

## บทที่ 2

### แนวคิด ทฤษฎี และงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

#### 2.1 แนวคิดและทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

##### ทฤษฎีวิเคราะห์ข้อมูลอนุกรมเวลา

เป็นทฤษฎีที่ศึกษาถึงความสัมพันธ์ของตัวแปรต่าง ๆ ที่มีลักษณะเป็นข้อมูลอนุกรมเวลา ซึ่งในการศึกษาเชิงประจักษ์ที่ใช้ข้อมูลอนุกรมเวลา (Time Series Data) มีเงื่อนไขว่าข้อมูลที่นำมาศึกษาจะต้องมีลักษณะนิ่ง (Stationary) เพื่อจะได้มองเห็นความสัมพันธ์ที่แท้จริงของตัวแปรต่าง ๆ นี้ ดังนั้น ในการนำข้อมูลอนุกรมเวลามาศึกษาจะต้องมีการทดสอบก่อนว่า ข้อมูลนั้นมีลักษณะนิ่งหรือไม่ โดยทฤษฎีแล้ว การใช้ข้อมูลอนุกรมเวลาโดยไม่ได้ตรวจสอบความนิ่งของข้อมูลก่อน แล้วทำการวิเคราะห์ความถดถอยด้วยตัวแปรที่ไม่นิ่ง (Non-stationary) ค่าสถิติ (t-statistics) จะมีการแจกแจงแบบไม่มาตรฐาน (Nonstandard Distributions) ซึ่งผลที่ตามมาก็คือ อาจนำไปสู่การลงความเห็นว่าเห็นที่ผิด ซึ่งเป็นไปได้ที่จะนำไปสู่การถดถอยที่ไม่ถูกต้อง (Spurious Regression) ยกเว้นว่าความสัมพันธ์ดังกล่าวจะมีลักษณะเป็นความสัมพันธ์แบบการร่วมไปด้วยกัน (Cointegration Relationship) ซึ่งจะทำให้ค่าสถิติ t และ F ที่เราใช้กันตามปกติ สามารถใช้ทดสอบได้ (ทรงศักดิ์ ศรีบุญจิตต์, 2547) ซึ่งข้อมูลทางเศรษฐกิจที่เป็นข้อมูลอนุกรมเวลาส่วนใหญ่ จะมีลักษณะไม่นิ่ง กล่าวคือ ค่าเฉลี่ย (Mean) และค่าความแปรปรวน (Variances) จะมีค่าไม่คงที่เปลี่ยนแปลงไปตามกาลเวลา ทำให้ความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรของสมการ มีความสัมพันธ์กันแบบไม่แท้จริง (Spurious Relationship) โดยสังเกตจากค่าสถิติบางตัว เช่น ค่าสถิติ t จะไม่เป็นการแจกแจงแบบมาตรฐาน และค่า  $R^2$  ที่สูง ในขณะที่ค่า Durbin-Watson (DW) Statistic ต่ำ ซึ่งแสดงว่าเกิดปัญหาอัตสหสัมพันธ์ (Autocorrelation) ของความคลาดเคลื่อน ดังนั้นในการวิเคราะห์ความสัมพันธ์ของตัวแปรอนุกรมเวลาด้วยเทคนิค regression จึงต้องมีการวิเคราะห์ในด้านต่าง ๆ ดังนี้

### 1) การทดสอบความนิ่งของข้อมูลหรือยูนิทรูท (Unit Root Test)

วิธีการทดสอบ Unit Root หรืออันดับความสัมพันธ์ของข้อมูล (Order of Integration) เป็นการทดสอบตัวแปรทางเศรษฐกิจต่างๆ ที่จะนำไปใช้ในสมการว่าข้อมูลมีลักษณะ “นิ่ง” [  $I(0)$ ; Integrated of Order Zero ] หรือ “ไม่นิ่ง” [  $I(d)$ ;  $d > 0$ , Integrated of Order  $d$  ] ซึ่งเป็นขั้นตอนแรกในการศึกษาภายใต้วิธี Cointegration and Error Correction Mechanism ถ้าเราไม่สามารถปฏิเสธ ข้อสมมติฐานว่าตัวแปรหนึ่งๆ ( $x$ ) เป็น Unit Root แล้ว ก็เท่ากับเราพบว่า ตัวแปรนั้นไม่นิ่ง ซึ่งวิธีการทดสอบ Unit Root นั้นสามารถทดสอบโดยใช้การทดสอบ Dicky-Fuller (DF Test) (Dicky and Fuller, 1981) และการทดสอบ Augmented Dicky-Fuller (ADF Test) ที่ Said and Dicky ได้กล่าวไว้ เพื่อทดสอบความนิ่งของข้อมูลที่น่ามาศึกษา โดยนำค่า ADF t-statistic ของข้อมูลที่ทำกรทดสอบมาเปรียบเทียบกับค่าวิกฤติ MacKinnon แสดงว่าข้อมูลมีความนิ่ง (Stationary) และสามารถปฏิเสธสมมติฐาน (Dimitrova, Desislava, 2005) โดยสมมติให้ความสัมพันธ์เป็นดังนี้

$$Y_t = \zeta + \eta X_t + \kappa_t \quad (2.10)$$

$$X_t = \psi X_{t-1} + e_t \quad (2.11)$$

โดยที่	$Y_t$	คือ	ตัวแปรตาม
	$X_t, X_{t-1}$	คือ	ข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรอิสระ ณ เวลา $t$ และ $t-1$
	$\zeta, \eta$	คือ	ค่าพารามิเตอร์
	$\psi$	คือ	ค่าสัมประสิทธิ์อัตโนมัติสหสัมพันธ์ (Autocorrelation Coefficient)

$\kappa_t, e_t$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม (Random Error)

สมมติฐานของการทดสอบ คือ

$$H_0: \psi = 1$$

$$H_1: |\psi| < 1; -1, \psi < 1$$

การทดสอบว่าตัวแปรที่ศึกษา ( $X_t$ ) มียูนิทรูทหรือไม่ สามารถพิจารณาได้จากค่า  $\psi$  โดยที่  
 ถ้ายอมรับ  $H_0: \psi = 1$  หมายความว่า  $X_t$  มียูนิทรูท หรือ  $X_t$  มีลักษณะไม่นิ่ง  
 ถ้ายอมรับ  $H_1: |\psi| < 1$  หมายความว่า  $X_t$  ไม่มียูนิทรูท หรือ  $X_t$  มีลักษณะนิ่ง

จากการเปรียบเทียบค่า t-statistics ที่คำนวณได้กับค่าในตาราง Dicky-Fuller ซึ่งค่า t-statistics ที่น้อยกว่าค่าในตาราง Dicky-Fuller จะสามารถปฏิเสธสมมติฐานได้ แสดงว่าตัวแปรที่นำมาทดสอบมีลักษณะนิ่ง หรือ เป็น Integrated of Order Zero แทนด้วย  $X_t \sim I(0)$  อย่างไรก็ตามการทดสอบยูนิทรูทดังกล่าวข้างต้น สามารถทำได้อีกวิธีหนึ่ง คือ ให้

$$\psi = (1 - \chi) \quad ; \quad -1 < \chi < 1 \quad (2.12)$$

โดยที่  $\chi$  พารามิเตอร์

$$X_t = (1 - \chi) X_{t-1} + \psi e_t \quad (2.13)$$

$$X_t = X_{t-1} - \chi X_{t-1} + \psi e_t \quad (2.14)$$

$$X_t - X_{t-1} = \chi X_{t-1} + \psi e_t \quad (2.15)$$

$$\Delta X_t = \chi X_{t-1} + \psi e_t \quad (2.16)$$

จะได้สมมติฐานการทดสอบ Dicky-Fuller (DF) คือ

$$H_0: \chi = 0 \quad ( X_t \text{ เป็น Non-stationary } )$$

$$H_1: \chi < 0 \quad ( X_t \text{ เป็น Stationary } )$$

ถ้ายอมรับ  $H_0: \chi = 0$  จะได้ว่า  $\psi = 1$  หมายความว่า ตัวแปรที่ศึกษา ( $X_t$ ) มียูนิทรูท หรือ มีลักษณะไม่นิ่ง (Non-Stationary) เนื่องจากข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t$  มีส่วนสัมพันธ์กับข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t-1$  แต่ถ้ายอมรับ  $H_1: \chi < 0$  จะได้ว่า  $\psi < 1$  หมายความว่า ตัวแปรที่ศึกษา ( $X_t$ ) ไม่มียูนิทรูท หรือ มีลักษณะนิ่ง (Stationary)

เนื่องจากข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t$  มีส่วนสัมพันธ์กับข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t-1$  ค่าคงที่และแนวโน้ม ดังนั้น Dicky-Fuller จึงพิจารณาสมการถดถอย 3 รูปแบบที่แตกต่างกันในการทดสอบว่ามียูนิทรูทหรือไม่ ได้แก่

Random Walk Process  $\Delta X_t = \chi X_{t-1} + e_t \quad (2.17)$

Random Walk Drift  $\Delta X_t = \zeta + \chi X_{t-1} + e_t \quad (2.18)$

Random Walk with Drift and Linear Time Trend  $\Delta X_t = \zeta + \eta t + \chi X_{t-1} + e_t \quad (2.19)$

โดยที่ $X_t, X_{t-1}$	คือ	ข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรอิสระ ณ เวลา $t$ และ $t-1$
$\zeta, \eta, \chi$	คือ	ค่าพารามิเตอร์
$t$	คือ	แนวโน้มเวลา
$e_t$	คือ	ค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม

การตั้งสมมติฐานการทดสอบ Dicky-Fuller เป็นเช่นเดียวกับที่กล่าวมาแล้วข้างต้น ส่วนการทดสอบโดยใช้ Augmented Dicky-Fuller (ADF Test) โดยการเพิ่มขบวนการถดถอยในตัวเอง (Autoregressive Process) เข้าไปในสมการ ซึ่งเป็นการแก้ปัญหากรณีที่ใช้การทดสอบ Dicky-Fuller แล้วค่า D.W. (Durbin-Watson Statistic) ต่ำ การเพิ่มขบวนการถดถอยในตัวเองเข้าไปในนั้น ผลการทดสอบ ADF จะทำให้ได้ค่า D.W. เข้าใกล้ 2 ทำให้ได้สมการใหม่จากการเพิ่มจำนวนของตัวแปรล่า (Lagged Difference Terms,  $p$ ) ซึ่งจะขึ้นอยู่กับความเหมาะสมของข้อมูล หรือสามารถใส่จำนวน Lagged Difference Terms,  $p$  เข้าไปได้จนกระทั่งไม่เกิดปัญหา Autocorrelation ดังนี้

$$\Delta X_t = \chi X_{t-1} + \sum_{i=1}^p \lambda_i \Delta X_{t-i} + e_t \quad (2.20)$$

$$\Delta X_t = \zeta + \chi X_{t-1} + \sum_{i=1}^p \lambda_i \Delta X_{t-i} + e_t \quad (2.21)$$

$$\Delta X_t = \zeta + \eta + \chi X_{t-1} + \sum_{i=1}^p \lambda_i \Delta X_{t-i} + e_t \quad (2.22)$$

โดยที่ $X_t, X_{t-1}$	คือ	ข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรอิสระ ณ เวลา $t$ และ $t-1$
$\zeta, \eta, \chi, \lambda$	คือ	ค่าพารามิเตอร์
$t$	คือ	แนวโน้มเวลา
$e_t$	คือ	ค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม

จำนวน Lagged Difference Terms,  $p$  ที่เพิ่มเข้าไปในสมการจะขึ้นอยู่กับความเหมาะสมของแต่ละงานวิจัยหรือสามารถใส่จำนวน Lagged Difference Terms,  $p$  เข้าไปได้จนกว่าค่าความคลาดเคลื่อนจะไม่เกิดปัญหา Autocorrelation จำนวนของตัวแปรล่า (Lagged Difference Terms,  $p$ ) ที่จะนำเข้ามารวมในสมการนั้น จะต้องมามากพอที่จะทำให้ตัวแปรความคลาดเคลื่อน

(Error Terms) มีลักษณะเป็นอิสระต่อกัน (Serially Independent) และเมื่อนำเอาการทดสอบ DF Test มาใช้กับสมการ (2.20), (2.21), (2.22) แล้ว เราจะเรียกว่า Augmented Dicky – Fuller (ADF Test) ซึ่งค่าสถิติทดสอบ ADF จะมีการแจกแจงเชิงเส้นกำกับ (Asymptotic Distribution) เหมือนกับค่าสถิติ DF ดังนั้นก็สามารถใช้ค่าวิกฤต (Critical Value) แบบเดียวกันได้

โดยในการทดสอบสมมติฐานทั้งวิธี Dicky-Fuller Test (DF Test) และ Augmented Dicky-Fuller (ADF Test) จะทดสอบเพื่อให้ทราบว่าตัวแปรที่ศึกษานั้นมียูนิทรูทหรือไม่ สามารถพิจารณาได้จากค่า  $\chi$  ถ้ามีค่าเท่ากับ 0 แสดงว่า ตัวแปรที่สนใจมียูนิทรูท

สมมติฐานที่ใช้ในการทดสอบ คือ

$$H_0 : \chi = 0 \quad ( X_t \text{ เป็น Non-stationary } )$$

$$H_1 : \chi < 0 \quad ( X_t \text{ เป็น Stationary } )$$

สามารถทดสอบสมมติฐานได้โดยการเปรียบเทียบค่า t-statistic ที่คำนวณได้กับค่าในตาราง Dicky-Fuller ซึ่งค่า t-statistic ที่จะนำมาทดสอบสมมติฐานในแต่ละรูปแบบนั้น จะต้องนำไปเปรียบเทียบกับตาราง Dicky-Fuller ณ ระดับต่างๆ ถ้าสามารถปฏิเสธสมมติฐานได้ แสดงว่าตัวแปรที่นำมาทดสอบมีลักษณะหนึ่ง หรือ เป็น Integrated of Order Zero แทนด้วย  $X_t \sim I(0)$  กรณีที่การทดสอบสมมติฐานพบว่า ตัวแปรที่ศึกษามียูนิทรูทหรือมีลักษณะไม่นิ่ง จะต้องนำค่า  $\div X_t$  มาทำ Differencing จนกระทั่งสามารถปฏิเสธสมมติฐานที่ว่า  $X_t$  มีลักษณะไม่นิ่งได้ เพื่อทราบว่า Order of Integration (d) ว่าอยู่ในระดับใด [  $X_t \sim I(d) ; d > 0$  ]

## 2) การวิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะยาว (Cointegration Test)

วิธีการทดสอบการร่วมไปด้วยกัน (Cointegration Test) เป็นการทดสอบความสอดคล้องของข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรคู่ใดๆ ว่ามีการเคลื่อนไหวที่สอดคล้องกันหรือไม่ เนื่องจากความเชื่อในทางเศรษฐศาสตร์ที่ว่า อย่างน้อยในระยะยาวแล้ว ตัวแปรทางเศรษฐกิจจะมีความเคลื่อนไหวในทิศทางใดทิศทางหนึ่งที่สอดคล้องกัน แม้ว่าในระยะสั้นการเคลื่อนไหวของตัวแปรดังกล่าว อาจมีการเคลื่อนไหวที่ไม่สามารถกำหนดทิศทางที่แน่นอนได้ก็ตาม และยังเป็นการทดสอบการเคลื่อนไหวของค่าความคลาดเคลื่อน (Error Term) ของสมการความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรที่ต้องการทดสอบ ซึ่งมีเงื่อนไขดังนี้

2.1) ตัวแปรอนุกรมเวลาที่ต้องการทดสอบ ต้องมีคุณสมบัติความนิ่งของตัวแปร แต่ถ้าตัวแปรที่ต้องการทดสอบไม่มีคุณสมบัติดังกล่าว การเปลี่ยนแปลงของตัวแปร ณ ลำดับที่ใดๆ (d) มีคุณสมบัติของความนิ่ง ตัวแปรอนุกรมเวลาดังกล่าวมีความสัมพันธ์เชิงคู่ระยะยาว

2.2) แม้ว่าตัวแปรที่ต้องการทดสอบจะไม่มีคุณสมบัติความนิ่งอยู่ก็ตาม แต่ถ้าค่าความคลาดเคลื่อน ( $e_t$ ) ของความสัมพันธ์เชิงเส้นตรงของตัวแปรคู่ใดๆ มีคุณสมบัติของความนิ่ง สามารถกล่าวได้ว่า ตัวแปรทั้งสองตัวมีความสัมพันธ์เป็น Cointegration ได้

**ขั้นตอนการทดสอบ Cointegration มีดังต่อไปนี้**

- 1) ทดสอบตัวแปรในแบบจำลองว่ามีลักษณะเป็น Non-Stationary หรือไม่ โดยใช้วิธี ADF Test โดยไม่ต้องใส่ค่าคงที่และแนวโน้มของเวลา
- 2) การประมาณสมการถดถอยด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด (Ordinary Least Square : OLS)
- 3) นำส่วนที่เหลือ (Residuals) ที่ประมาณได้จากข้อ 2 มาทดสอบว่ามีลักษณะนิ่งหรือไม่ ซึ่งเป็นการทดสอบ Residuals ดังต่อไปนี้

$$\hat{e}_t = \hat{e}_{t-1} + v_t \quad (2.23)$$

โดยที่  $\hat{e}_t, \hat{e}_{t-1}$  คือ ค่า Residual ณ เวลา t และ t-1 ที่นำมาถดถอยใหม่  
 $v$  คือ ค่าพารามิเตอร์  
 $v_t$  คือ ข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรสุ่ม

สมมติฐานที่ใช้ในการทดสอบ Cointegration คือ

$$H_0 : \rho = 0 \quad (\text{ไม่มีการร่วมกันไปด้วยกัน})$$

$$H_1 : \rho < 0 \quad (\text{มีการร่วมกันไปด้วยกัน})$$

การทดสอบสมมติฐานโดยการเปรียบเทียบค่า t-statistic ที่คำนวณได้จากอัตราส่วนของ  $\hat{\gamma} / S.E. \hat{\gamma}$  ไปเปรียบเทียบกับค่าในตาราง ADF Test ซึ่งถ้าค่า t-statistic มากกว่าค่าวิกฤติ MacKinnon (MacKinnon Critical Value) ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนดไว้ จึงปฏิเสธสมมติฐานว่าง ซึ่งจะนำไปสู่ข้อสรุปที่ว่าตัวแปรมีลักษณะไม่นิ่ง (Non-Stationary) ในสมการดังกล่าวมีลักษณะร่วมกันไปด้วยกัน (Cointegration)



อย่างไรก็ตาม ถ้าส่วนตกค้าง หรือ ส่วนที่เหลือของสมการ (2.23) ไม่เป็น White Noise ก็ จะใช้การทดสอบ ADF แทนที่จะใช้สมการ (2.23) สมมติว่า  $v_t$  ของสมการ (2.23) มีสหสัมพันธ์ เชิงอันดับ (Serial Correlation) จะใช้สมการ ดังนี้

$$\hat{e}_t = \gamma \hat{e}_{t-1} + v_t \quad (2.24)$$

และถ้า  $-2 < \gamma < 0$  เราสามารถจะสรุปได้ว่า ส่วนที่ตกค้างหรือส่วนที่เหลือ (Residuals) มี ลักษณะหนึ่ง และ  $X_t, Y_t$  จะเป็น CI (1,1) สังเกตว่าสมการ (2.23) , (2.24) ไม่มีพจน์ส่วนตัด (Intercept Term) เนื่องจาก  $\hat{e}_t$  เป็นส่วนตกค้างจากสมการถดถอย (Regression Equation)

### 3) การวิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะสั้น (Error Correction Model)

เมื่อทำการทดสอบข้อมูลอนุกรมเวลาแล้ว ข้อมูลมีลักษณะไม่นิ่งและไม่เกิดปัญหาสมการ ถดถอยไม่แท้จริง สมการถดถอยที่ได้มีการร่วมกันไปด้วยกัน (Cointegrated) โดยมีกลไกการ ปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาว หมายความว่า ตัวแปรทั้งสองมีความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพระยะยาว (Long Term Equilibrium Relationship) แต่ในระยะสั้นอาจมีการออกนอกดุลยภาพได้ แบบจำลอง Error Correction Mechanism (ECM) คือกลไกการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพในระยะสั้น

สมมติให้ตัวแปร  $X_t$  และ  $Y_t$  เป็นข้อมูลอนุกรมเวลามีลักษณะไม่นิ่งและไม่เกิดปัญหา สมการถดถอยไม่แท้จริง สมการถดถอยที่ได้มีการร่วมกันไปด้วยกัน (Cointegrated) มีกลไกการ ปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาว หมายความว่า ตัวแปรทั้งสองมีความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพระยะยาว (Long Term Equilibrium Relationship) แต่ในระยะสั้นอาจมีการออกนอกดุลยภาพ ฉะนั้น เรา สามารถกำหนดให้ตัวแปรคลาดเคลื่อน (Error Term) ในสมการที่ร่วมกันไปด้วยกัน (Cointegrated) เป็นค่าความคลาดเคลื่อนดุลยภาพ (Equilibrium Error) และเราสามารถนำตัวแปรคลาดเคลื่อนนั้น เป็นตัวเชื่อมระหว่างพฤติกรรมระยะสั้นและระยะยาวเข้าด้วยกัน ลักษณะสำคัญของตัวแปรอนุกรม เวลาที่มีการร่วมไปด้วยกัน คือ วิถีเวลา (Time Path) ของตัวแปรเหล่านี้จะได้รับอิทธิพลการ เบี่ยงเบนจากดุลยภาพระยะยาว (Long Run Equilibrium) และถ้าระบบจะกลับไปสู่ดุลยภาพระยะ ยาว การเคลื่อนไหวของตัวแปรอย่างน้อยบางตัวแปรจะต้องตอบสนองต่อขนาดของการออกนอก ดุลยภาพใน Error Correction Mechanism (ECM) ลักษณะพลวัตพจน์ระยะสั้น (Short-Term Dynamics) ของตัวแปรในระบบซึ่งจะได้รับอิทธิพลจากการเบี่ยงเบนออกจากดุลยภาพในระยะยาว (ทรงศักดิ์ ศรีบุญจิตต์, 2547: 480)

ตัวอย่างแบบจำลอง ECM เป็นดังนี้

$$\div X_t = \eta_1 \hat{e}_{t41} 2 \frac{p}{i|1} \lambda_i \div X_{t4i} 2 \frac{q}{j|0} \tau_j \div Y_{t4j} 2 \kappa_{1t} \quad (2.25)$$

$$\div Y_t = \eta_2 \hat{u}_{t41} 2 \frac{r}{m|0} \phi_m \div X_{t4m} 2 \frac{k}{n|1} \xi_n \div Y_{t4n} 2 \kappa_{2t} \quad (2.26)$$

โดยที่ $X_t, Y_t$	คือ	ค่า Natural Logarithm ของข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา t
$\eta_1, \eta_2$	คือ	ค่าความเร็วในการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาว
$\tau_j, \phi_m$	คือ	ค่าความยืดหยุ่นระยะสั้น
$\hat{e}_{t41}, \hat{u}_{t41}$	คือ	พจน์ของ Error Term
$\kappa_{1t}, \kappa_{2t}$	คือ	ค่าความคลาดเคลื่อน

รูปแบบการปรับตัวในระยะสั้นจะคำนึงถึงผลกระทบที่เกิดจากความคลาดเคลื่อนโดยพิจารณาการปรับตัวของตัวแปรในระยะยาว นั่นคือ  $e_{t41}$  ในสมการ (2.25) และ  $u_{t41}$  ในสมการ (2.26) ซึ่งรูปแบบในการปรับตัวในระยะสั้นตามแบบจำลอง ECM Model ตามที่แสดงในสมการที่ (2.25) และ (2.26) สามารถตีความได้ว่าเป็นกลไกที่แสดงการปรับตัวในระยะสั้นเมื่อขาดความสมดุล เพื่อให้เข้าสู่ภาวะสมดุลในระยะยาว ส่วนค่าสัมประสิทธิ์ของ  $e_{t41}$  และ  $u_{t41}$  จะแสดงให้เห็นถึงขนาดของการขาดความสมดุล ระหว่างค่า  $X_t$  และ  $Y_t$  ในช่วงเวลาก่อนหน้า รูปแบบของ ECM ซึ่งให้เห็นถึงการเปลี่ยนแปลงของ  $Y_t$  จะไม่ขึ้นอยู่กับเปลี่ยนแปลงของ  $X_t$  เท่านั้น แต่จะขึ้นอยู่กับขนาดของการขาดความสมดุลในระยะยาว ระหว่างค่า  $X_t$  และ  $Y_t$  ที่เกิดขึ้นในช่วงเวลาก่อนหน้านี้

สมมติฐานที่ใช้ในการทดสอบ ดังนี้

1.  $H_0 : \eta_1 | 0$                       ไม่มีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น  
 $H_1 : \eta_1 \neq 0$                         มีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น
2.  $H_0 : \eta_2 | 0$                       ไม่มีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น  
 $H_1 : \eta_2 \neq 0$                         มีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น

เมื่อทำการทดสอบแล้วพบว่า ผลการทดสอบยอมรับสมมติฐานหลัก ( $H_0$ ) สามารถสรุปได้ว่า  $X_t$  และ  $Y_t$  ไม่มีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น แต่ถ้าผลการทดสอบปฏิเสธสมมติฐานหลัก โดย  $\eta$  จะมีค่าอยู่ระหว่าง 0 ถึง -1 สรุปได้ว่า  $X_t$  และ  $Y_t$  มีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น



#### 4) การทดสอบสมมติฐานเชิงเป็นเหตุเป็นผล (Granger Causality Test)

แนวคิดและวิธีทดสอบ โดยสมมติว่ามีตัวแปรจำนวน 2 ตัว คือ X และ Y ในลักษณะที่เป็นข้อมูลอนุกรมเวลา ถ้าการเปลี่ยนแปลงของ X เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง Y แล้ว การเปลี่ยนแปลงของ X ก็ควรที่จะเกิดขึ้นก่อนการเปลี่ยนแปลงของ Y ดังนั้น ถ้า X เป็นต้นเหตุให้เกิดการเปลี่ยนแปลงใน Y เงื่อนไข 2 ประการที่จะต้องเกิดขึ้น คือ

*ประการแรก* X จะช่วยในการทำนาย Y หมายความว่า ในการถดถอยของ Y กับค่าที่ผ่านมาของ X ซึ่งทำหน้าที่เป็นตัวแปรอิสระ ควรที่จะมีส่วนช่วยในการเพิ่มอำนาจการอธิบาย (Explanatory Power) ของสมการถดถอยอย่างมีนัยสำคัญ

*ประการที่สอง* ไม่ควรใช้ Y ในการทำนาย X เนื่องจากว่า ถ้า X สามารถช่วยในการทำนาย Y และ Y ก็สามารถช่วยทำนาย X ได้ นั่นหมายความว่า ควรจะมีตัวแปรอื่นอีกหนึ่งตัวหรือมากกว่านั้น ที่เป็นสาเหตุให้เกิดการเปลี่ยนแปลงทั้งใน X และ Y ดังนั้น ต้องทดสอบสมมติฐานว่าง ( $H_0$ ) ที่ว่าการเปลี่ยนแปลงของ X ไม่ได้เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง Y โดยใช้สมการถดถอย 2 สมการ ดังนี้

$$Y_t = \frac{r}{m+1} \phi_m X_{t4m} + \frac{h}{n+1} \xi_n Y_{t4n} + u_t \quad (2.27)$$

$$Y_t = \frac{h}{n+1} \xi_n Y_{t4n} + u_t \quad (2.28)$$

สมการที่ (2.27) เรียกว่า การถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัด (Unrestricted Regression)

สมการที่ (2.28) เรียกว่า การถดถอยที่ใส่ข้อจำกัด (Restricted Regression) โดยที่

$RSS_r$  = ส่วนที่เหลือยกกำลังสอง (Residual Sum of Squares) จากสมการถดถอยที่ใส่ข้อจำกัด

$RSS_{ur}$  = ส่วนที่เหลือยกกำลังสอง (Residual Sum of Squares) จากสมการถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัด เพราะฉะนั้น สมมติฐานว่าง ในเชิงสถิติ สามารถจะเขียนได้ดังนี้

$$H_0 : \phi_1 = \phi_2 = \dots = \phi_r = 0$$

$$H_1 : H_0 \text{ ไม่เป็นจริง}$$

โดยสถิติที่จะใช้ในการทดสอบจะเป็น สถิติ F ดังนี้

$$F_{q, (n-k)} = \frac{(RSS_r - 4 RSS_{ur})/q}{RSS_{ur}/(n-4k)}$$

ถ้าเราปฏิเสธ  $H_0$  ก็หมายความว่า  $X$  เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง  $Y$  ในทำนองเดียวกัน ถ้าเราต้องการทดสอบสมมติฐานว่าง ว่าการเปลี่ยนแปลงของ  $Y$  ไม่ได้เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง  $X$  เราก็จะต้องทำกระบวนการทดสอบอย่างเดียวกับข้างต้น เพียงแต่ว่า สลับเปลี่ยนแบบจำลองข้างต้น จาก  $X$  มาเป็น  $Y$  และจาก  $Y$  มาเป็น  $X$  ดังนี้

$$X_i = \frac{r}{m+1} \phi_m Y_{i4m} + \frac{k}{n+1} \xi_n X_{i4n} + u_i \quad (2.29)$$

$$X_i = \frac{k}{n+1} \xi_i X_{i4n} + u_i \quad (2.30)$$

เรียกสมการที่ (2.29) ว่าการถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัด และสมการ (2.30) ว่าการถดถอยที่ใส่ข้อจำกัด และนำมาใช้สถิติ  $F$  ในการทดสอบเช่นเดียวกัน

สมมติฐานที่ใช้ในการทดสอบความเป็นเหตุเป็นผล คือ

$$H_0 : \phi_1 = \phi_2 = \dots = \phi_r = 0$$

$$H_1 : H_0 \text{ ไม่เป็นจริง}$$

จะสังเกตเห็นจำนวนของค่าตัวแปรล่า (Lagged Difference Terms) ซึ่งคือ  $p$  ในสมการเหล่านี้ เป็นตัวเลขที่กำหนดขึ้นเอง โดยทั่วไปแล้ว ควรทำการทดสอบค่า  $p$  ในสมการที่แตกต่างกัน 2-3 ค่า เพื่อที่จะแน่ใจว่าผลลัพธ์ที่ได้มานั้นไม่อ่อนไหวไปกับค่า  $p$  ที่กำหนดมา โดยที่ตั้งข้อสังเกตว่า จุดอ่อนของการทดสอบต้นเหตุนี้ คือ ตัวแปรที่สาม ( $Z$ ) ซึ่งโดยความเป็นจริงแล้ว อาจเป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง  $Y$  และในขณะเดียวกันก็อาจมีความสัมพันธ์กับ  $X$  วิธีแก้ไขปัญหานี้ สามารถทำได้โดยการถดถอยโดยที่ค่า  $p$  ของตัวแปร  $Z$  ปรากฏอยู่ทางขวามือด้วย (ทรงศักดิ์ ศรีบุญจิตต์, 2547)

## 2.2. เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

**ชัชวาล นทลิร์กษ (2524)** ศึกษาอุปสงค์พลังงานไฟฟ้าประเภทบ้านที่อยู่อาศัยในเขต กปน. มีวัตถุประสงค์ 2 ประการคือ เพื่อหาความสัมพันธ์ระหว่างความต้องการพลังงานไฟฟ้าของบ้านอยู่อาศัยกับปัจจัยต่างๆที่คาดว่าจะมีอิทธิพลต่อพฤติกรรมการใช้ไฟฟ้า และเพื่อวิเคราะห์นโยบายการปรับอัตราค่าไฟฟ้า ในส่วนบ้านอยู่อาศัยว่าจะมีประสิทธิภาพมากน้อยเพียงใดในการกระตุ้นให้เกิดการประหยัดการใช้พลังงานไฟฟ้า โดยแบบจำลองที่ใช้ศึกษาเป็นชนิดสมการเดี่ยวหลายตัวแปรและใช้วิธีวิเคราะห์แบบ Ordinary Least Squares (OLS) โดยอิงข้อมูลรายเดือนตั้งแต่เดือน มกราคม 2513 ถึงเดือน ธันวาคม 2522 รวมระยะเวลา 10 ปี

จากผลการศึกษาพบว่า ตัวแบบอุปสงค์พลังงานไฟฟ้าที่เหมาะสมที่สุดมีลักษณะเป็น Dynamic Model ทั้งในรูปแบบของ Linear และ Double log-linear form และการปรับปรุงอัตราค่าไฟฟ้าไม่มีผลทำให้ลักษณะโครงสร้างการใช้ไฟฟ้าของประชากรเปลี่ยนแปลงอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติเพียงพอ ความต้องการพลังงานไฟฟ้าในส่วนบ้านที่อยู่อาศัยไม่ค่อยมีความไวต่อปัจจัยทางเศรษฐกิจทั้งในระยะสั้นและระยะยาว ได้แก่ ราคาไฟฟ้า ราคาเครื่องใช้ไฟฟ้า และรายได้ของผู้บริโภค แต่ความต้องการพลังงานไฟฟ้าค่อนข้างจะไวต่อปัจจัยที่ไม่ใช่ปัจจัยทางเศรษฐกิจ คือ อุณหภูมิ ข้อเสนอแนะในการศึกษาค้นคว้าครั้งนี้คือ การใช้นโยบายประหยัดพลังงานไฟฟ้าโดยวิธีปรับอัตราค่าไฟฟ้าไม่สัมฤทธิ์ผลที่ควร เพราะการใช้พลังงานไฟฟ้าตามบ้านที่อยู่อาศัย มีความยืดหยุ่นต่อราคาต่ำมาก แต่วิธีนี้เป็นวิธีที่จะทำให้รัฐมีรายรับเพิ่มขึ้นจากการจำหน่ายพลังงานไฟฟ้า ซึ่งถ้ารัฐนำรายได้ส่วนนี้ไปใช้จ่ายอย่างมีประสิทธิภาพก็อาจจะช่วยเพิ่มสวัสดิการแก่สังคมโดยรวมได้ อีกประการหนึ่งคือรัฐควรได้มีการพิจารณา นโยบายอัตราค่าไฟฟ้าตามฤดูกาล

**นิสิต พันธมิตร (2537)** ศึกษาปัจจัยที่มีผลกระทบต่ออุปสงค์พลังงานไฟฟ้าของครัวเรือนในจังหวัดเชียงใหม่ โดยมีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาปัจจัยต่างๆทั้งที่เป็นปัจจัยทางเศรษฐกิจที่มีผลต่อพฤติกรรมการใช้พลังงานไฟฟ้าของครัวเรือนในจังหวัดเชียงใหม่ และวิเคราะห์ความยืดหยุ่นของอุปสงค์ต่อราคา เพื่อใช้ประกอบการวางมาตรการในการประหยัดพลังงานไฟฟ้า วิธีที่ใช้ในการศึกษาค้นคว้าครั้งนี้คือ วิธีกำลังสองน้อยที่สุด (Ordinary Least Square: OLS) จากแบบจำลองสมการถดถอยแบบพหุคูณ (Multiple regression)

จากผลการศึกษาพบว่า ราคาไฟฟ้าและรายได้ของครัวเรือนมีอิทธิพลต่อพฤติกรรมการใช้ไฟฟ้าค่อนข้างน้อย โดยค่าความยืดหยุ่นของอุปสงค์ต่อรายได้และราคาเท่ากับ 0.01 และ 0.03 ดังนั้นการใช้นโยบายการขึ้นราคาไฟฟ้าของผู้ใช้ไฟฟ้าประเภทที่อยู่อาศัยเพื่อให้ประหยัดไฟฟ้านั้น ไม่มีผลกระทบใดๆต่อพฤติกรรมการใช้ไฟฟ้าของครัวเรือนเนื่องจากไฟฟ้าเป็นสินค้าปกติข้อเสนอแนะ

ในการใช้มาตรการประหยัดไฟฟ้าของรัฐ โดยการขึ้นราคาไฟฟ้า เก็บภาษีเครื่องใช้ไฟฟ้าให้แพงขึ้น เป็นมาตรการที่ประชาชนยังไม่ยอมรับ ดังนั้นรัฐบาลควรให้ความรู้ ความเข้าใจ ให้แก่ประชาชน ซึ่งอาจก่อให้เกิดความสมัครใจในการที่จะประหยัดไฟฟ้าได้

**ประยูร พงษ์ประภาพันธ์ (2540)** ศึกษาผลกระทบของการใช้อัตราค่าไฟฟ้าตามช่วงเวลาของวัน โดยมีวัตถุประสงค์ 3 ประการ คือ ประการแรก เพื่อวิเคราะห์ผลกระทบของการนำอัตราค่าไฟฟ้าที่ต่างกันตามช่วงเวลาของวัน (TOD) มาใช้บังคับกับภาคอุตสาหกรรมและธุรกิจขนาดใหญ่ ประการที่สอง เพื่อศึกษาลักษณะการใช้ไฟฟ้าและขบวนการผลิต เพื่อวิเคราะห์ว่าเหตุใดอุตสาหกรรมบางรายจึงสามารถลดการใช้ไฟฟ้าได้มาก บางรายได้น้อย และประการสุดท้าย ศึกษาผลตอบแทนที่ประหยัดได้อันเนื่องมาจากการใช้อัตรา TOD โดยใช้ข้อมูลผู้ใช้ไฟฟ้าประเภทกิจการขนาดใหญ่ จำนวน 30 ราย มาวิเคราะห์ข้อมูลเปรียบเทียบความแตกต่างของความต้องการใช้ไฟฟ้าในช่วง Peak Partial Peak และ Off Peak โดยใช้วิธีของ Park and Acton

จากผลการศึกษาพบว่า ผลกระทบของอัตรา TOD ทำให้การใช้ไฟฟ้าในช่วง Peak ลดลงโดยจะไปเพิ่มในช่วง Partial Peak และ Off Peak แทน สำหรับกลุ่มอุตสาหกรรมที่มีการตอบสนองต่ออัตรา TOD มากที่สุดคือ โรงบ่มไบยาสูบ อุตสาหกรรมสิ่งทอ อุตสาหกรรมแปรรูปอาหาร สำหรับกลุ่มอุตสาหกรรมที่ไม่สามารถลดการใช้ไฟฟ้าในช่วง Peak ได้ ได้แก่ โรงน้ำแข็งและห้องเย็น อุตสาหกรรมผลิตโลหะ และห้างสรรพสินค้า เป็นต้น จากการที่ผู้ใช้ไฟฟ้าประเภทกิจการขนาดใหญ่ลดการใช้ไฟฟ้าในช่วง Peak ลงทำให้ประหยัดค่าพลังงานไฟฟ้าในภาพรวมของประเทศได้

**ยงยุทธ ลิขิตผดุงกิจ ( 2540)** ศึกษาความต้องการใช้พลังงานไฟฟ้าในเขตนครหลวงและปริมณฑลซึ่งประกอบด้วยจังหวัด กรุงเทพมหานคร นนทบุรี และสมุทรปราการ โดยมีวัตถุประสงค์คือ ประการแรก เพื่อศึกษาโครงสร้างความต้องการใช้พลังงานไฟฟ้าในเขตนครหลวงและปริมณฑล ประการที่สอง เพื่อสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ แสดงความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณความต้องการใช้พลังงานไฟฟ้ากับปัจจัยที่สำคัญทางเศรษฐกิจและสังคมในเขตนครหลวงและปริมณฑล ประการที่สาม เพื่อศึกษาแนวโน้มความต้องการใช้พลังงานไฟฟ้าในเขตนครหลวงและปริมณฑล โดยใช้แบบจำลอง Single Equation การวิเคราะห์ความสัมพันธ์ใช้วิธีกำลังสองน้อยที่สุด (OLS)

จากการศึกษาพบว่า ความสามารถในการพยากรณ์ของสมการแบบจำลอง โดยเปรียบเทียบค่าประมาณจากสมการแบบจำลองกับค่าของข้อมูลจะให้ค่าความคลาดเคลื่อนต่ำ แสดงว่าสมการแบบจำลองที่ประมาณการได้เหมาะสมที่จะเป็นตัวแบบใช้อธิบายและพยากรณ์ความต้องการใช้

ไฟฟ้า ในเขตนครหลวงและปริมณฑลได้อย่างมีประสิทธิภาพ ปัจจัยที่เป็นตัวกำหนดส่วนใหญ่ขึ้นอยู่กับตัวแปรทางด้านเศรษฐกิจและจำนวนผู้ใช้ไฟฟ้าโดยตรง ส่วนตัวแปรทางด้านค่าไฟฟ้า การศึกษานี้ไม่สามารถสรุปได้ว่ามีอิทธิพลต่อความต้องการใช้พลังงานไฟฟ้าทุกประเภทเสมอไป เนื่องจากผู้ใช้ไฟฟ้าประเภทที่อยู่อาศัยมีค่าความยืดหยุ่นมากกว่า 1 เพราะพลังงานไฟฟ้าเป็นสิ่งที่ให้ความสะดวกสบายต่อการดำรงชีวิต ในส่วนความต้องการใช้พลังงานไฟฟ้าประเภทไฟฟ้าถนนและสาธารณะ ตัวแปรที่สำคัญคือ จำนวนประชากร ซึ่งมีค่าความยืดหยุ่นมากกว่า 1 เนื่องจากพลังงานไฟฟ้าเป็นสิ่งที่ให้ความสะดวกปลอดภัยแก่ประชาชนตามท้องถนนและความต้องการใช้ไฟฟ้าประเภทนี้ มักถูกกำหนดด้วยนโยบายและการประหยัดพลังงานไฟฟ้าเป็นสิ่งสำคัญ และจากการพยากรณ์ความต้องการใช้พลังงานไฟฟ้าในช่วงระหว่างปี พ.ศ.2538-2542 ผลการพยากรณ์ปรากฏว่าผู้ใช้ไฟฟ้าประเภทธุรกิจการค้า อุตสาหกรรม และไฟฟ้าถนน สาธารณะจะมีความต้องการที่เพิ่มขึ้น ในอัตราเพิ่มเฉลี่ยที่ลดลง สำหรับผู้ใช้ไฟฟ้าประเภทบ้านอยู่อาศัยจะมีความต้องการในอัตราเพิ่มเฉลี่ยที่เพิ่มขึ้น และเมื่อพิจารณาในภาพรวมจะพบว่าปริมาณความต้องการใช้พลังงานไฟฟ้าจะเพิ่มขึ้นใกล้เคียงกับช่วงที่ผ่านมา และมีแนวโน้มที่จะเพิ่มในอัตราเฉลี่ยที่ลดลง ซึ่งขึ้นอยู่กับภาวะทางเศรษฐกิจเป็นสำคัญ

**สุจิตร์ ไพรินทร์ (2541)** ศึกษาปริมาณความต้องการและการสนองความต้องการพลังงานไฟฟ้า ในเขตนิคมอุตสาหกรรมภาคเหนือ และเพื่อวิเคราะห์ปัญหาและอุปสรรคของระบบจำหน่ายของการไฟฟ้าส่วนภูมิภาคเพื่อเป็นแนวทางในการปรับปรุงดำเนินงานด้านระบบจำหน่าย โดยการเก็บข้อมูลจากแบบสอบถามจากโรงงานในนิคมอุตสาหกรรมภาคเหนือ จำนวน 64 โรงงาน การศึกษาในครั้งนี้ใช้วิธีการทางสถิติอย่างง่ายในการวิเคราะห์ข้อมูล

จากการศึกษาพบว่า โรงงานในนิคมอุตสาหกรรมภาคเหนือใช้พลังงานไฟฟ้ารวม 147.3 ล้านหน่วย โรงงานร้อยละ 96.88 ใช้พลังงานไฟฟ้าจากการไฟฟ้าส่วนภูมิภาคเพียงแหล่งเดียว มีเพียงร้อยละ 3.12 ที่ใช้น้ำมันดีเซลมาผลิตพลังงานไฟฟ้าช่วยในช่วงเวลาที่มีการใช้ไฟฟ้ามาก มีโรงงานจำนวน 42 โรงงาน จากทั้งหมด 64 โรงงาน ประสบปัญหาจากการใช้พลังงานไฟฟ้าของการไฟฟ้าส่วนภูมิภาค เกี่ยวกับไฟตก ไฟดับ และไฟกระพริบ นอกจากนี้ยังมีปัญหาในการดับไฟเพื่อปฏิบัติงานของพนักงานการไฟฟ้าส่วนภูมิภาคอีกด้วย โดยผู้ทำการวิจัยได้เสนอว่าควรต้องสร้างความมั่นคงของระบบจำหน่ายพลังงานไฟฟ้าให้กับนิคมอุตสาหกรรมภาคเหนือมากขึ้น โดยตั้งสถานีควบคุมการจ่ายไฟ หรือหน่วยแก้กระแสไฟฟ้าขัดข้องไว้ในบริเวณนิคมอุตสาหกรรมภาคเหนือ เพิ่มขนาดสายส่งเพื่อสำรองพลังงานไฟฟ้า ให้เพียงพอต่อการขยายตัวของความต้องการการดับไฟปฏิบัติงานของพนักงานต้องมีน้อยครั้งที่สุด และการเยี่ยมชมผู้ใช้ไฟฟ้าเพื่อให้



คำแนะนำปรึกษาเกี่ยวกับไฟฟ้าต้องกระทำอย่างต่อเนื่อง ควรรับทราบและร่วมมือกันแก้ปัญหา  
ระหว่างการไฟฟ้าส่วนภูมิภาคกับโรงงานในนิคมอุตสาหกรรม

**นิศานาด นิสากรเกรียงเกช (2548)** ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างการใช้จ่ายของรัฐบาลกับการ  
เติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศทั้งในระยะสั้นและระยะยาว โดยตัวแปรที่นำมาศึกษาได้แก่การใช้  
จ่ายของรัฐบาล ผลผลิตทั้งหมดรวมภายในประเทศและจำนวนประชากรของประเทศ โดยใช้ข้อมูล  
ทศนิยมเป็นรายปี ตั้งแต่ปี 2493-2546 โดยประยุกต์ใช้เทคนิค โคอินทิเกรชัน แบบจำลองเออร์เรอร์  
คอเรชันและการทดสอบความเป็นเหตุเป็นผล จากการทดสอบความสัมพันธ์ทั้งในระยะสั้นและ  
ระยะยาว พบว่า การใช้จ่ายของรัฐบาลและผลผลิตทั้งหมดรวมภายในประเทศ ทั้งสองตัวแปรมี  
ความสัมพันธ์ในระยะสั้น และมีการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาวทั้งสองทิศทางด้วยเช่นกัน  
สำหรับสัดส่วนการใช้จ่ายของภาครัฐบาลต่อผลผลิตทั้งหมดรวมภายในประเทศและผลผลิตทั้งหมด  
รวมภายในประเทศต่อคนนั้น พบว่าทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น และมีการปรับตัว  
เข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาวในทิศทางเดียว การทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลพบว่าผลผลิตทั้งหมดรวม  
ภายในประเทศต่อคนและสัดส่วนการใช้จ่ายของภาครัฐบาลต่อผลผลิตทั้งหมดรวมภายในประเทศ ที่  
มีความสัมพันธ์เป็นเหตุเป็นผลทั้งสองทิศทาง