หัวข้อการวิจัย การศึกษาทฤษฎีจุกคงที่ในเรขาคณิตยูคลิเดียน การวิจัย วิทยาศาสตร์มหาบัณฑิต (การสอนคณิตศาสตร์) มหาวิทยาลัยเชียงใหม่ 2522

ชื่อผู้ทำ ชวลิต โภคาทรัพย์

## บหคัดยอ

การศึกษาครั้งนี้มีวัตถุประสงค์ เพื่อศึกษาและทำให้เกิดความรู้ ความเข้าใจเกี่ยวกับทฤษฎีจุดคงที่ในเรษาคณิตยูคลิเดียน และ เพื่อศึกษาถึงความ สัมพันธ์ระหว่างวิชาโทโพโลยี่และวิชาเรขาคณิตเกี่ยวกับเรื่องทฤษฎีจุดคงที่

เนื้อหาของเรื่องเริ่มจากนิยามของจุดคงที่ และการพิสูจน์ทฤษฎี
ที่สำคัญเกี่ยวกับจุดคงที่ในวิชาโทโพโลยี เพื่อหาเงื่อนไขที่ทำใหพังขันมีจุดคงที่
บททอไปศึกษาถึงพังขันไดเลชัน (Dilation ) และเซ็นทรัลไดเลชัน (Contral
dilation) ซึ่งเป็นพังขันที่มีจุดคงที่ในวิชาเรขาคณิต ตลอดจนพิสูจน์ทฤษฎีเกี่ยว
กับคุณสมบัติทาง ๆ ของไดเลชัน และเซ็นทรัลไดเลชัน แล้วนำคุณสมบัตินี้ไปพิสูจน์
ทฤษฎีสำคัญ ๆ ในวิชาเรขาคณิต เชน ทฤษฎีของ menelaus ทฤษฎีของ Ceva
ทฤษฎีของ Desargues ทฤษฎี Euler Line of the Triangle และ
ทฤษฎี Nine Points Circle เพื่อให้ผู้อานได้เปรียบเทียบระหวางวิธีการ
พิสูจน์ทฤษฎีเรขาคณิตโดยใชคุณสมบัติของไดเลชัน และวิชีการพิสูจน์ในแบบทั่ว ๆ
ไป จึงได้แสดงวิธีการพิสูจน์ทฤษฎีเรขาคณิตเหลานี้ในแบบทั่ว ๆ ไป ไว้ในภาคผนวก.

Title Study on Fixed Point Theorems in Euclidean Geometry

Research Master of Science (Teaching Mathematics)

Chiang Mai University 1979

Name Chavalit Pokasup

## ABSTRACT

The purpose of this study is to investigate and acquire knowledge and understanding about Fixed - Point Theorems in Euclidean Geometry and to determine the relationship between the two important branches of mathematics, Topology and Geometry, as regards the fixed point theory.

The main body of the dissertation consists of three parts. The first part introduces the idea and gives definition of "Fixed-Point" in a topological space. Some important theorems in Topology concerning fixed points are presented and proved in order to determine under which conditions a topological function may have a fixed point.

The subsequent part is the study of Dilation and Central Dilation, both of which are functions (transformations) in Euclidean Geometry that have a fixed point. Important theorems about various properties of dilations and central dilations are proved in this part.

The third part deals with applications of those earlier discussed properties of dilation and central dilation in the proofs of some well - known theorems in Geometry such as those of Menelaus, Ceva, and Desargues, the Euler - Line of Triangle theorem and the Nine- Points Circle theorem. For comparison, the traditional proofs of these theorems are included in the appendix of the dissertation.

