

ชื่อเรื่องวิทยานิพนธ์

เสถียรภาพเชิงเส้นกำกับของสมการเชิงอนุพันธ์

ไม่เชิงเส้นแบบเป็นกลาง

ผู้เขียน

นายเกรียงไกร ราชกิจ

ปริญญา

วิทยาศาสตรมหาบัณฑิต (คณิตศาสตร์ประยุกต์)

อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์

อ.ดร.ปิยะพงศ์ เนียมทรัพย์

บทคัดย่อ

ในงานนี้เราได้ศึกษาถึงระบบสมการเชิงอนุพันธ์ไม่เชิงเส้นแบบเป็นกลาง  
ซึ่งสามารถอธิบายได้ด้วยระบบสมการต่อไปนี้

$$x'(t) + Cx'[t-\tau] = Ax(t) + Bx[t-\sigma] + f(t, x(t), x[t-\tau], x[t-\sigma])$$

ซึ่งมีค่าคงตัว  $\tau, \sigma > 0$  และ  $x(t) \in \mathcal{R}^n$ ,  $A \in \mathcal{R}^{n \times n}$ ,  $B \in \mathcal{R}^{n \times n}$ ,  $C \in \mathcal{R}^{n \times n}$ ,

$f(t, x(t), x[t-\tau], x[t-\sigma]) \in \mathcal{R}^n$

และ การประยุกต์แบบจำลองข่ายงานระบบประสาทแบบเป็นกลางซึ่งอธิบายได้ด้วย  
ระบบสมการต่อไปนี้

$$x'(t) + Cx'[t-\tau] = Ax(t) + BT(x[t-\sigma])x[t-\sigma] + f(t, x(t), x[t-\tau], x[t-\sigma])$$

ซึ่งมี

$$T(x) = \text{diag}(\sigma_1(x_1), \dots, \sigma_n(x_n)) \text{ และ } \sigma_i(x_i) = \frac{s_i(x_i)}{x_i}, i = 1, 2, \dots, n$$

ขั้นแรกเราได้ศึกษาเงื่อนไขเพียงพอสำหรับการมีเสถียรภาพเชิงเส้นกำกับ  
ของจุดสมดุล ( $x = 0$ ) ของระบบสมการเชิงอนุพันธ์ไม่เชิงเส้นแบบเป็นกลางและ  
การประยุกต์แบบจำลองข่ายงานระบบประสาทแบบเป็นกลาง

ต่อมาได้ศึกษาถึงการแสดงการมีเสถียรภาพเชิงเส้นกำกับของจุดสมดุล  
( $x = 0$ ) ของระบบสมการเชิงอนุพันธ์ไม่เชิงเส้นแบบเป็นกลางและการประยุกต์  
แบบจำลองข่ายงานระบบประสาทแบบเป็นกลาง ซึ่งจะมีการยกตัวอย่างเพื่ออธิบาย  
ผลการวิจัยเชิงทฤษฎีที่ได้รับโดยผลการทดลองเชิงตัวเลข



ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่  
Copyright © by Chiang Mai University  
All rights reserved

Thesis Title Asymptotic Stability of Nonlinear Differential Equations  
of Neutral Type

Author Kreangkri Ratchgit

Degree Master of Science (Applied Mathematics)

Thesis Advisor Lecturer Dr. Piyapong Niamsup

### ABSTRACT

In this work we study a neutral system which can be described by

$$x'(t) + Cx'[t - \tau] = Ax(t) + Bx[t - \sigma] + f(t, x(t), x[t - \tau], x[t - \sigma])$$

where  $x \in \mathbb{R}^n$  is the state vector,  $\tau$  and  $\sigma$  are positive constant time-delays,

$A = \text{diag}\{a_1, \dots, a_n\}$ ,  $a_i > 0$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$ ,  $B \in \mathbb{R}^{n \times n}$  and  $C \in \mathbb{R}^{n \times n}$  are constant system matrices and  $f(t, x(t), x[t - \tau], x[t - \sigma])$  is a nonlinear perturbation.

We also study the Hopfiled neural network which is described by

$$x'(t) + Cx'[t - \tau] = Ax(t) + BT(x[t - \sigma])x[t - \sigma] + f(t, x(t), x[t - \tau], x[t - \sigma])$$

where  $x \in \mathbb{R}^n$  is the state vector,  $\tau$  and  $\sigma$  are positive constant time-delays,

$A = \text{diag}\{a_1, \dots, a_n\}$ ,  $a_i > 0$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$ ,  $B \in \mathbb{R}^{n \times n}$  and  $C \in \mathbb{R}^{n \times n}$  are constant system

matrices,  $T(x) = \text{diag}(\sigma_1(x_1), \dots, \sigma_n(x_n))$  and  $\sigma_i(x_i) = \frac{s_i(x_i)}{x_i}$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$

and  $f(t, x(t), x[t - \tau], x[t - \sigma])$  is a nonlinear perturbation, where  $s_i$  is monotonically increasing for  $i = 1, 2, \dots, n$ .

Firstly, we establish sufficient conditions for the asymptotic stability of the equilibrium  $x = 0$  of neutral system and the Hopfiled neural network.

Next, we study the performances of asymptotic stability of the equilibrium  $x = 0$  of neutral system and the Hopfiled neural network.

Moreover, theorems which are obtained will be verified by numerical simulations.



ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่

Copyright © by Chiang Mai University

All rights reserved