Thesis Title	Stress-Strain Relationship of Abdominal Aortic Wall		
Author	Miss Asawinee Danpinid		
Degree	Doctor of Philosophy (Mechanical Engineering)		
Thesis Advisory Committee			

Prof. Dr. Pradit Terdtoon	Advisor
Asst. Prof. Dr. Patrapon Kamonpet	Co-advisor
Asst. Prof. Dr. Yottana Kunatorn	Co-advisor
Asst. Prof. Dr. Sansanee Auephanwiriyakul	Co-advisor

ABSTRACT

Arterial stiffness has been shown to be a good indicator of arterial wall disease. However, a single parameter is insufficient to describe the complex stress-strain relationship of a multi-component, non-linear tissue such as the aorta. We, therefore, propose a new approach to measure the stress-strain relationship locally *in vivo* and present a noninvasively, clinically relevant parameters describing the mechanical interaction between aortic wall constituents.

The slope change of the circumferential stress-strain curve was hypothesized as a contribution of elastin and collagen, which was noninvasively defined in the term of strain using only radial aortic wall acceleration, i.e., transition strain (ε_{θ}^{T}). Twospring parallel was generically employed as the phenomenological model and three Young's moduli were accordingly evaluated, i.e., corresponding to the: elastic lamellae (E_{I}), elastin-collagen fibers (E_{2}) and collagen fibers (E_{3}). Our study performed on normal and Angiotensin II (AngII)-treated mouse abdominal aortas using aortic pressure from catheterization and local aortic wall diameters obtained using a cross-correlation technique on the radio frequency (RF) ultrasound signals at 30 MHz and frame rate of 8 kHz. Using our technique, transition strain and three Young's moduli in both normal and pathological aortas were mapped in two dimensional plane.

The slope change of the circumferential stress-strain curve was first observed *in vivo* under physiologic conditions. The transition strain was identified at the lower strain level in the AngII-treated case, i.e., 0.029 ± 0.006 of normal and 0.012 ± 0.004 of AngII-treated aortas. E_1 , E_2 and E_3 were 69.7 ± 18.6 , 214.5 ± 65.8 and 144.8 ± 55.2 kPa for normal aortas, respectively, and 222.1 ± 114.8 , 775.0 ± 586.4 and 552.9 ± 519.1 kPa for AngII-treated aortas, respectively. This is because of the alteration of structures and content of the wall constituents, the degradation of elastic lamella and collagen formation due to AngII treatment. In our case, the proposed Young's moduli presented only non-viscous, isotropic, elastic properties of the aorta since circumferential stress-strain was only evaluated and aortic wall dilation was considered. The transition strain, however, was shown to be independent of the aortic pressure and can, thus, serve as a clinically relevant parameter and be obtained noninvasively using ultrasound-based motion estimation techniques.

Transmural stresses and strains ($\sigma_{rr}, \sigma_{\theta\theta}, \sigma_{zz}, \varepsilon_{rr}$ and $\varepsilon_{\theta\theta}$) distributions were estimated using the calculated material parameters from our methodology ($\varepsilon_{\theta}^{T}, E_{I}, E_{2}$, and E_{3}) with increased quasi-statically aortic pressures. We assumed the aortic wall to be plane strain with linear, elastic, homogeneous, isotropic material. This simple model represents a correlated results, i.e., stresses and strains nonlinearly decrease

Х

from inner to outer wall across the wall, to the conventional pressured cylinder analysis and previous studies on arterial wall.

In conclusion, our novel methodology can assess the stress-strain relationship of the aortic wall locally *in vivo* and quantify informative parameters which are related to vascular disease. Also, the calculated stress-strain distributions using the aforementioned parameter provide a basic idea for future implementation on more complicated geometries and anisotropies.



ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่ Copyright[©] by Chiang Mai University All rights reserved ชื่อเรื่องวิทยานิพนธ์

ความสัมพันธ์ระหว่างความเก้นและความเกรียดในหลอดเลือด แอบโดมินอลเอออร์ตา

ผู้เขียน

น.ส.อัศวินี ด่านพินิจ

ปริญญา

วิศวกรรมศาสตรคุษฎีบัณฑิต (วิศวกรรมเครื่องกล)

คณะกรรมการที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์

ศ.คร.ประคิษฐ์ เทอคทูล	อาจารย์ที่ปรึกษาหลัก
ผศ.คร.ภัทราพร กมลเพ็ชร	อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม
ผศ.คร.ยศธนา คุณาธร	อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม
ผศ.คร.ศันสนีย์ เอื้อวิริยะพันธ์กุล	อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม

บทคัดย่อ

ค่าความแข็งของหลอดเลือดสามารถบ่งชี้ถึงสภาวะเกิดโรคของผนังหลอดเลือดได้เป็น อย่างดี อย่างไรก็ตามตัวแปรเพียงค่าเดียวไม่พอเพียงที่จะอธิบายถึงความสัมพันธ์ระหว่างความเค้น และความเครียดที่ซับซ้อนของเนื้อเยื่อ ที่มีองค์ประกอบหลากหลายแบบไม่เป็นเชิงเส้นดังเช่นหลอด เลือดเอออร์ตาได้ งานวิจัยนี้จึงนำเสนอวิธีการวัดความสัมพันธ์ระหว่างความเค้นและความเครียด แบบใหม่เฉพาะจุดในสิ่งมีชีวิต และนำเสนอตัวแปรเชิงการรักษาแบบไม่ผ่าเปิดที่อธิบายอัตรกิริยา เชิงกลระหว่างองค์ประกอบของผนังหลอดเลือด

สมมติฐานของการศึกษานี้คือ การเปลี่ยนแปลงความชันของเส้นโค้งความสัมพันธ์ระหว่าง ความเก้นและความเกรียดในแนวเส้นรอบวงเกิดจากการเสริมกันระหว่าง อิลาสตินและคอลลาเจน ซึ่งสามารถนิยามการเปลี่ยนแปลงนี้ได้ในพจน์ของความเกรียดแบบไม่ผ่าเปิด ในรูปของความเร่ง ของผนังในแนวรัศมีหรือความเกรียดแปรเปลี่ยน ($arepsilon_{ heta}^{\mathrm{T}}$) โดยกำหนดให้แบบจำลองเชิง ปรากฏการณ์อยู่ในรูปแบบสปริงสองตัวต่อในแนวขนาน จากแบบจำลองนี้สามารถกำนวณค่ายัง โมดูลัสได้สามค่า คือ ค่ายังโมดูลัสที่สอดกล้องกับชั้นอิลาสติก (*E*₁) ก่ายังโมดูลัสที่สอดกล้องกับอิ ลาสตินและเส้นใยกอลลาเจน (*E*₂) และก่ายังโมดูลัสที่สอดกล้องกับก่าเส้นใยกอลลาเจน (*E*₃)

การศึกษาครั้งนี้ใช้ข้อมูลหลอดเลือดแอบโดมินอลเอออร์ตาจากหนูที่ปรกติและรักษาด้วย แอนกิโอเทนซินทู (Angiotensin II) โดยใช้ความดันเอออร์ตาจากการสอดวัดและเส้นผ่าน ศูนย์กลางของผนังหลอดเลือดเอออร์ตาแบบเฉพาะจุดจากการใช้เทคนิคครอสกอรรีเรชั่น (crosscorrelation) ด้วยสัญญาณอัลตราซาวด์ความถี่วิทยุ 30 เมกกะเฮิร์ตและอัตราการเก็บข้อมูล 8 กิโล เฮิร์ต ด้วยเทคนิคดังกล่าวสามารถแสดงทั้งค่าความเค้นแปรเปลี่ยนและค่ายังโมดูลัสทั้งสามของ หลอดเลือดที่ปรกติและเกิดโรคแบบสองมิติได้

จากผลการทดลอง สามารถสังเกตพบก่าการเปลี่ยนแปลงความชันของเส้นโค้งความเก้น และความเครียดในแนวเส้นรอบวงได้เป็นครั้งแรกในสิ่งมีชีวิต ภายใต้เงื่อนไขในเชิงสรีรศาสตร์ ค่า ความเค้นแปรเปลี่ยนในกรณีรักษาค้วยแอนกิโอเทนซินมีค่าระดับความเค้นที่ต่ำกว่าแบบปรกดินั่น คือ 0.012±0.004 และ 0.029±0.006 ตามลำคับ ค่ายังโมดูลัสของกรณีหลอดเลือดปรกติ *E_I E₂* และ *E*₃ มีก่าเท่ากับ 69.7±18.6, 214.5±65.8 และ 144.8±55.2 กิโลปาสกาล ส่วนกรณีของ หลอดเลือดที่ใช้แอนกิโอเทนซินมีก่าเท่ากับ 222.1±114.8 775.0±586.4 และ 552.9±519.1 กิโล ปาสกาลตามลำคับ ก่าความเก้นแปรเปลี่ยนและก่ายังโมดูลัสของสองกลุ่มมีก่าแตกต่างกันเพราะการ แปรเปลี่ยนของโครงสร้างและปริมาณขององค์ประกอบของผนังหลือดเลือด การลดทอนลงของ ชั้นอิลาสติก และการสร้างตัวของคอลลาเจนเนื่องจากผลของการรักษาด้วยแอนกิโอเทนซิน ใน กรณีนี้ ก่ายังโมดูลัสที่หาได้แสดงเพียงก่าคุณสมบัติเชิงอิลาสติก ไอโซโทรปิก แบบไม่มีความหนืด รวมด้วยเมื่อหาเพียงแก่ความเก้นและความเครียดในแนวเส้นรอบวงและพิจารณาเฉพาะช่วงการยืด ออกของหลอดเลือดเอออร์ตาเท่านั้น อย่างไรก็ตามก่าความเก้นแปรเปลี่ยนนี้ไม่ขึ้นกับกวามดันเอ ออร์ตาและเป็นตัวแปรเชิงการรักษาที่แบบไม่ผ่าเปิดได้โดยใช้เทลนิกการประมาณก่าการเคลื่อนที่ จากพื้นฐานของอัลตราซาวด์

การกระจายตัวของความเก้นและความเกรียดข้ามผ่านผนัง ($\sigma_{rr}, \sigma_{\theta\theta}, \sigma_{zz}, \varepsilon_{rr}$ และ $\varepsilon_{\theta\theta}$) สามารถประมาณก่าได้โดยใช้ก่าคุณสมบัติที่กำนวณได้ ($\varepsilon_{\theta}^{T}, E_{I}, E_{2}, และ E_{3}$) จากงานวิจัยนี้กับ กวามดันเอออร์ตาที่เพิ่มขึ้นแบบกึ่งสถิต หากอนุมานให้ผนังหลอดเลือดเอออร์ตาเป็นปัญหาแบบ ระนาบกวามเก้น (Plane strain) และเป็นวัสดุแบบไอโซโทรปิกอิลาสติกเชิงเส้นที่สม่ำเสมอ แบบจำลองอย่างง่ายนี้สามารถแสดงผลลัพธ์ที่สอดกล้องกันกับการวิเกราะห์กำนวณจากท่อรับกวาม ดันแบบธรรมดาและงานวิจัยก่อนหน้านี้ นั่นกือ กวามเก้นและกวามเกรียดลดลงอย่างไม่เป็นเชิงเส้น ข้ามผ่านผนังจากผนังส่วนในไปสู่ผนังส่วนนอกของหลอดเลือด โดยทั่วไปแล้ววิธีการแบบใหม่นี้สามารถเข้าถึงความสัมพันธ์ระหว่างความเค้นและ ความเครียดของผนังหลอดเลือดเอออร์ตาแบบเฉพาะจุดในสิ่งมีชีวิต และสามารถหาค่าตัวแปรที่มี ข้อมูลที่สัมพันธ์กับโรคหลอดเลือด อีกทั้งการกระจายตัวของความเค้นและความเครียดที่ประมาณ ค่าได้ ค่าคุณสมบัติจากเทคนิคดังกล่าวยังให้แนวคิดพื้นฐานสำหรับการประยุกต์ใช้รูปร่างที่ซับซ้อน และความไม่เป็นไอโซโทรปิกเข้าร่วมได้ในอนาคต



ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่ Copyright[©] by Chiang Mai University All rights reserved