ชื่อเรื่องวิทยานิพนธ์

การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ ความเท่ากันของความแปรปรวน

ผู้เขียน

นายสมประสงค์ สิทธิสมบัติ

ปริญญา

วิทยาศาสตรมหาบัณฑิต (สถิติประยุกต์)

คณะกรรมการที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ รศ. สุรินทร์ ขนาบศักดิ์ ประธานกรรมการ ผศ. คร.สุคนธ์ ประสิทธิ์วัฒนเสรี กรรมการ ผศ. พิษณุ เจียวคุณ กรรมการ

บทคัดย่อ

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาและเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบของตัวสถิติ
ทดสอบความเท่ากันของความแปรปรวน เมื่อกลุ่มประชากรมีการแจกแจงแบบปกติ แบบโลจิสติก และแบบล็อกนอร์มอล ซึ่งเปรียบเทียบเฉพาะสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความคลาดเคลื่อน ประเภทที่ 1 ได้เท่านั้น โดยใช้สถิติทดสอบบาร์ตเลต สถิติทดสอบเลห์แมน สถิติทดสอบโอบรีน และสถิติทดสอบบราวน์-ฟอร์สิติ การเปรียบเทียบกระทำภายใต้เงื่อนไข ขนาดตัวอย่าง จำนวน กลุ่มประชากรและระดับความแตกต่างของอัตราส่วนความแปรปรวน ศึกษาที่ระดับนัยสำคัญ 0.01 และ 0.05 ข้อมูลที่ใช้ในการวิจัยได้จากการจำลองข้อมูลด้วยเทคนิคมอนติการ์โล กระทำซ้ำ 1,000 ครั้ง ในแต่ละสถานการณ์ที่กำหนด ผลการวิจัยสรุปได้ว่า

1. ความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1

เมื่อกลุ่มประชากรมีการแจกแจงแบบปกติ สถิติทดสอบทั้ง 4 ตัวสามารถควบคุมความ น่าจะเป็นของคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ได้ แต่ตัวสถิติทดสอบเลห์แมนไม่สามารถควบคุมได้ กรณี ที่กลุ่มตัวอย่างมีขนาดเล็กที่ระดับนัยสำคัญ 0.01 เมื่อกลุ่มประชากรมีการแจกแจงแบบโลจิสติกและ แบบล็อกนอร์มอล สถิติทดสอบบาร์ตเลตและสถิติทดสอบเลห์แมนไม่สามารถควบคุมความน่าจะ เป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ได้ สถิติทดสอบบราวน์-ฟอร์สิตีสามารถควบคุมความน่าจะ เป็นของคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ได้น้อย เมื่อกลุ่มประชากรมีการแจกแจงแบบล็อกนอร์มอลที่ ระดับนัยสำคัญ 0.01

2. อำนาจการทดสอบ

เมื่อกลุ่มประชากรมีการแจกแจงแบบปกติและตัวอย่างมีขนาดใหญ่ สถิติทดสอบเลห์แมน จะมีอำนาจการทดสอบสูงที่สุด รองลงมาคือสถิติทดสอบบาร์ตเลต โดยสถิติทดสอบโอบรีนจะมี อำนาจการทดสอบสูงกว่าสถิติทดสอบบราวน์-ฟอร์สิตี กรณีที่ความแตกต่างของอัตราส่วนของ ความแปรปรวน(ф) อยู่ในระดับน้อย เมื่อกลุ่มประชากรมีการแจกแจงแบบโลจิสติกและแบบลื่อกนอร์มอล สถิติทดสอบบราวน์-ฟอร์สิตีจะมีอำนาจการทดสอบสูงกว่าสถิติทดสอบโอบรีนในกรณี ที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ได้ ซึ่งพบว่าสถิติทดสอบจะ ให้อำนาจการทดสอบสูงเมื่อกลุ่มประชากรมีการแจกแจงแบบปกติ และค่าอำนาจการทดสอบจะ แปรผันตรงกับ ระดับความแตกต่างของอัตราส่วนของความแปรปรวน ขนาดตัวอย่างและจำนวน



ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่ Copyright[©] by Chiang Mai University All rights reserved

Thesis Title Comparison of the Power of the Test for Homogeneity

of Variances

Author Mr. Somprasong Sittisombat

Degree Master of Science (Applied Statistics)

Thesis Advisory Committee Assoc. Prof. Surin Khanabsakdi Chairperson
Asst. Prof. Dr. Sukon Prasitwattanaseree Member

Asst. Prof. Phisanu

Member

Chiawkhun

ABSTRACT

The objectives of this research are to study and compare the power of test for the test statistics of homogeneity of variance, when the distributions of population were normal ,logistic and lognormal distribution. With comparing the power of test for test statistics can control probability of type I error, using the four statistical tests are Bartlett's test, Lehmann's test, O'Brien's test and Brown – Forsythe's test. The comparisons were done under conditions of the sample sizes, the number of groups of population and the level of difference of variance ratio. The study significant levels (α) 0.01 and 0.05. The data used in research was obtained by the Monte Carlo simulation technique repeated 1,000 times for each situation. The results of this research are as follows:

1. Probability of Type I error

When the groups of population were normal distribution, the four statistical tests could control Probability of type I error, but the Lehmannn's test could not control when the sample sizes were small at significant levels 0.01. When the groups of population were logistic and lognormal distribution, Bartlett's test and Lehmann's test could not control Probability of Type I error, Brown-Forsythe's test could a little control Probability of Type I error when the groups of population had lognormal distribution at significant levels 0.01.

2. The power of the test

When the groups of population were normal distribution and the large sample sizes, Lehmann's test had the highest power of the test and followed by Bartlett's test respectively, O'Brien's test had the power of test more than Brown – Forsythe's test when the difference of variance ratio was small. When the groups of population were logistic and lognormal distribution, Brown – Forsythe's test had the power of the test higher than O'Brien's test when it could control Probability of Type I error. The tests statistic would be high power of the test, when the groups of population were normal distribution. The difference of variance ratio, the sample sizes and the number of groups of population were varying the power of test.



ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่ Copyright[©] by Chiang Mai University All rights reserved