

## บทที่ 2

### ทฤษฎี และงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

#### 2.1 ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

การศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างอัตราผลตอบแทน ของกองทุน RMF, LTF และอัตราผลตอบแทนของดัชนีหลักทรัพย์กลุ่มพลังงานในครั้งนี้มีกรอบแนวคิดทางทฤษฎีที่เกี่ยวข้องคือ ทฤษฎีความต้องการถือเงินของ Milton Friedman และ ทฤษฎีกลุ่มหลักทรัพย์ของ Markowitz

##### 2.1.1 ทฤษฎีทางเศรษฐศาสตร์ที่เกี่ยวข้อง

###### 1) ทฤษฎีความต้องการถือเงินของ Milton Friedman

ทฤษฎีความต้องการถือเงินของ Milton Friedman (1968) ได้พัฒนาแนวความคิดเดิมจากสำนักเศรษฐศาสตร์เคมบริดจ์ ซึ่งได้อธิบายปัจจัยความต้องการถือเงิน โดยมองว่าเป็นสิ่งที่ก่อให้เกิดอรรถประโยชน์ (Utility) บุคคลมีอุปสงค์ต่อเงินเพราะเห็นว่าเงินจะก่อให้เกิดอรรถประโยชน์ขึ้นได้ พฤติกรรมการเลือกถือเงินของบุคคลเป็นสัดส่วน โดยตรงกับรายได้ที่เป็นตัวเงิน และมีบางส่วนมีความคิดคล้ายกับ John Maynard Keynes ที่เรียกว่า ทฤษฎีความพอใจในสภาพคล่อง (Liquidity Preference Theory) ซึ่งอธิบายความต้องการถือเงินของบุคคล ออกเป็น 3 ประเภท คือ

1. ความต้องการถือเงินไว้เพื่อใช้สอยในชีวิตประจำวัน
2. ความต้องการถือเงินเพื่อใช้จ่ายยามฉุกเฉิน
3. ความต้องการถือเงินเพื่อเก็งกำไร

โดยที่ความต้องการในการถือเงินเพื่อใช้จ่ายในชีวิตประจำวันและยามฉุกเฉิน มีความสัมพันธ์โดยตรงกับรายได้ ส่วนความต้องการถือเงินเพื่อเก็งกำไรขึ้นอยู่กับคาดคะเนอัตราดอกเบี้ยในอนาคต แต่ Friedman มองความต้องการถือเงินของบุคคลว่าเป็นส่วนหนึ่งของการสร้างความมั่งคั่ง (Wealth) ภายใต้ความมั่งคั่งนี้ บุคคลจะเลือกผสมผสานการถือทรัพย์สินต่าง ๆ ตามแนวคิดของแต่ละบุคคล โดยคำนึงถึงอรรถประโยชน์ (Utility) ที่จะได้รับตอบแทนจากการถือทรัพย์สินในรูปแบบต่าง ๆ กัน การจัดส่วนประกอบในการถือสินทรัพย์เรียกว่า Portfolio

การจัด Portfolio ในความคิดของ Friedman ไม่ได้หมายถึงพันธบัตรอย่างเดียวตามแนวคิดของ Keynes แต่ Friedman เห็นว่ารูปแบบต่าง ๆ ในการถือสินทรัพย์ของบุคคลมีมากกว่า 5 แบบ ดังนี้

1. เงิน (Money) หมายถึง สิ่งที่ยอมรับกันทั่วไปในการชำระหนี้ หรือในการชำระค่าสินค้าซึ่งมีมูลค่าในรูปตัวเงินคงที่ Friedman ถือว่าอัตราผลตอบแทนที่แท้จริงของเงินขึ้นอยู่กับระดับราคาทั่วไปของสินค้าและบริการ

2. พันธบัตร (Bond) หมายถึง สิทธิเรียกร้องที่มีต่อกระแสของเงินที่จะได้รับชำระในอนาคต ซึ่งมีมูลค่าในรูปตัวเงินคงที่ต่อปี (Nominal Yield) Friedman เชื่อว่าบุคคลจะเลือกถือพันธบัตร เมื่อผลตอบแทนจากพันธบัตรนั้นสูง โดยคาดหมายว่าผลตอบแทนในรูปตัวเงินคงที่ต่อปี หรืออัตราดอกเบี้ยจากการถือพันธบัตรนั้นสูงกว่าดอกเบี้ยในท้องตลาด ก็จะถือเงินสดน้อยลง

3. หุ้น (Equity) หมายถึง สิทธิเรียกร้องที่มีต่อผลตอบแทนของธุรกิจตามสัดส่วนจำนวนหุ้นที่ถืออยู่ การพิจารณาผลตอบแทนจากการถือสินทรัพย์ในรูปของหุ้นนั้น ๆ Friedman พิจารณาผลตอบแทนของหุ้นเช่นเดียวกับผลตอบแทนของพันธบัตร (Bond) Friedman เห็นว่าการเลือกถือหุ้นมีผลให้การถือเงินสดลดลง โดยที่ผลตอบแทนจากหุ้นพิจารณาเป็น 3 ประเภท คือ

3.1 ผลตอบแทนต่อปีในกรณีราคาไม่เปลี่ยนแปลง

3.2 จากการเพิ่มขึ้นหรือลดลงของผลตอบแทนในรูปตัวเงิน อันเนื่องมาจากการเปลี่ยนแปลงราคา

3.3 จากกำไรส่วนทุนหรือขาดทุนส่วนทุน อันเนื่องมาจากราคาตลาดของหุ้นที่เปลี่ยนแปลง

4. สินค้ากายภาพที่ไม่ใช่มนุษย์ (Physical Non-human Goods) หมายถึงสินค้าที่มีตัวตนและจับต้องได้ ผลตอบแทนจากสินค้าคือเมื่อบุคคลคาดว่าราคาสินค้าในอนาคตจะสูงขึ้นกว่าเดิม บุคคลจะต้องเปลี่ยนมาถือสินค้าเพื่อเก็งกำไร

5. ทุนมนุษย์ (Human Capital) หมายถึง มนุษย์เป็นปัจจัยการผลิตชนิดหนึ่ง ทรัพย์สินมนุษย์คือความสามารถในการผลิต (Productivity Capacity) ของมนุษย์และสามารถก่อให้เกิดรายได้ โดยแสดงสมการของความต้องการถือเงินของ Milton Friedman ได้ดังนี้

$$M/P = f(Y, W, r_m, r_b, r_e, 1/P \cdot dP/dt, u) \quad (2.1)$$

โดยที่

M/P คือ ปริมาณเงินที่แท้จริงที่ต้องการถือ ซึ่งได้รับอิทธิพลจากปัจจัยดังต่อไปนี้

Y คือ รายได้ถาวร

W คือ สัดส่วนของเศรษฐกิจที่มีไม่ใช่มนุษย์ทรัพยากร

$r_m$  คือ อัตราผลตอบแทนที่คาดว่าจะได้รับของเงิน

- $r_b$  คือ อัตราผลตอบแทนของหลักทรัพย์ที่คาดว่าจะได้รับและการเปลี่ยนแปลงราคาของหลักทรัพย์ที่คาดคะเน
- $r_e$  คือ อัตราผลตอบแทนของหุ้นที่คาดคะเนจะได้รับรวมตลอดถึงราคาของหุ้นที่คาดคะเนไว้ว่าจะเปลี่ยนแปลง
- $1/P \cdot dP/dt$  คือ อัตราการคาดคะเนการเปลี่ยนแปลงของราคาสินค้าและผลตอบแทนที่เป็นตัวเงินของ Real Assets
- $u$  คือ รสนิยมและความพึงพอใจตลอดจนตัวแปรอื่น ๆ ที่มีผลกระทบต่อความต้องการถือเงินที่มีได้กล่าวไว้ข้างต้น ดังเช่นในกรณีเกิดสงครามขึ้น เป็นต้น

## 2) ทฤษฎีกลุ่มหลักทรัพย์ของ Markowitz

Markowitz (1952) ได้เสนอทฤษฎีกลุ่มหลักทรัพย์สมัยใหม่ (Modern Portfolio Theory) มีแนวคิดว่านักลงทุนทุกคนเป็นผู้หลีกเลี่ยงความเสี่ยง โดย Harry Markowitz ได้อธิบายพฤติกรรมของนักลงทุน กล่าวคือ นักลงทุนต้องการได้รับผลตอบแทนจากหลักทรัพย์สูงสุดภายใต้ความเสี่ยงที่เท่ากัน หรือในระดับอัตราผลตอบแทนที่เท่ากัน แต่ระดับความเสี่ยงที่น้อยที่สุด เลือกลงทุนในหลักทรัพย์ได้อย่างเท่าเทียมกัน แม้ว่าอัตราผลตอบแทนที่คาดหวัง หรือ มีประสิทธิภาพสูงสุด นักลงทุนจะเลือกลงทุนในหลักทรัพย์ใด ขึ้นอยู่กับความชอบในเรื่องของความเสี่ยง ถ้านักลงทุนเป็นผู้ชอบความเสี่ยงก็จะเลือกลงทุนในหลักทรัพย์ที่มีความเสี่ยงมาก และให้อัตราผลตอบแทนสูง แต่ถ้านักลงทุนเป็นผู้หลีกเลี่ยงความเสี่ยง ก็จะลงทุนในหลักทรัพย์ที่มีความเสี่ยงต่ำ และได้อัตราผลตอบแทนต่ำ นักลงทุนจะพิจารณาผลตอบแทนที่คาดหวังเปรียบเทียบกับความเสี่ยงเพื่อช่วยในการตัดสินใจในการลงทุนในหลักทรัพย์

ภายใต้สมมติฐานเกี่ยวกับพฤติกรรมการลงทุนดังนี้

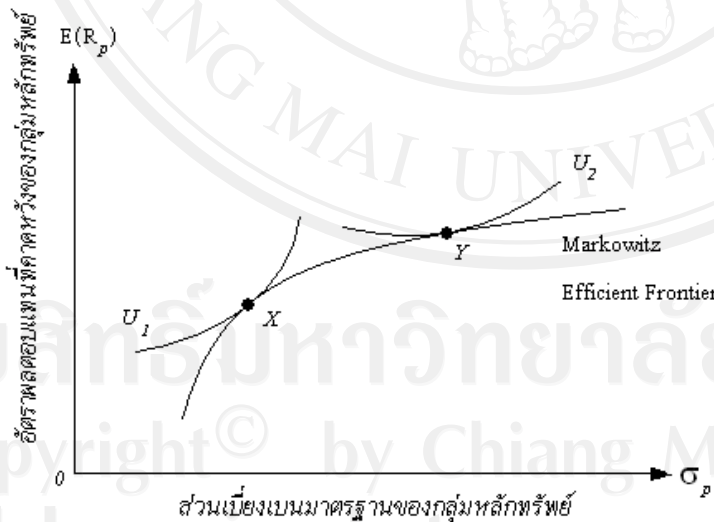
1. ผู้ลงทุนพิจารณาถึงทางเลือกในการลงทุน โดยกระจายตัวของความน่าจะเป็นที่จะเกิดขึ้นของอัตราผลตอบแทนที่คาดหวังในช่วงระยะเวลาใดระยะเวลาหนึ่ง
2. ผู้ลงทุนเป็นผู้แสวงหาความมั่งคั่งสูงสุด โดยคาดหวังอรรถประโยชน์สูงสุด (Maximized Utility) ในช่วงเวลาการลงทุนที่กำหนด
3. ผู้ลงทุนจะประมาณค่าความเสี่ยงของกลุ่มหลักทรัพย์ โดยดูจากค่าความแปรปรวนหรือส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของอัตราผลตอบแทน
4. ผู้ลงทุนใช้อัตราผลตอบแทนที่คาดหวัง และความเสี่ยงเพียง 2 ปัจจัยเท่านั้นในการพิจารณาเลือกลงทุน

5. ผู้ลงทุนเป็นผู้ที่พยายามหลีกเลี่ยงความเสี่ยง โดยจะพิจารณาเลือกลงทุนในทางเลือกที่มีความเสี่ยงที่ต่ำกว่าสำหรับทางเลือกที่มีอัตราผลตอบแทนที่เท่ากัน และจะพิจารณาเลือกลงทุนในทางเลือกที่ให้อัตราผลตอบแทนที่สูงกว่า หากมีความเสี่ยงที่เท่ากัน

หากพิจารณาถึงหลักทรัพย์ที่ผู้ลงทุนพิจารณาเลือกลงทุน จะพบว่าให้อัตราผลตอบแทนและความเสี่ยงในระดับต่าง ๆ กัน โดยหากพิจารณาถึงเส้นโค้งกลุ่มหลักทรัพย์ที่มีประสิทธิภาพของมาร์โควิทซ์แล้ว จะเป็นเส้นที่แสดงถึงโอกาสในการเลือกลงทุนของแต่ละหลักทรัพย์ในกลุ่มหลักทรัพย์ที่ทำการพิจารณา โดยแต่ละหลักทรัพย์จะให้อัตราผลตอบแทนต่อความเสี่ยงในระดับแตกต่างกันไป แต่จะกระจายอยู่ในรูปแบบของเส้นโอกาสการลงทุน (Investment Opportunity Set)

มาร์โควิทซ์ได้นำเอาทั้ง 2 ทฤษฎีมาผสมผสาน และ พิสูจน์เป็นความสัมพันธ์ระหว่างพฤติกรรมการลงทุน และ เส้นโค้งกลุ่มหลักทรัพย์ที่มีประสิทธิภาพของมาร์โควิทซ์ ดังแสดงไว้ตามรูปที่ 2.1

รูปที่ 2.1 เส้นโค้งอรรถประโยชน์ (Utility Curve) และเส้นโค้งกลุ่มหลักทรัพย์ที่มีประสิทธิภาพของ มาร์โควิทซ์ (Markowitz Efficient Frontier)



ที่มา : ทฤษฎีตลาดทุน : การบริหารกลุ่มสินทรัพย์ลงทุน 2549 ตลาดหลักทรัพย์แห่งประเทศไทย

จากรูปที่ 3 ณ จุด X และจุด Y แสดงถึงพฤติกรรมของนักลงทุน ในการเลือกลงทุนที่แตกต่างกัน ซึ่งจุด X แสดงถึงพฤติกรรมของนักลงทุนที่ยอมรับความเสี่ยงได้น้อย ดังนั้นอัตรา

ผลตอบแทนที่คาดหวังก็จะน้อย และจุด Y แสดงถึงพฤติกรรมของนักลงทุนที่ยอมรับความเสี่ยงได้มาก ดังนั้นอัตราผลตอบแทนที่คาดหวังก็จะมากขึ้นเช่นกัน

เมื่อนำแนวคิดของทฤษฎีอรรถประโยชน์ ที่แสดงถึงเส้นความพึงพอใจเท่ากันของผู้ลงทุน และ เส้นโค้งกลุ่มหลักทรัพย์ที่มีประสิทธิภาพของ มาร์โควิทซ์ จึงทำให้เกิดกลุ่มหลักทรัพย์ที่มีความเหมาะสม (Optimal Portfolio) ซึ่งเป็นแนวคิดพื้นฐานของทฤษฎีตลาดทุน และแบบจำลองการตั้งราคาหลักทรัพย์ (Capital Asset Pricing Model : CAPM) เพื่อใช้ประเมินราคาหลักทรัพย์ต่าง ๆ ให้สอดคล้องกับสภาพความเสี่ยงของหลักทรัพย์ ในเวลาต่อมา

### 2.1.2 ทฤษฎีเกี่ยวกับอนุกรมเวลา (Time Series Data Analysis)

การวิเคราะห์ข้อมูลอนุกรมเวลา (Time Series Data) มีเงื่อนไขว่าข้อมูลที่นำมาศึกษาจะต้องมีลักษณะนิ่ง (Stationary) โดยต้องทดสอบค่าเฉลี่ย (Mean) และ ค่าความแปรปรวน (Variance) ว่าไม่มีความแปรปรวนไปตามเวลา อันจะส่งผลให้เกิดเป็นความสัมพันธ์ของสมการถดถอยที่ไม่แท้จริง (Spurious Regression) นำไปสู่การสรุปผลความสัมพันธ์ที่ไม่ถูกต้อง การทดสอบว่าข้อมูลไม่มีความนิ่ง (Non - Stationary Test) สังเกตในเบื้องต้นได้จากค่าสถิติ  $t$  มีค่ามาก แต่การแจกแจงไม่เป็นไปแบบมาตรฐาน, ค่า  $R^2$  มีค่าสูง, ค่าสถิติ Durbin Watson (DW) Statistic มีค่าต่ำ แสดงถึงปัญหา Autocorrelation จึงเป็นการยากที่จะยอมรับรูปแบบสมการได้ในทางเศรษฐศาสตร์ (Enders, 1995) และ (Johnston and Dinardo, 1997)

ปัญหาความไม่นิ่ง (Non - Stationary) ของข้อมูล จะต้องทดสอบหาค่าอันดับความสัมพันธ์ของข้อมูล (Order of Integration) แล้วทำการ Differencing ข้อมูลตัวแปร ก่อนที่จะนำตัวแปรดังกล่าวมาหาความสัมพันธ์เพื่อหลีกเลี่ยงปัญหาความสัมพันธ์ของสมการถดถอยที่ไม่แท้จริง (Spurious Regression) และจึงทำการวิเคราะห์หาความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพระยะยาว (Cointegrating Relationship) โดยไม่ต้องทำการ Differencing ข้อมูล

ข้อมูลอนุกรมเวลาที่มีลักษณะนิ่ง (Stationary) หมายถึง ข้อมูลอนุกรมเวลามีสภาพของการสมดุลเชิงสถิติ (Statistic Equilibrium) คือ การที่ข้อมูลไม่มีการเปลี่ยนแปลงเมื่อเวลาเปลี่ยนไป แสดงได้ดังนี้

1. กำหนดให้  $x_t, x_{t+1}, x_{t+2}, \dots, x_{t+k}$  เป็นข้อมูลอนุกรมเวลาที่เวลา  $t, t+1, t+2, \dots, t+k$
2. กำหนดให้  $x_{t+m}, x_{t+m+1}, x_{t+m+2}, \dots, x_{t+m+k}$  เป็นข้อมูลอนุกรมเวลาที่เวลา  $t+m, t+m+1, t+m+2, \dots, t+m+k$

3. กำหนดให้  $P(x_t, x_{t+1}, x_{t+2}, \dots, x_{t+k})$  เป็นการแจกแจงความน่าจะเป็นร่วม

ของ  $x_t, x_{t+1}, x_{t+2}, \dots, x_{t+k}$

4. กำหนดให้  $P(x_{t+m}, x_{t+m+1}, x_{t+m+2}, \dots, x_{t+m+k})$  เป็นการแจกแจงความ

น่าจะเป็นร่วมของ  $x_{t+m}, x_{t+m+1}, x_{t+m+2}, \dots, x_{t+m+k}$

จากข้อกำหนดทั้ง 4 ข้อดังกล่าว จะเป็นอนุกรมเวลาที่มีลักษณะนิ่งก็ต่อเมื่อ

$$P(x_t, x_{t+1}, x_{t+2}, \dots, x_{t+k}) = P(x_{t+m}, x_{t+m+1}, x_{t+m+2}, \dots, x_{t+m+k})$$

โดยหากพบว่า  $P(x_t, x_{t+1}, x_{t+2}, \dots, x_{t+k})$  มีค่าไม่เท่ากับ  $P(x_{t+m}, x_{t+m+1}, x_{t+m+2}, \dots, x_{t+m+k})$  จะสรุปได้ว่าข้อมูลอนุกรมเวลามีลักษณะไม่นิ่ง (Non-Stationary) ซึ่งในการทดสอบ จะพิจารณาค่าสัมประสิทธิ์ในตัวเอง (Autocorrelation Coefficient Function : ACF) ตามแบบจำลองของบ็อก-เจนกินน์ (Box-Jenkins Model) ซึ่งหากพบว่า  $\rho$  ที่ได้จากการพิจารณาค่าสัมประสิทธิ์ในตัวเองนั้น มีค่าใกล้ 1 มาก ๆ จะส่งผลให้การพิจารณาที่ค่า ACF ที่ได้ไม่แน่นอน ดิกกี - ฟูลเลอร์ (Dickey-Fuller) จึงพัฒนาวิธีการตรวจสอบข้อมูลอนุกรมเวลาว่ามีลักษณะนิ่ง หรือไม่ ด้วยการทำ Unit Root Test

### 1) การทดสอบความนิ่งของข้อมูล โดยการทำให้ Unit Root Test

เนื่องจากข้อมูลที่เรานำมาศึกษานั้นเป็นข้อมูลอนุกรมเวลา จึงจำเป็นต้องทำการทดสอบ Unit Root Test เพื่อให้ทราบว่าข้อมูลอนุกรมเวลาที่นำมาวิเคราะห์นั้นมีความนิ่ง (Stationary) หรือไม่นิ่ง (Non - Stationary) สมมติว่าตัวแปรหนึ่งๆ ( $x$ ) เป็น Unit Root แล้ว ก็เท่ากับเราพบว่าตัวแปรนั้นไม่นิ่ง ในที่นี้ใช้วิธีการทดสอบที่มีความนิยมอย่างแพร่หลาย คือการทดสอบ Dickey - Fuller (DF) และ Augmented Dicky - Fuller (ADF) ดังรายละเอียดต่อไปนี้

การทดสอบ Unit Root ที่ใช้การทดสอบแบบ Dicky-Fuller (DF) (Dickey and Fuller, 1979) และการทดสอบแบบ Augmented Dicky-Fuller (ADF) (Said and Dicker, 1984) นั้นมีสมมุติฐานว่าง (Null Hypothesis) ของการทดสอบ DF (DF Test) จากสมการ

$$x_t = \rho x_{t-1} + \varepsilon_t \quad (2.2)$$

โดยที่

$x_t, x_{t-1}$  คือ ข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรอิสระ ณ เวลา  $t$  และ  $t-1$

$\varepsilon_t$  คือ ความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม (Random Error)

$\rho$  คือ สัมประสิทธิ์อัตโนมัติสหสัมพันธ์ (Autocorrelation Coefficient)

โดยมีสมมติฐานในการทดสอบ คือ

$$H_0 : \rho = 1$$

$$H_1 : |\rho| < 1 ; -1 < \rho < 1$$

การทดสอบ สมมติฐานเป็นการทดสอบว่าตัวแปรที่ศึกษา ( $x_t$ ) นั้นมี Unit Root หรือไม่สามารถพิจารณาได้จากค่า  $\rho$  ถ้ายอมรับ  $H_0$  จะกล่าวได้ว่า  $x_t$  มีลักษณะไม่นิ่ง (Non - Stationary) หรือ  $x_t$  มี Unit Root และถ้ายอมรับ  $H_1$  หมายความว่า  $x_t$  จะมีลักษณะนิ่ง (Stationary) หรือ  $x_t$  ไม่มี Unit Root จากการเปรียบเทียบค่า  $t$  - statistics ที่คำนวณได้กับค่าในตาราง Dickey-Fuller จะสามารถปฏิเสธสมมติฐานได้ แสดงว่าตัวแปรที่นำมาทดสอบมีลักษณะนิ่ง หรือเป็น Integrated of Order 0 แทนด้วย  $x_t \approx I(0)$  อย่างไรก็ตามการทดสอบนี้สามารถทำได้อีกทางหนึ่งซึ่งให้ผลเหมือนกับสมการข้างบนกล่าวคือ

$$\text{ให้ } \rho = 1 + \theta ; -1 < \theta < 1 \quad (2.3)$$

โดยที่  $\theta$  คือ พารามิเตอร์

$$\text{จะได้ } x_t = (1 + \theta)x_{t-1} + \varepsilon_t \quad (2.4)$$

$$x_t = x_{t-1} + \theta x_{t-1} + \varepsilon_t \quad (2.5)$$

$$\text{ดังนั้น } \Delta x_t = x_t - x_{t-1} = \theta x_{t-1} + \varepsilon_t \quad (2.6)$$

จะได้สมมติฐานการทดสอบของ Dickey-Fuller ใหม่ คือ

$$H_0 : \theta = 0 \quad (\text{Non - Stationary})$$

$$H_1 : \theta < 0 \quad (\text{Stationary})$$

หาก  $\theta$  ในสมการ มีค่าเป็นลบ แสดงว่า  $\rho$  ในสมการมีค่าน้อยกว่า 1 ดังนั้น สรุปการทดสอบได้ว่าเราปฏิเสธ  $H_0 : \theta = 0$  ซึ่งเท่ากับเป็นการยอมรับ  $H_1 : \theta < 0$  หมายความว่า  $\rho < 1$

และ  $x_t$  มี Integration of Order Zero หรือ I(0) นั่นคือ  $x_t$  มีลักษณะนิ่ง (Stationary) แต่ถ้าเราไม่สามารถปฏิเสธ  $H_0 : \theta = 0$  ได้ ก็จะหมายความว่า  $x_t$  มีลักษณะไม่นิ่ง (Non-Stationary)

เนื่องจากข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t$  มีส่วนสัมพันธ์กับข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t-1$  ทั้ง ค่าคงที่ และ ค่าแนวโน้ม ดังนั้นแล้ว Dickey- Fuller จะพิจารณาสมการถดถอยได้ 3 รูปแบบที่แตกต่างกันในการทดสอบว่ามี Unit Root หรือไม่ ซึ่ง 3 สมการดังกล่าวได้แก่

$$\Delta x_t = \theta x_{t-1} + \varepsilon_t \quad (2.7)$$

$$\Delta x_t = \alpha + \theta x_{t-1} + \varepsilon_t \quad (2.8)$$

$$\Delta x_t = \alpha + \beta t + \theta x_{t-1} + \varepsilon_t \quad (2.9)$$

ถ้า  $x_t$  เป็นแนวเดินเชิงสุ่มซึ่งมีความโน้มเอียงทั่วไปรวมอยู่ด้วย (Random Walk with Drift) แบบจำลองจะเป็นไปตามสมการที่ (2.8)

ถ้า  $x_t$  เป็นแนวเดินเชิงสุ่มซึ่งมีความโน้มเอียงทั่วไปรวมอยู่ด้วย (Random Walk with Drift) และมีแนวโน้มตามเวลาเชิงเส้น (Linear Time Trend) แบบจำลองจะเป็นไปตามสมการที่ (2.9)

การตั้งสมมติฐานของการทดสอบ Dickey-Fuller เป็นเช่นเดียวที่กล่าวมาแล้วข้างต้น ส่วนการทดสอบโดยใช้การทดสอบ Augmented Dickey - Fuller (ADF) โดยเพิ่มขบวนการถดถอยในตัวเอง (Autoregressive Process) เข้าไปในสมการ ซึ่งเป็นการแก้ปัญหาในกรณีที่ใช้การทดสอบของ Dickey- Fuller แล้วค่า Durbin Watson ต่ำ การเพิ่มขบวนการถดถอยในตัวเองนั้น ผลการทดสอบ ADF จะทำให้ได้ค่า Durbin Watson เข้าใกล้ 2 ทำให้ได้สมการใหม่ จากการเพิ่ม Lagged Change เข้าไปในสมการการทดสอบ Unit Root ทางด้านขวามือ ซึ่งพจน์ที่ใส่เข้าไปนั้น จำนวน Lagged Term ( $p$ ) จะขึ้นอยู่กับความเหมาะสมของข้อมูล หรือสามารถใส่จำนวน Lag ไปจนกระทั่งไม่เกิดปัญหา Autocorrelation ดังนี้

$$\text{None} \quad \Delta x_t = \theta x_{t-1} + \sum_{i=1}^p \phi_i \Delta x_{t-i} + \varepsilon_t \quad (2.10)$$

$$\text{Intercept} \quad \Delta x_t = \alpha + \theta x_{t-1} + \sum_{i=1}^p \phi_i \Delta x_{t-i} + \varepsilon_t \quad (2.11)$$

$$\text{Intercept\&Trend} \quad \Delta x_t = \alpha + \beta t + \theta x_{t-1} + \sum_{i=1}^p \phi_i \Delta x_{t-i} + \varepsilon_t \quad (2.12)$$



โดยที่

$\alpha, \beta, \theta, \phi$  คือ ค่าพารามิเตอร์

$p$  คือ จำนวนของ Lagged ที่ใส่เข้าไปเพื่อแก้ปัญหา Autocorrelation ในตัวแปรสุ่ม

$\varepsilon_t$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม

จำนวนของ Lagged Term ( $p$ ) ที่เพิ่มเข้าไปในสมการขึ้นอยู่กับความเหมาะสมของแต่ละงานวิจัยหรือเพิ่มค่า Lag ในสมการจนกว่าส่วนของค่าความคลาดเคลื่อนจะไม่เกิดปัญหา Autocorrelation

การทดสอบสมมติฐานทั้งวิธี Dickey-Fuller Test (DF) และวิธี Augmented Dickey-Fuller Test (ADF) เป็นการทดสอบว่าตัวแปรที่ทดสอบ ( $x_t$ ) มี Unit Root หรือไม่ ซึ่งสามารถหาได้จากค่า  $\theta$  ถ้าค่า  $\theta$  มีค่าเท่ากับ 0 แสดงว่าตัวแปร  $x_t$  นั้นมี Unit Root ซึ่งทดสอบสมมติฐานได้โดยการเปรียบเทียบค่า  $t$ -statistic ที่คำนวณได้กับค่าในตาราง Dickey-Fuller (Dickey-Fuller Tables) (Enders, 1995 : 221) ซึ่งค่า  $t$ -statistic ที่นำมาทดสอบสมมติฐานในแต่ละรูปแบบนั้นจะต้องนำมาเปรียบเทียบกับตาราง Dickey-Fuller ระดับต่างๆ ถ้าสามารถปฏิเสธสมมติฐานได้ แสดงว่าตัวแปรที่นำมาทดสอบเป็น Integration of order 0 แทนได้ด้วย  $x \sim I(0)$

กรณีที่การทดสอบสมมติฐานพบว่า  $x_t$  มี unit root นั้นต้องมีค่า  $\Delta x_t$  มาทำ Differencing ซึ่งสามารถปฏิเสธสมมติฐานที่ว่า  $x_t$  มีความไม่นิ่งของข้อมูลได้ เพื่อทราบว่าเป็น Order of Integration ( $d$ ) ว่าอยู่ในระดับใด [ $x_t \sim I(d); d > 0$ ]

## 2) การทดสอบความสอดคล้องของข้อมูลอนุกรมเวลา (Cointegration Test)

เป็นการทดสอบความสอดคล้องของข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรคู่ใดๆ ว่ามีการเคลื่อนไหวที่สอดคล้องกันหรือไม่ เนื่องจากภายใต้ความเชื่อที่ว่าในระยะยาวแล้วตัวแปรทางเศรษฐกิจควรจะมีการเคลื่อนไหวในทิศทางใดทิศทางหนึ่งที่สอดคล้องกัน แม้ว่าในระยะสั้นความเคลื่อนไหวของตัวแปรดังกล่าวอาจจะมีการเคลื่อนไหวที่ไม่สามารถกำหนดทิศทางที่แน่นอนได้ก็ตาม และยังเป็น การทดสอบการเคลื่อนไหวของค่าความคลาดเคลื่อน (Error Term) ของสมการความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรที่ต้องการทดสอบ ซึ่งมีเงื่อนไขดังนี้

- ตัวแปรอนุกรมเวลาที่ต้องการทดสอบ ต้องมีคุณสมบัติของความนิ่งของตัวแปร หรือถ้าตัวแปรที่ต้องการทดสอบไม่มีคุณสมบัติดังกล่าว การเปลี่ยนแปลงของตัวแปร ณ ลำดับที่ใดๆ ( $d$ ) มีคุณสมบัติของความนิ่งแล้ว กล่าวได้ว่า ตัวแปรอนุกรมเวลาดังกล่าวมีการเคลื่อนไหวที่สอดคล้องกันในระยะยาว (Cointegration)

- แม้ว่าตัวแปรที่ต้องการทดสอบจะไม่มีคุณสมบัติความนิ่งอยู่ก็ตาม แต่ถ้าค่าความคลาดเคลื่อน ( $e_t$ ) ของความสัมพันธ์เชิงเส้นตรงของตัวแปรคู่ใดๆ มีคุณสมบัติของความนิ่ง เราสามารถกล่าวได้ว่า ตัวแปรทั้งสองมีลักษณะความสัมพันธ์เป็น Cointegration ได้

### ขั้นตอนในการทดสอบ Cointegration มีดังต่อไปนี้

1. ทดสอบตัวแปรในแบบจำลองว่ามีลักษณะเป็น Non-Stationary หรือไม่โดยใช้วิธีการ ADF Test โดยไม่ต้องใส่ค่าคงที่ (Intercept) และแนวโน้มของเวลา (Trend)
2. การประมาณสมการถดถอยด้วยวิธีการกำลังสองน้อยที่สุด ( Ordinary Least Square : OLS)
3. นำส่วนที่เหลือ ( Residual) จากการประมาณค่าในขั้นตอนที่ 2 มาทดสอบยูนิทรูทเพื่อให้ทราบว่าส่วนที่เหลือมีความนิ่งหรือไม่ตามสมการดังนี้

$$\Delta e_t = \gamma e_{t-1} + v_t \quad (2.13)$$

โดยที่

$e_t, e_{t-1}$  คือ ส่วนที่เหลือ (Residual) ณ เวลา  $t$  และ  $t-1$  ที่นำมาหาสมการถดถอยใหม่

$\gamma$  คือ ค่าพารามิเตอร์

$v_t$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม

สมมติฐานที่ใช้ในการทดสอบ Cointegration มีดังนี้

$$H_0 : \hat{\gamma} = 0 \quad (\text{No - Cointegration})$$

$$H_1 : \hat{\gamma} < 0 \quad (\text{Cointegration})$$

การทดสอบสมมติฐานเปรียบเทียบค่า  $t$  - statistics ที่คำนวณได้จากอัตราส่วนของ  $\hat{\gamma} / \text{S.E. } \hat{\gamma}$  ไปเปรียบเทียบกับตาราง ADF test ซึ่งถ้าค่า  $t$  - statistics มากกว่าค่าวิกฤตของ MacKinnon ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนดไว้ ก็จะเป็นการปฏิเสธสมมติฐานว่าง (Null Hypothesis) นำไปสู่ข้อสรุปที่ว่าตัวแปรที่มีลักษณะไม่นิ่ง (No-Cointegration) ในสมการดังกล่าวมีลักษณะร่วมกันไปด้วยกัน (Cointegration)

อย่างไรก็ตาม ถ้าส่วนตกค้างหรือส่วนที่เหลือ (Residuals) ของสมการ (2.13) ไม่เป็น white noise เราก็จะใช้การทดสอบ ADF แทนที่จะใช้สมการ (2.13) โดยสมมติว่า  $v_t$  ของสมการ (2.13) มีสหสัมพันธ์เชิงอันดับ (Serial Correlation) เราก็จะใช้สมการดังนี้

$$\Delta e_t = \gamma e_{t-1} + \eta \Delta e_{t-1} + v_t \quad (2.14)$$

$\eta$  คือ ค่าพารามิเตอร์

หากพบว่า  $-2 < \hat{\gamma} < 0$  เราสามารถสรุปได้ว่า ส่วนตกค้างหรือส่วนที่เหลือ (Residuals) มีลักษณะนิ่ง (Stationary) และ  $y_t$  และ  $x_t$  จะเป็น CI(1,1) โปรดสังเกตว่าสมการที่ (2.13) และ (2.14) ไม่มีพจน์ส่วนตัด (Intercept Term) เนื่องจาก  $e_t$  เป็นส่วนตกค้างหรือส่วนที่เหลือ (Residuals) จากสมการถดถอย (Regression Equation) (Engle, 1982; Granger and Engle, 1974)

### 3) การทดสอบ Error Correction Mechanism (ECM)

แบบจำลอง ECM คือกลไกการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาว สมมติให้  $Y_t$  และ  $X_t$  เป็นข้อมูลอนุกรมเวลาที่มีลักษณะไม่นิ่ง และตัวแปรทั้งสองมีความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะยาว แต่ในระยะสั้นอาจมีการออกนอกดุลยภาพได้ ดังนั้น ค่าความคลาดเคลื่อนไปจากดุลยภาพนี้อาจเป็นตัวเชื่อมพฤติกรรมในระยะสั้น และ ระยะยาวเข้าด้วยกัน โดยลักษณะสำคัญของตัวแปรอนุกรมเวลาที่มีการร่วมกันไปด้วยกันคือ วิถีเวลา (Time Path) ของอนุกรมเวลาเหล่านี้ได้รับอิทธิพลจากการเบี่ยงเบนออกไปจากดุลยภาพในระยะยาว ดังนั้น เมื่อกลับเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาว การเคลื่อนไหวของข้อมูลอนุกรมเวลาอย่างน้อย บางตัวแปรจะต้องตอบสนองต่อขนาดของการออกนอกดุลยภาพ ในแบบจำลอง ECM พลวัตระยะสั้น (Short Term Dynamics) ของตัวแปรในระบบจะได้รับอิทธิพลการเบี่ยงเบนออกจากดุลยภาพ (ทรงศักดิ์ ศรีบุญจิตต์ และ อารี วิบูลย์พงษ์, 2542)

ตัวอย่างแบบจำลอง Error Correction Model (ECM) เป็นดังนี้

$$\Delta y_t = a_1 + a_2 e_{t-1} + \sum_{m=1}^n a_3 \Delta x_{t-m} + \sum_{p=1}^q a_4 \Delta y_{t-p} + \mu_{yt} \quad (2.15)$$

$$\Delta x_t = b_1 + b_2 e_{t-1} + \sum_{r=1}^s b_3 \Delta x_{t-r} + \sum_{u=1}^v b_4 \Delta y_{t-u} + \mu_{xt} \quad (2.16)$$

โดยที่

$\Delta x_t, \Delta y_t$  คือ การเปลี่ยนแปลงของข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t$

$\Delta x_{t-m}, \Delta x_{t-r}$  คือ การเปลี่ยนแปลงของข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t-m$  และ  $t-r$

$\Delta y_{t-p}, \Delta y_{t-u}$  คือ การเปลี่ยนแปลงของข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t-p$  และ  $t-u$

$e_{t-1}$  คือ ส่วนที่เหลือ (Residual) ณ เวลา  $t-1$  จากสมการความสัมพันธ์ระยะยาว

$\mu_{yt}, \mu_{xt}$  คือ ความคลาดเคลื่อนของตัวแปรเชิงสุ่ม

$a_1, a_2, a_3, a_4, b_1, b_2, b_3, b_4$  คือ ค่าพารามิเตอร์ ตัวที่  $m=1, 2, 3, \dots, n$

ตัวที่  $p=1, 2, 3, \dots, q$

ตัวที่

$r=1, 2, 3, \dots, s$

ตัวที่  $u=1, 2, 3, \dots, v$

ใช้สมมติฐานในการทดสอบ ECM ดังนี้

1.  $H_0: a_2 = 0$  (ไม่มีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น)

$H_1: a_2 \neq 0$  (มีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น)

2.  $H_0: b_2 = 0$  (ไม่มีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น)

$H_1: b_2 \neq 0$  (มีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น)

หากผลการทดสอบ ยอมรับสมมติฐานว่าง ( $H_0$ ) จึงจะสามารถสรุปได้ว่า  $x_t$  กับ  $y_t$  ไม่มีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น แต่ถ้าผลการทดสอบปฏิเสธสมมติฐานว่าง โดยค่า  $a_2$  หรือ  $b_2$  จะมีค่าอยู่ระหว่าง 0 ถึง -1 สรุปได้ว่า  $x_t$  กับ  $y_t$  มีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น

#### 4) การทดสอบต้นเหตุ (Engle and Granger Causality)

แนวคิดและวิธีทดสอบสามารถสรุปได้ดังนี้ สมมติว่ามีตัวแปรอยู่ 2 ตัว คือ  $x$  และ  $y$  ในลักษณะที่เป็นข้อมูลอนุกรมเวลาถ้าการเปลี่ยนแปลงของ  $x$  เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลงของ  $y$  แล้ว  $x$  ก็ควรที่จะเกิดขึ้นก่อน  $y$  สรุปว่า ถ้า  $x$  เป็นต้นเหตุให้เกิดการเปลี่ยนแปลงใน  $y$  เงื่อนไขสองประการจะต้องเกิดขึ้น

**ประการที่ 1 :**  $x$  ควรจะช่วยในการทำนาย  $y$  นั่นก็คือในการถดถอยของ  $y$  กับที่ผ่านมาจาก  $y$  นั้น ค่าที่ผ่านมาจาก  $x$  ซึ่งทำหน้าที่เป็นตัวแปรอิสระควรที่จะมีส่วนช่วยในการอธิบายของ สมการถดถอยอย่างมีนัยสำคัญ

**ประการที่ 2 :**  $y$  ไม่ควรช่วยในการทำนาย  $x$  เหตุผลก็คือว่าถ้า  $x$  ช่วยทำนาย  $y$  และ  $y$  ช่วยทำนาย  $x$  ก็น่าจะมีตัวแปรอื่นอีกหนึ่งตัว หรือมากกว่าที่เป็นสาเหตุให้เกิดการเปลี่ยนแปลงทั้งใน  $x$  และ  $y$  เพราะฉะนั้นสมมติฐานว่าง (Null Hypothesis) ( $H_0$ ) ก็คือ  $x$  ไม่ได้เป็นต้นเหตุของ  $y$  ดังนั้น ในการทดสอบตามวิธีการของ Engle and Granger (1969) จะทำประมาณค่าสมการถดถอยสองสมการดังนี้

$$y_t = \sum_{i=1}^p \phi_i y_{t-i} + \sum_{i=1}^p \lambda_i x_{t-i} + \mu_t \quad (2.17)$$

$$y_t = \sum_{i=1}^p \phi_i y_{t-i} + \mu_t \quad (2.18)$$

สมการที่ (2.17) แสดงการถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัด(Unrestricted) ส่วน สมการที่ (2.18) แสดงการถดถอยที่ใส่ข้อจำกัด(Restricted) กำหนดให้

$RSS_r$  คือ ผลบวกส่วนตกค้างหรือส่วนที่เหลือยกกำลังสอง (Residual Sum of Squares) จากสมการการถดถอยที่ใส่ข้อจำกัด (Restricted Regression)

$RSS_{ur}$  คือ ผลบวกส่วนตกค้างหรือส่วนที่เหลือยกกำลังสอง (Residual Sum of Squares) จาก สมการการถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัด (Unrestricted Regression)

$q$  คือ จำนวนตัวแปรที่ถูกจำกัดออกไป (Restricted Variable)

$n$  คือ จำนวนกลุ่มตัวอย่างที่ทำการศึกษา

$k$  คือ จำนวนตัวแปรทั้งหมด กรณีที่ไม่ใส่ข้อจำกัด (Unrestricted)

โดยทำการทดสอบด้วยค่าสถิติ F - Test ดังนี้

$$F_{q,(n-k)} = \frac{(RSS_r - RSS_{ur}) / q}{RSS_{ur} / (n - k)}$$

ถ้าปฏิเสธ  $H_0$  ก็หมายความว่า  $x$  เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลงของ  $y$  ในทำนองเดียวกันถ้าเราต้องการทดสอบสมมติฐานว่าง (Null Hypothesis) ว่า  $y$  ไม่ได้เป็นต้นเหตุของ  $x$  ต้องทำกระบวนการทดสอบอย่างเดียวกับข้างต้น เพียงแต่ว่าสลับเปลี่ยนแบบจำลองข้างต้นจาก  $x$  มาเป็น  $y$  และจาก  $y$  มาเป็น  $x$  เท่านั้น ดังนี้

$$x_t = \sum_{i=1}^p \phi_i x_{t-i} + \sum_{i=1}^p \lambda_i y_{t-i} + \mu_t \quad (2.19)$$

$$x_t = \sum_{i=1}^p \phi_i x_{t-i} + \mu_t \quad (2.20)$$

สมการที่ (2.19) แสดงการถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัดส่วนสมการ ที่ (2.20) แสดงการถดถอยที่ใส่ข้อจำกัด แล้วใช้การทดสอบค่าสถิติ F – Test เช่นกัน

สังเกตว่าจำนวนของ Lag ซึ่งคือ  $p$  ในสมการเหล่านี้เป็นตัวเลขที่กำหนดขึ้นเองโดยทั่วไปแล้วจะเป็นการดีที่สุดที่จะทำการทดสอบ ณ ค่าของ  $p$  ที่แตกต่างกัน 2 ถึง 3 ค่าเพื่อที่จะได้แน่ใจว่าผลลัพธ์ที่ได้มานั้นไม่อ่อนไหวไปกับค่าของ  $p$  ที่เลือกมา จุดอ่อนของการทดสอบต้นเหตุนี้คือว่า ตัวแปรสาม ( $z$ ) เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลงของ  $y$  แต่อาจมีความสัมพันธ์กับ  $x$  วิธีแก้ปัญหานี้คือทำการถดถอยโดยที่ค่า lag ของ  $z$  ปรากฏอยู่ทางด้านตัวแปรอิสระด้วย (Granger, 1969)

## 2.2 เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

งานศึกษาที่เกี่ยวข้องกับการวิเคราะห์ความสัมพันธ์ ระหว่างอัตราผลตอบแทน ของกองทุน RMF และ กองทุน LTF และอัตราผลตอบแทนของดัชนีหลักทรัพย์กลุ่มพลังงาน ที่ผ่านมามีการศึกษอย่างกว้างขวาง ซึ่งส่วนใหญ่จะอาศัยแนวคิดที่ใกล้เคียงกัน แต่มีวิธีการศึกษาและเทคนิคที่ใช้แตกต่างกันออกไป โดยการศึกษาครั้งนี้ได้มีการทบทวนวรรณกรรมที่เกี่ยวข้อง ดังนี้

**พิเชษฐ โพธิ์จรยากุล (2547)** ได้ทำการศึกษาเรื่องการศึกษาความเสี่ยงและผลตอบแทนของกองทุนรวมในประเทศไทย มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาความเสี่ยง และใช้เป็นแนวทางในการประเมินราคาของกองทุนรวมในประเทศ โดยทำการศึกษาหน่วยลงทุนทั้งหมด 282 หน่วยลงทุน ตั้งแต่เดือน มิถุนายน 2540 ถึงเดือน ธันวาคม 2544 การศึกษานี้ใช้ทฤษฎีแบบจำลองการตั้งราคาหลักทรัพย์ (Capital Asset Pricing Model : CAPM) และทำการวัดประสิทธิภาพการบริหารหลักทรัพย์ของกองทุนรวมโดยใช้ทฤษฎี Sharpe 's Portfolio Performance Measure และ Treynor's Portfolio Performance Measure

ผลการศึกษาพบว่า อัตราผลตอบแทนเฉลี่ยของกองทุนรวมมีค่าต่ำกว่าอัตราผลตอบแทนจากการลงทุนในหลักทรัพย์ และอัตราผลตอบแทนจากการลงทุนในสินทรัพย์ที่ปราศจากความเสี่ยง เนื่องจากในช่วงเวลาดังกล่าวเป็นช่วงที่ประเทศไทยประสบปัญหาวิกฤตเศรษฐกิจนอกจากนี้ยังพบว่า ผลตอบแทนของกองทุนรวม มีอัตราการปรับตัวที่ช้ากว่าดัชนีตลาดหลักทรัพย์แห่งประเทศไทย โดยเฉพาะกองทุนรวมที่มีนโยบายลงทุนในหน่วยลงทุน และกองทุนที่มีนโยบายที่มีการลงทุนในตราสารหนี้ที่มีค่าในการปรับตัว (Beta) น้อยมาก

**ภวิษฐ์พร วงศ์ศักดิ์ (2549)** ได้ทำการวิเคราะห์ความเสี่ยงและผลตอบแทนของกองทุนรวมที่ลงทุนในต่างประเทศ จำนวน 17 กองทุน ที่จดทะเบียนในตลาดหลักทรัพย์แห่งประเทศไทย มีวัตถุประสงค์เพื่อ หาค่าความเสี่ยงและผลตอบแทนของกองทุนรวมที่ลงทุนในต่างประเทศ ใช้ข้อมูลราคาปิดรายสัปดาห์ ช่วงตั้งแต่ เมษายน พ.ศ. 2545 – ธันวาคม พ.ศ.2548 วิธีการในการศึกษา ใช้แนวคิดการกำหนดราคาหลักทรัพย์ตามแนวทางของ Markowitz และทฤษฎี CAPM ของ Wiliam F. Sharpe, John Lintner ในการพิจารณาถึงความเสี่ยงในการลงทุน เพื่อลดความเสี่ยงที่เป็นระบบ พร้อมกับเลือกกระจายการลงทุนไปยังหลักทรัพย์อื่น ๆ ที่เหมาะสม ขั้นตอนการทดสอบต้องทดสอบ Unit Root ( Dickey and Fuller, 1981 ) เพื่อให้ข้อมูลมีความนิ่ง ( Stationary ) โดยค่าที่ได้อยู่ในรูปแบบของ Order of Integration เป็น I(0) จากนั้นจึงวิเคราะห์การถดถอย OLS เพื่อหาแบบจำลองตามทฤษฎี CAPM หากค่าสัมประสิทธิ์เบต้าเป็นลบจึงแสดงว่าหลักทรัพย์เป็นแบบ Defensive Stock และ หากค่าสัมประสิทธิ์เบต้าเป็นบวกจึงแสดงว่าหลักทรัพย์เป็นแบบ Aggressive Stock นั่นเอง

**วรัญญา นวะมะรัตน์ (2550)** ได้ทำการศึกษถึงการลงทุนในกองทุนรวม เพื่อศึกษาอัตราผลตอบแทน ความเสี่ยงและความสามารถในการบริหารหลักทรัพย์ของกองทุนรวม มีวัตถุประสงค์เพื่อวิเคราะห์และเปรียบเทียบหากกองทุนที่มีผลตอบแทนจากหน่วยลงทุนที่ดีที่สุด ความเสี่ยงต่ำสุด และความสามารถบริหารกลุ่มหลักทรัพย์ได้อย่างมีประสิทธิภาพที่สุด โดยคัดเลือกกองทุนเปิดตราสารทุนที่มีนโยบายจ่ายเงินปันผลจำนวน 10 กองทุนที่มีระยะเวลาในการดำเนินงานอยู่ในช่วงเดียวกันคือตั้งแต่เดือน มกราคม 2546 ถึงเดือนธันวาคม 2549 การศึกษานี้ใช้ทฤษฎีแบบจำลองการตั้งราคาหลักทรัพย์ (Capital Asset Pricing Model : CAPM)

ผลการศึกษาพบว่า กองทุนที่มีผลตอบแทนจากหน่วยลงทุนสูงสุดคือ กองทุนเปิดทิสโก้หุ้นทุนปันผล (TISCOEDF) ส่วนกองทุนที่ให้ผลตอบแทนจากหน่วยลงทุนต่ำสุดคือ กองทุนรวมวรรณพลัส-วัน (ONE+1) หากพิจารณาทางด้านความเสี่ยง พบว่ากองทุนที่มีค่าความเสี่ยงสูงสุดคือ กองทุนเปิดทิสโก้หุ้นทุนปันผล (TISCOEDF) ส่วนกองทุนที่มีค่าความเสี่ยงต่ำสุดคือคือ กองทุนเปิดธนาวรรณ (THANA1)

**दनัย ไชยสาร (2551)** ได้ทำการศึกษาถึง การวิเคราะห์ความสัมพันธ์ระหว่างอัตราผลตอบแทนของกองทุนรวมและดัชนีตลาดหลักทรัพย์โดยวิธีโคอินทิเกรชัน โดยใช้ข้อมูลกองทุนเปิดตราสารทุนระยะยาว (LTF) และกองทุนเปิดเพื่อการเลี้ยงชีพ (RMF) ซึ่งอัตราผลตอบแทนของกองทุนรวมที่ใช้ในการศึกษามีอยู่ 9 กองทุนด้วยกันคือ ไทยพาณิชย์หุ้นระยะยาวปันผล 70/30 (SCBLT1) ไทยพาณิชย์หุ้นระยะยาวพลัส (SCBLT2) ไทยพาณิชย์หุ้นทุนเพื่อการเลี้ยงชีพ

(SCBRM4) กองทุนเปิดกรุงไทยหุ้นระยะยาว (KLTF) กองทุนเปิดบัวหลวงตราสารทุนเพื่อการเลี้ยงชีพ (BERMF) กองทุนเปิดบัวหลวงหุ้นระยะยาว (BLTF) กองทุนเปิดเคหุ้นระยะยาวปันผล (KDLTF) กองทุนเปิดเคหุ้นระยะยาว (KEQLTF) และกองทุนเปิดเคหุ้นทุนบริพัตรเพื่อการเลี้ยงชีพ (KFLRMF) โดยใช้ข้อมูลในการวิเคราะห์เป็นรายสัปดาห์เริ่มตั้งแต่สัปดาห์แรกของเดือนมกราคม 2548

ผลการศึกษาพบว่า ทั้ง 9 กองทุนมีระดับความนิ่งที่ I(1) และมีความสัมพันธ์เชิงคุณภาพในระยะยาวกับดัชนีตลาดหลักทรัพย์ เมื่อทำการทดสอบความสัมพันธ์เชิงคุณภาพในระยะสั้นด้วย Error Correction Model (ECM) พบว่าทุกกองทุนมีการปรับตัวในระยะสั้น และในระยะยาวพบว่า SCBRM4 และ SCBLT2 มีค่าความคลาดเคลื่อนน้อยกว่า -1 แสดงถึงไม่มีการปรับตัวเข้าสู่คุณภาพในระยะยาว ส่วนอีก 7 กองทุนมีการปรับตัวเข้าสู่คุณภาพในระยะยาว

ผลการทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลด้วย Granger Causality Test พบว่ามีเพียงกองทุน KLTF เพียงกองทุนเดียว ที่ดัชนีตลาดหลักทรัพย์ไม่ได้เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง อัตราผลตอบแทนของกองทุน ส่วนอีก 8 กองทุน มีความสัมพันธ์กับดัชนีตลาดหลักทรัพย์ โดยที่ดัชนีตลาดหลักทรัพย์ เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลงอัตราผลตอบแทนของกองทุนทั้ง 8 กองทุน

สุริย์ วังไพบุลย์ ( 2552) ได้ทำการศึกษา วิเคราะห์อัตราผลตอบแทนและความเสี่ยงของการลงทุนในกองทุนรวมหุ้นระยะยาว มีวัตถุประสงค์เพื่อ ศึกษาลักษณะ โครงสร้างต่าง ๆ ของกองทุนรวมหุ้นระยะยาว และ วิเคราะห์อัตราผลตอบแทนและความเสี่ยงของการลงทุนในกองทุนรวมหุ้นระยะยาว ( Long Term Equity Fund : LTF ) ที่ครบกำหนดในปี 2551 ใช้ข้อมูล กองทุนรวมหุ้นระยะยาวของแต่ละ บลจ. ที่จดทะเบียนจำหน่ายในตลาดในปี 2547 ที่มีส่วนแบ่งการตลาด 1 – 7 อันดับแรก จำนวน 22 กองทุน ใช้ข้อมูลอนุกรมเวลา รายวันของมูลค่าสินทรัพย์สุทธิและหน่วยลงทุน ช่วงระหว่างเดือน ตุลาคม พ.ศ. 2547 – เดือน ธันวาคม พ.ศ. 2550 ใช้อัตราผลตอบแทนของพันธบัตรไทยอายุ 1 ปี เป็นอัตราผลตอบแทนที่ปราศจากความเสี่ยง (Risk Free Rate) ในการศึกษา ใช้ทฤษฎีแบบจำลองการตั้งราคาหลักทรัพย์ ( CAPM ) และ ทฤษฎีการวิเคราะห์อนุกรมเวลา เพื่อทดสอบว่าทั้ง 22 กองทุน มีราคาต่ำกว่าราคาที่เหมาะสม ( Under Value) หรือไม่ ทั้งนี้อัตราผลตอบแทนของกองทุนยังขึ้นอยู่กับโครงสร้างของกองทุน ได้แก่ นโยบายการจ่ายเงินปันผล ค่าธรรมเนียมในการจัดการกองทุน และ ประเภทของกองทุนว่าเป็นกองทุนเปิดหรือกองทุนปิดตามลำดับ