$

#### 2.2.2.5 การประมาณค่าแบบจำลองพาดแนล (Panel Estimation)

สำหรับประมาณค่าความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระและตัวแปรตามในการศึกษาครั้งนี้ จะใช้การประมาณค่าแบบจำลองพาดแนลทั้งหมด 3 วิธีด้วยกัน ได้แก่ วิธีกำลังสอง

น้อยที่สุด (Ordinary Least Square, OLS) วิธีกำลังสองน้อยที่สุดเชิงพลวัต (Dynamic Ordinary Least Square, DOLS) และวิธีโมเมนต์ในรูปทั่วไป (Generalized Method of Moments, GMM) เพื่อศึกษาอิทธิพลของตัวแปรอิสระว่าส่งผลต่อตัวแปรตามอย่างไร โดยรายละเอียดของแต่ละวิธีมี ดังนี้

### 1) การประมาณค่าแบบกำลังสองน้อยที่สุด (Ordinary Least Square, OLS)

วิธีประมาณค่าแบบกำลังสองน้อยที่สุด เป็นการประมาณค่าเส้นการถดถอย โดยทำให้ผลบวกของกำลังสองของส่วนที่เบี่ยงเบนไปจากเส้นถดถอย (ค่าคลาดเคลื่อน, Error Term) ของค่าสังเกตของตัวแปรที่มีค่าน้อยที่สุด โดย Kao and Chiang (2000) ได้เสนอสมการถดถอยแบบพานแนล ดังนี้

$$y_{it} = x'_{it}\beta + z'_{it}\gamma + u_{it} \quad (2.60)$$

เมื่อ  $\{x_{it}\}$  คือ เวกเตอร์  $K \times 1$  ของตัวแปรอิสระ สามารถประมาณค่า  $\beta$  ได้จากสมการ OLS ดังนี้

$$\hat{\beta}_{i,OLS} = \left[ \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \tilde{x}'_{it} \tilde{x}_{it} \right]^{-1} \left[ \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \tilde{x}'_{it} \tilde{y}_{it} \right] \quad (2.61)$$

โดย	$i$	คือ	ข้อมูลภาคตัดขวาง
	$N$	คือ	จำนวนของข้อมูลภาคตัดขวาง
	$t$	คือ	ข้อมูลอนุกรมเวลา
	$T$	คือ	จำนวนของข้อมูลอนุกรมเวลา
	$\tilde{x}_{it}$	คือ	ตัวแปร Exogeneous Variable ของแบบจำลอง โดยเท่ากับ
			$x_{it} - \bar{x}_{it}$
	$\tilde{y}_{it}$	คือ	ตัวแปร Endogeneous Variable ของแบบจำลอง โดยเท่ากับ
			$y_{it} - \bar{y}_{it}$

ซึ่งการประมาณค่าข้างต้นอาจยังไม่มีความเหมาะสมพอสำหรับการใช้กับข้อมูลแบบพานแนล เพราะอาจเกิดปัญหา Serial Correlation และ Non-exogeneity ที่ใช้เป็นตัวแปรในการ

ถดถอย จึงมีการประมาณค่าด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุดเชิงพลวัต (Dynamic Ordinary Least Square, DOLS) เพิ่มเติม

## 2) การประมาณค่าแบบวิธีกำลังสองน้อยที่สุดเชิงพลวัต (Dynamic Ordinary Least Square, DOLS)

การประมาณค่าด้วยวิธี DOLS (Phillips and Loretan, 1991) เป็นการประมาณค่าแบบ OLS แต่มีการเพิ่ม Dynamic Term เข้าไปในสมการ OLS สามารถพิจารณาได้จากสมการพื้นฐาน คือ

$$y_{it} = x'_{it}\beta + \sum_{k=-K_i}^{K_i} \gamma_{ik} \Delta x_{it-k} + \varepsilon_{it} \quad (2.62)$$

สามารถประมาณค่า  $\beta$  จากสมการ DOLS ได้ดังนี้

$$\hat{\beta}_{i,DOLS} = \left[ N^{-1} \sum_{i=1}^N \left( \sum_{t=1}^T z_{it} z_{it}^* \right)^{-1} \left( \sum_{t=1}^T z_{it} \tilde{y}_{it} \right) \right] \quad (2.63)$$

โดย	$i$	คือ	ข้อมูลภาคตัดขวาง
	$N$	คือ	จำนวนของข้อมูลภาคตัดขวาง
	$t$	คือ	ข้อมูลอนุกรมเวลา
	$T$	คือ	จำนวนของข้อมูลอนุกรมเวลา
	$z_{it}$	คือ	$2(K+1) \times 1$
	$\tilde{y}_{it}$	คือ	$y_{it} - \bar{y}_{it}$

นอกจากนี้ยังใช้วิธีการประมาณค่าแบบโมเมนต์ในรูปทั่วไป (Generalized Method of Moments, GMM) เพื่อการประมาณค่าแบบจำลองให้มีประสิทธิภาพยิ่งขึ้น

## 3) การประมาณค่าแบบโมเมนต์ในรูปทั่วไป (Generalized Method of Moments, GMM)

Hansen (1982) ได้เสนอวิธีการประมาณค่าแบบจำลองพหุคูณโคอินทิเกรชันแบบ Generalized Method of Moments (GMM) ซึ่งเป็นการประมาณค่าพารามิเตอร์ของแบบจำลอง

โดยตรงจากเงื่อนไขโมเมนต์ (Moment Conditions) ซึ่งใส่เข้ามาในแบบจำลอง เงื่อนไขเหล่านี้สามารถที่จะมีลักษณะเชิงเส้นในพารามิเตอร์ (Linear in Parameter) ได้ แต่บ่อยครั้งที่จะมีลักษณะไม่เป็นแบบเชิงเส้น (Nonlinear in Parameter) และเพื่อที่จะทำให้เราสามารถหาค่าพารามิเตอร์ได้ จำนวนของเงื่อนไขโมเมนต์อย่างน้อยที่สุดควรจะเท่ากับจำนวนพารามิเตอร์ที่ไม่ทราบค่า (ทรงศักดิ์ศรีบุญจิตต์, 2547) การประมาณค่าแบบ GMM มีรูปแบบพื้นฐานมาจากสมการ (2.62) สามารถเขียนได้เป็น

$$y_{it} - y_{it-1} = \beta'(x_{it} - x_{it-1}) + \gamma'(z_{it} - z_{it-1}) + (u_{it} - u_{it-1}) \quad (2.64)$$

โดย

$$i = 1, 2, \dots, n$$

$$t = 2, \dots, T_i$$

อย่างไรก็ตามจากสมการที่ (2.64) จะมีความเอนเอียง (bias) เพิ่มขึ้นถ้า

$y_{it-1} - y_{it-2}$  มีความสัมพันธ์กับ error term  $(u_{it} - u_{it-1})$  การประมาณค่า OLS แบบ Dynamic Panel จะมีความเหมาะสมมากกว่า

หากมีการใช้เครื่องมือ (Instrument) ที่ถูกต้อง การประมาณวิธีโมเมนต์ในรูปทั่วไป (Generalized Method of Moments, GMM) จะมีประสิทธิภาพและมีความเหมาะสมในการใช้ประมาณค่าสมการ โดยทั่วไปจะมีการใส่ค่าความล่าช้า (lag) ของตัวแปรตามสองช่วงเวลา ที่  $y_{it-2}$  นั้นจะไม่มีความสัมพันธ์กับ  $(u_{it} - u_{it-1})$  ดังนั้น ค่าของ  $y_{it-2}, k \geq 2$  จึงเป็นเครื่องมือ (Instrument) ที่ถูกต้อง

### 2.2.2.6 การหาความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะสั้น (ECM)

ECM มีประสิทธิภาพและใช้อย่างแพร่หลายในการวิเคราะห์ความผันผวนในระยะสั้นและดุลยภาพในระยะยาว เมื่อตัวแปรมีลักษณะไม่นิ่ง ซึ่งสามารถเขียนแบบจำลอง ECM ได้ดังนี้

$$\Delta y_{it} = \alpha_0 + \alpha_1 \Delta x_{it} + \alpha_2 u_{it-1} + \alpha_3 \sum_{h=1}^p \Delta x_{it-h} + \alpha_4 \sum_{j=0}^q \Delta y_{it-j} + \varepsilon_{it} \quad (2.65)$$

จากสมการที่ (2.65) เมื่อ  $\Delta$  คืออนุพันธ์ลำดับที่ 1  $\varepsilon_{it}$  คือตัวแปรความคลาดเคลื่อนแบบสุ่ม และ  $u_{it-1} = (y_{it-1} - \beta_1 - \beta_2 x_{it-1})$  คือตัวแปรความคลาดเคลื่อนของการถดถอยหนึ่งช่วงเวลา (one period lagged) ของ Panel cointegration จากสมการข้างต้น  $\Delta y$  จะขึ้นอยู่กับ  $\Delta x$  และค่าความคลาดเคลื่อนคลุยกภาพ ถ้าค่าความคลาดเคลื่อนคลุยกภาพไม่เท่ากับศูนย์ หลังจากนั้นแบบจำลองก็จะออกจากคลุยกภาพ สมมติให้  $\Delta y$  เท่ากับศูนย์  $u_{it-1}$  มีค่าเป็นบวก ซึ่งหมายความว่า  $y_{it-1}$  จะมีค่ามากกว่าคลุยกภาพ ( $\alpha_0 + \alpha_1 y_{it-1}$ ) หลังจากนั้นถ้า  $\alpha_2$  มีค่าเป็นลบ ทำให้ตัวแปร  $\alpha_2 u_{it-1}$  มีค่าเป็นลบไปด้วย จึงทำให้  $\Delta y_{it}$  มีค่าลดลงเพื่อกลับเข้าสู่คลุยกภาพ ดังนั้น ถ้าว่า  $y_{it}$  มีค่าสูงกว่าจุดคลุยกภาพ หลังจากนั้นก็จะเริ่มกลับเข้าสู่คลุยกภาพในช่วงเวลาถัดไป

## 2.2 เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

**นิศานาด นิศากรเกรียงเดช (2548)** ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างการใช้จ่ายของรัฐบาลกับการเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศทั้งในระยะสั้นและระยะยาว โดยตัวแปรที่นำมาศึกษาได้แก่ การใช้จ่ายของรัฐบาล ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศและจำนวนประชากรของประเทศ โดยใช้ข้อมูลทศนิยมเป็นรายปี ตั้งแต่ปี 2493 – 2546 โดยประยุกต์ใช้เทคนิคโคอินทิเกรชัน แบบจำลองเออร์เรอร์คอเรคชันและการทดสอบความเป็นเหตุเป็นผล จากการทดสอบความสัมพันธ์ทั้งในระยะสั้นและระยะยาว พบว่า การใช้จ่ายของรัฐบาลและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์ในระยะสั้น และมีการปรับตัวเข้าสู่คลุยกภาพในระยะยาวทั้งสองทิศทางด้วยเช่นกัน สำหรับสัดส่วนการใช้จ่ายของรัฐบาลต่อผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศต่อกันนั้น พบว่าทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น และมีการปรับตัวเข้าสู่คลุยกภาพในระยะยาวในทิศทางเดียว การทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลพบว่าผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศต่อกันและสัดส่วนการใช้จ่ายของภาครัฐบาลต่อผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ที่มีความสัมพันธ์เป็นเหตุเป็นผลทั้งสองทิศทาง

**รณชิต สมมิตร (2550)** ศึกษาการใช้จ่ายของภาครัฐบาลต่อตัวแปรทางเศรษฐกิจมหภาคของประเทศไทย ประกอบด้วย ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ภาษี อัตราดอกเบี้ย การบริโภคของภาคเอกชนและการลงทุนของภาคเอกชน วิธีการศึกษาใช้วิธี โคอินทิเกรชันและเออร์เรอร์คอเรคชันตามวิธีการของ Johansen และ Juselius ข้อมูลที่ใช้เป็นแบบทศนิยม รายไตรมาสระหว่างไตรมาส

แรกของ ปี 2536 ถึง ไตรมาสแรกของ ปี 2549 จากการศึกษาพบว่า รายจ่ายที่มีสัดส่วนมากที่สุดเมื่อ  
 จำแนกตามหน่วยงาน ได้แก่ หน่วยงานกระทรวงศึกษาธิการเมื่อจำแนกรายจ่ายตามโครงสร้าง  
 แผนงาน ได้แก่ กลุ่มภารกิจสำคัญ เมื่อจำแนกตามลักษณะการใช้จ่าย ได้แก่ งบบุคลากร เมื่อจำแนก  
 ตามลักษณะเศรษฐกิจ ได้แก่ รายจ่ายประจำ เมื่อจำแนกตามลักษณะงาน ได้แก่ ด้านการบริการชุมชน  
 และสังคม โดยโครงสร้างรายจ่ายทั้งหมด 5 ประเภทนั้นมีวัตถุประสงค์ที่สอดคล้องกันคือ มุ่งเน้น  
 ด้านการพัฒนาการศึกษา และการพัฒนาคุณภาพประชากร จากการศึกษา พบว่าการใช้จ่ายรัฐบาลมี  
 ผลกระทบในระยะยาวต่อการเปลี่ยนแปลงของผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศมากที่สุด  
 รองลงมาคือ การลงทุนภาคเอกชน การบริโภคของภาคเอกชน ภาษีและสุดท้ายคือ ดอกเบี้ย  
 นอกจากนี้ ผลการศึกษาพบว่าตัวแปรทางเศรษฐกิจมหภาคทุกตัว จะมีการปรับตัวในระยะสั้นเข้าสู่  
 ดุลยภาพในระยะยาว ส่วนทางด้านตัวแปรระยะสั้นพบว่า มีผลต่อการลงทุนภาคเอกชนเพียงตัวแปร  
 เดียวเท่านั้น

**ปาณิสรา สุขพัฒน์ (2551)** ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างงบประมาณรายจ่ายด้านการศึกษา  
 ของรัฐบาลและการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย ตัวแปรที่นำมาศึกษาได้แก่  
 งบประมาณรายจ่ายด้านการศึกษาของรัฐบาลและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ โดยใช้ข้อมูล  
 ทศวรรษรายปี ครอบคลุมตั้งแต่ ปีพ.ศ. 2520 – 2549 โดยใช้เทคนิคโคอินทิเกรชัน ผลการศึกษา  
 พบว่าในระยะยาว งบประมาณรายจ่ายด้านการศึกษาของรัฐบาลและผลิตภัณฑ์มวลรวม  
 ภายในประเทศ ทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์กันในระยะยาว และในระยะสั้นงบประมาณรายจ่าย  
 ด้านการศึกษาของรัฐบาลเป็นตัวแปรต้นและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศเป็นตัวแปรตาม  
 แบบจำลองมีการปรับตัวในระยะสั้น แต่ในกรณีที่ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศเป็นตัวแปรต้น  
 และงบประมาณรายจ่ายด้านการศึกษาของรัฐบาลเป็นตัวแปรตาม พบว่าแบบจำลองมีการปรับตัวใน  
 ระยะสั้น ในส่วนของการทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลของงบประมาณรายจ่ายด้านการศึกษาของ  
 รัฐบาลและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ พบว่าทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์แบบทิศทาง  
 เดียวกัน

**ปริดา ใจท่วม (2553)** ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างรายจ่ายประจำ รายจ่ายลงทุนของรัฐบาล และผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศไทย โดยใช้ข้อมูลทศวรรษรายไตรมาส ครอบคลุมตั้งแต่ปี พ.ศ.2541- พ.ศ.2552 รวมทั้งหมด 48 ไตรมาสของข้อมูล 3 ตัวแปร ได้แก่ รายจ่าย ประจำของรัฐบาล รายจ่ายลงทุนของรัฐบาลและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ โดยใช้เทคนิคโคอินทิเกรชัน (cointegration) พบว่าในระยะยาว รายจ่ายประจำของรัฐบาลมีความสัมพันธ์ในระยะยาวกับ ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ขณะที่รายจ่ายลงทุนของรัฐบาลไม่มีความสัมพันธ์ในระยะยาว กับผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ และรายจ่ายประจำของรัฐบาลกับ ผลิตภัณฑ์มวลรวม ภายในประเทศ มีการปรับตัวในระยะสั้นเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาว และรายจ่ายประจำของรัฐบาลมี ความสัมพันธ์แบบสองทิศทางกับผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ขณะที่รายจ่ายลงทุนของ รัฐบาลไม่มีความสัมพันธ์กับผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ

**ณัฐยา บุญปลอด (2554)** ศึกษาถึงผลกระทบและเปรียบเทียบสัดส่วนการใช้จ่าย ของ รัฐบาลด้านสาธารณสุขต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของกลุ่มประเทศในเอเชียตะวันออก เฉียง ได้ได้แก่ประเทศไทย สิงคโปร์ อินโดนีเซีย และฟิลิปปินส์ โดยตัวแปรทางเศรษฐกิจที่ นำมา พิจารณาในการศึกษา ได้แก่ การใช้จ่ายของรัฐบาลด้านสาธารณสุขที่แท้จริง ผลิตภัณฑ์มวล รวมใน ประเทศที่แท้จริง จำนวนประชากรของประเทศ ได้ใช้ข้อมูลทศวรรษแบบรายปีตั้งแต่ปี พ.ศ.2521 - พ.ศ.2551 โดยใช้เทคนิค cointegration ของ Engel and Granger ผลการศึกษาสำหรับกรณีประเทศไทย และประเทศฟิลิปปินส์ พบว่า ตัวแปรทางเศรษฐกิจ ทั้งสองตัวแปรไม่มีความสัมพันธ์เชิงดุลย ภาพระยะยาว จึงทำการประมาณค่าสมการถดถอยโดยวิธี กำลังสองน้อยที่สุดเพื่อศึกษา ความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร พบว่า การเปลี่ยนแปลงของสัดส่วนการ ใช้จ่ายของรัฐบาลด้าน สาธารณสุขต่อคนของประเทศไทย มีผลต่อการเปลี่ยนแปลงของผลิตภัณฑ์ มวลรวมภายในประเทศ ที่แท้จริงในทิศทางตรงกันข้าม แต่ประเทศฟิลิปปินส์มีผลในทิศทางเดียวกัน สำหรับกรณีประเทศ สิงคโปร์และประเทศอินโดนีเซีย พบว่า ตัวแปรทางเศรษฐกิจทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์เชิงดุลย ภาพระยะยาว โดยประเทศอินโดนีเซียตัวแปรมีการปรับตัวใน ระยะสั้นเพื่อเข้าสู่ดุลยภาพในระยะ ยาว แต่ประเทศสิงคโปร์ตัวแปรไม่มีการปรับตัวในระยะสั้นเพื่อ เข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาว