

บทที่ 3

กรอบแนวคิดทฤษฎีและระเบียบวิธีวิจัย

กรอบแนวคิดและทฤษฎีที่เกี่ยวข้องและระเบียบวิธีวิจัยของการศึกษานี้ถูกนำเสนอโดยมีวัตถุประสงค์เพื่อให้เกิดความเข้าใจในแนวคิดทฤษฎีที่ใช้ในการศึกษาประสิทธิภาพการผลิตและระเบียบวิธีวิจัยที่ใช้เพื่อบรรลุวัตถุประสงค์ของการศึกษา

3.1 กรอบแนวคิดและทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

กรอบแนวคิดและทฤษฎีที่เกี่ยวข้องในการศึกษานี้ ประกอบด้วยทฤษฎีการผลิต การวัดประสิทธิภาพการผลิต และความไม่มีประสิทธิภาพทางเทคนิค ดังรายละเอียดต่อไปนี้

3.1.1 ทฤษฎีการผลิต

การผลิตในเชิงเศรษฐศาสตร์คือ การนำปัจจัยการผลิต (input) มาเปลี่ยนให้เป็นผลผลิต (output) โดยผลผลิตที่ได้รับจะมากหรือน้อยขึ้นอยู่กับศักยภาพของหน่วยการผลิต ลักษณะการผลิตจะสะท้อนถึงประสิทธิภาพการผลิตซึ่งมีการนำทฤษฎีการผลิตมาใช้อธิบายครั้งแรกโดย Alfred Marshall เพื่อแสดงลักษณะความสัมพันธ์ระหว่างผลผลิตกับปัจจัยการผลิตในรูปของฟังก์ชันการผลิต (production function) Coelli et al. (1998) ได้กล่าวถึงความสัมพันธ์ทางเทคนิคระหว่างปัจจัยการผลิตกับผลผลิต และการใช้เทคโนโลยีการของหน่วยการผลิตซึ่งสะท้อนให้เห็นถึงความไม่มีประสิทธิภาพเพราะวิธีในการผลิตคือการผลิตผสมผสานปัจจัยการผลิต ณ ระดับผลผลิตที่หน่วยผลผลิตที่ต้องการใช้เงินทำให้วิธีการผลิตหรือเทคนิคการผลิตแตกต่างกัน เป็นการสมมติว่าในการผลิตสินค้าหนึ่งชนิดมีการใช้ปัจจัยการผลิต 2 ชนิด สามารถเขียนฟังก์ชันการผลิตเป็นความสัมพันธ์ทางคณิตศาสตร์ได้ดังนี้ (Coelli Rao, & Battese, 1998 อ้างใน สุธานันท์, 2549)

$$y = f(x_1, x_2) \quad (3.1)$$

ฟังก์ชันการผลิตดังสมการที่ (3.1) มีคุณสมบัติทั่วไปคือ เมื่อมีการใช้ปัจจัยการผลิตเพิ่มขึ้นผลผลิตที่ได้จะต้องไม่ลดลง และอยู่ภายใต้กฎการลดน้อยถอยลงของอัตราส่วนการใช้ปัจจัยการผลิตของอัตราส่วนเพิ่มของการทดแทนกัน ปัจจุบันฟังก์ชันการผลิตที่นิยมใช้อธิบายแบ่งออกเป็น 2 รูปแบบได้แก่ ฟังก์ชันการผลิตแบบคอบบ์ดักลาส (Cobb-douglas) และฟังก์ชันการผลิตแบบทรานสล็อก (translog) ซึ่งทั้ง 2 รูปแบบมีข้อแตกต่างกันดังนี้

1) ฟังก์ชันการผลิตแบบคอบบ์-ดักลาส (Cobb-douglas) เป็นรูปแบบฟังก์ชันที่ได้รับความนิยมเพื่อใช้อธิบายการวิเคราะห์ในทฤษฎีการผลิตโดยแพร่หลายมีรูปแบบสมการดังนี้

$$y = Ax_1^\alpha x_2^{(1-\alpha)} \quad (3.2)$$

เมื่อ A คือค่าคงที่มีค่าเป็นบวกแสดงถึงการเปลี่ยนแปลงทางเทคนิค, α คือ ความยืดหยุ่นจากการเปลี่ยนแปลงปัจจัยการผลิตชนิดที่ 1 (x_1) และ $(1 - \alpha)$ คือความยืดหยุ่นของปริมาณผลผลิตจากการเปลี่ยนแปลงการใช้ปัจจัยการผลิตชนิดที่ 2 ทำให้รูปแบบฟังก์ชันแบบคอบบ์-ดักลาส มีคุณสมบัติคือมีความยืดหยุ่นของการทดแทนกันเท่ากับ 1 และมีผลตอบแทนต่อขนาดคงที่ (Henderson & Quandt, 1980)

2) ฟังก์ชันการผลิตแบบทรานสล็อก (Translog production function) เป็นรูปแบบฟังก์ชันการผลิตที่แก้ไขข้อจำกัดในเรื่องความยืดหยุ่นของการทดแทนกันเท่ากับ 1 และผลตอบแทนต่อขนาดคงที่รูปแบบทรานสล็อกได้รับการพัฒนาขึ้นให้มีความคล่องตัว (flexible) ซึ่งสอดคล้องกับความเป็นจริงมากขึ้นเป็นการนำฟังก์ชันการผลิตแบบคอบบ์-ดักลาสที่อยู่ในรูป Second degree polynomial in logarithms รวมเข้าด้วยกันกับฟังก์ชันการผลิตที่มีความยืดหยุ่นของการทดแทนของปัจจัยการผลิตคงที่ (constant elasticity of substitution) โดยใช้แนวคิดทฤษฎี Taylor's Series Expansion เมื่อนำมาจัดรูปให้อยู่ในรูป Second degree polynomial in logarithms แล้วนำมาประยุกต์ให้เข้ากับฟังก์ชันการผลิตแบบคอบบ์-ดักลาส โดยสมมติให้มีปัจจัยการผลิต 2 ชนิดจะมีรูปแบบฟังก์ชันดังนี้

$$\ln y = \ln \beta_0 + \beta_1 \ln x_1 + \beta_2 \ln x_2 + \beta_{11} (\ln x_1)^2 + \beta_{22} (\ln x_2)^2 + \beta_{12} \ln x_1 \ln x_2 \quad (3.3)$$

ส่วนฟังก์ชันการผลิตที่นิยมในปัจจุบันเป็นการประยุกต์ฟังก์ชัน ในรูปแบบของ Christensen et al. (1973) ที่มีผลผลิตเพียงชนิดเดียวแต่ใช้ปัจจัยการผลิตหลายชนิดมีรูปแบบดังนี้ (Berndt & Christensen, 1973)

$$\ln y = \ln \alpha_0 + \alpha_A \ln A + \sum_{i=1}^n \alpha_i \ln x_i + \frac{1}{2} \gamma_{AA} (\ln A)^2 + \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \gamma_{ij} \ln x_i \ln x_j + \sum_{i=1}^n \gamma_{iA} \ln x_i \ln A \quad (3.4)$$

เมื่อ y คือปริมาณผลผลิต, A คือดัชนีเทคโนโลยี, x_i และ x_j คือปัจจัยการผลิตชนิดที่ i และ j ตามลำดับ ส่วน $\alpha_0, \alpha_A, \alpha_i, \gamma_{AA}, \gamma_{ij}, \gamma_{iA}$ คือ ค่าพารามิเตอร์ และถ้าฟังก์ชันการผลิตที่เป็นไปได้มีผลตอบแทนต่อขนาดคงที่ (constant returns to scale: CRS) แสดงว่า

$$\ln y(tx_1, \dots, tx_n, A) = \ln y(x_1, \dots, x_n) + \ln t \quad (3.5)$$

จากคุณสมบัติของ CRS จะทำให้ค่าพารามิเตอร์ของฟังก์ชันการผลิตแบบทรานสล็อกมีเงื่อนไข คือ $\sum_{k=1}^n \alpha_k = 1, \sum_{i=1}^n \gamma_{ij} = \sum_{j=1}^n \gamma_{ji} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \gamma_{ij} = \sum_{i=1}^n \gamma_{iA} = 0$ ดังนั้น ถ้าฟังก์ชันดังกล่าวมีคุณสมบัติทั้ง CRS และการเปลี่ยนแปลงเทคนิคอย่างเป็นกลาง (hicks-neutral technical change: HNTC) โดยที่ส่วนแบ่งต้นทุน (S_i) ของปัจจัยการผลิตไม่เปลี่ยนแปลงเมื่อเทียบกับเวลา (t) $\frac{\partial S_i}{\partial t} = 0$ จะได้ว่า

$$\ln y(tx_1, \dots, tx_n, A) = \ln y A + \ln y(x_1, \dots, x_n) \quad (3.6)$$

ค่าพารามิเตอร์ของฟังก์ชันการผลิตแบบทรานสล็อกมีข้อจำกัดคือ $\alpha_A = 1, \gamma_{AA} = 0, \gamma_{iA} = 0$ ทำให้สามารถเขียนใหม่ในรูปแบบฟังก์ชันที่มีทั้งคุณสมบัติ CRS และ HNTC ได้ดังนี้

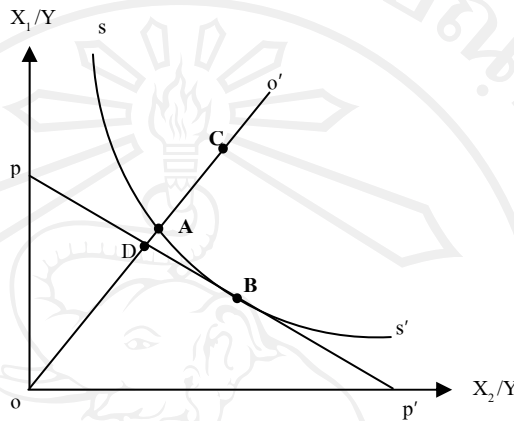
$$\ln y = \ln \alpha_0 + \ln A + \sum_{i=1}^n \alpha_i \ln x_i + \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \gamma_{ij} \ln x_i \ln x_j \quad (3.7)$$

3.1.2 การวัดประสิทธิภาพการผลิต

ประสิทธิภาพของหน่วยผลิตทางเศรษฐศาสตร์หมายถึง ความสามารถที่หน่วยผลิตเพิ่มผลผลิตภายใต้ทรัพยากรที่มีจำกัดหรือความสามารถในการประหยัดทรัพยากร ซึ่งอยู่บนแนวคิดเศรษฐศาสตร์ยุคคลาสสิกเกี่ยวกับทฤษฎีการผลิต การวัดประสิทธิภาพการผลิตของหน่วยผลิตในปัจจุบันเริ่มต้นจากงานของ Farrell (1957) ที่เสนอแนวคิดของประสิทธิภาพการผลิตของหน่วยผลิตว่าประสิทธิภาพการผลิต ประกอบด้วย 2 ส่วนคือ ประสิทธิภาพเชิงเทคนิค (technical efficiency: TE) สะท้อนถึงความสามารถของหน่วยผลิตในการผลิตสินค้าให้ได้ปริมาณสูงสุดด้วยปัจจัยการผลิตที่กำหนดให้และประสิทธิภาพทางราคา (price efficiency: PE) สะท้อนถึงความสามารถของหน่วยผลิตในการใช้ปัจจัยการผลิตในสัดส่วนที่เหมาะสม ภายใต้ราคาและเทคโนโลยีที่เผชิญอยู่ และเมื่อรวมประสิทธิภาพทั้ง 2 ทางเข้าด้วยกันจะได้ประสิทธิภาพในทางเศรษฐศาสตร์ (overall efficiency: OE หรือ economic efficiency: EE) Coelli et al. (1998)

Farrell (1957) ได้เสนอแนวความคิดเกี่ยวกับการวัดประสิทธิภาพทางเทคนิคไว้ โดยสมมติว่ามีปัจจัยการผลิต 2 ชนิด (X_1, X_2) ในการผลิตสินค้า 1 หน่วย (Y) โดยแกนตั้งและแกนนอนแสดงการใช้ปัจจัยการผลิต X_1 และ X_2 ภายใต้เทคโนโลยีที่มีอยู่ จุด A, B และทุกๆจุด ที่บนอยู่ เส้น ss' สามารถได้ผลผลิตเท่ากับหนึ่งหน่วย (unit isoquant) จุด D และจุด C คือจุดที่หน่วยการผลิตทำการผลิตสินค้าได้ภายใต้เทคโนโลยีที่มีอยู่ และสามารถปรับปัจจัยการผลิตได้ถึงจุด A ซึ่งยังได้ผลผลิตเท่าเดิม สำหรับการวัดประสิทธิภาพทางเทคนิคการผลิต (TE) ทำได้เท่ากับ OA/OC ซึ่งมีค่าอยู่ระหว่าง 0-1 โดยที่ TE = 1 แสดงว่าหน่วยการผลิตมีประสิทธิภาพทางเทคนิคเต็มที่ ส่วนความสามารถในการวัดประสิทธิภาพทางราคา (PE) นั้นสามารถวัดได้จากการผลิตสินค้าที่อยู่บนเส้น pp' ซึ่งเป็นเส้นแสดงการใช้ต้นทุนการผลิตเท่ากัน โดยที่จุด A คือจุดที่ใช้ต้นทุนการผลิตมากเกินไปได้ สามารถลดการใช้

ต้นทุนลงได้อีกถึงจุด D ซึ่งจะทำให้เสียต้นทุนต่ำสุด ดังนั้นสัดส่วนของต้นทุนที่ลดลงได้อีกต่อต้นทุนสินค้าที่ใช้ไป คือ DA/OA และถ้าหน่วยผลิตต้องการให้เกิดประสิทธิภาพทางเทคนิคและประสิทธิภาพราคา สามารถเลือกทำการผลิตให้เหมาะสมได้ดังที่จุด B ซึ่งใช้ต้นทุนต่ำสุดและผลิต Y เท่ากับ 1 หน่วย จะถือได้ว่ามีประสิทธิภาพทางเศรษฐกิจ (EE) ซึ่งเป็นการผลิตที่มีประสิทธิภาพเต็มที่ ($EE = TE \times PE$) (รูป 3.1)



ที่มา: Coelli *et al.* (1998)

รูป 3.1 ประสิทธิภาพการผลิตในเชิงเทคนิคและในเชิงราคา

Farrell (1957) กล่าวถึงการวัดพรมแดนประสิทธิภาพการผลิต (frontier efficiency) นำไปสู่กรอบการวิเคราะห์ประสิทธิภาพการผลิตซึ่งสามารถแบ่งได้ 2 วิธีคือ การวัดประสิทธิภาพโดยอาศัยวิธีการแบบไม่มีพารามิเตอร์ (non-parametric approach) และการวัดประสิทธิภาพโดยอาศัยวิธีการแบบมีพารามิเตอร์ (parametric approach) Aigner and Chu (1968) (อ้างใน สุชานนท์, 2549)

1) วิธีการแบบไม่มีพารามิเตอร์ (non-parametric approach)

เป็นวิธีที่ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์ใช้เทคนิคการประมาณค่าด้วย linear programming ไม่ต้องกำหนดว่าข้อมูลมีการแจกแจงแบบใดแต่ข้อมูลที่นำมาใช้ต้องไม่มีความสัมพันธ์ต่อกัน โดยมีข้อสมมติคือ ให้เทคโนโลยีเป็นแบบผลตอบแทนต่อขนาดคงที่ (constant return to scale) นั่นก็คือวิธี Data Envelopment analysis (DEA) นำมาใช้โดย Charnes *et al.* (1978) วิธีนี้นิยมใช้วัดประสิทธิภาพเชิงการจัดการเพราะเป็นวิธีการที่สะดวกเหมาะกับการผลิตที่นำไปสู่ผลผลิตมากกว่าหนึ่งชนิด และมีความยุ่งยากในการวัดโครงสร้างการผลิตโดยรวมหรือต้องการหลีกเลี่ยงข้อจำกัดที่ไม่จำเป็นเกี่ยวกับรูปแบบฟังก์ชัน แต่มีข้อสังเกตว่าวิธีการนี้เป็นเทคนิคที่เกี่ยวกับจุดสูงสุดหรือต่ำสุดฉะนั้นการทดสอบสมมติฐานทางสถิติจึงทำได้ยาก

แนวคิดวิธี DEA ได้สมมติให้มีเทคโนโลยีการผลิตแบบ constant return to scale โดยสมมติให้มีหน่วยผลิตจำนวน n หน่วย หรือเรียกว่า DMU (decision making unit) ปัจจัยการผลิตจำนวน m

ชนิด และมีผลผลิตจำนวน k ชนิด ปัจจัยการผลิตและผลผลิตของแต่ละ DMU แทนด้วย x_i และ y_j ตามลำดับ โดยที่ x_i และ y_j มีค่ามากกว่าหรือเท่ากับศูนย์ และอย่างน้อย DMU มีปัจจัยการผลิตและผลผลิตหนึ่งชนิดที่มีค่ามากกว่าศูนย์ และอัตราส่วนผลผลิตต่อปัจจัยการผลิตของแต่ละ DMU จะต้องมีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับ 1 ดังนั้นจึงสามารถกำหนดสมการโปรแกรมเชิงเส้นและแก้ปัญหาการหาสูงสุดภายใต้ข้อจำกัดได้ดังนี้

$$\text{ฟังก์ชันจุดมุ่งหมาย} \quad \text{Max}_{u,v} (u'y_i / v'x_i) \quad (3.8)$$

$$\text{ภายใต้ข้อจำกัด} \quad u'y_j / v'x_j \leq 1 \quad (3.9)$$

$$u \geq 0$$

$$v \geq 0$$

โดย u_i คือ เวกเตอร์ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักของผลผลิต
 y_j คือ เวกเตอร์ของผลผลิต $j = 1, \dots, k$
 v_i คือ เวกเตอร์ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักของปัจจัยการผลิต
 x_i คือ เวกเตอร์ของปัจจัยการผลิต $i = 1, \dots, m$

จากการที่วิธี DEA ใช้หลักการของ non-parametric linear programming ทำให้มีข้อดีคือไม่ต้องคำนึงถึงรูปแบบฟังก์ชันการผลิต และง่ายต่อหน่วยผลิตที่มีปัจจัยการผลิตและผลผลิตหลายชนิด วิธีการนี้ไม่จำเป็นต้องกำหนดรูปแบบของฟังก์ชันการผลิต ไม่จำเป็นต้องมีจำนวนข้อมูลจำนวนมาก และไม่จำเป็นต้องทราบรูปแบบการกระจายของประชากร แต่ก็มีข้อจำกัดบางประการ เช่น มีความอ่อนไหวต่อความคลาดเคลื่อนของข้อมูลและการวัด จึงไม่เหมาะกับข้อมูลที่มีความคลาดเคลื่อนจากการวัดสูง รวมถึงการไม่สามารถใช้เครื่องมือทางสถิติในการทดสอบสมมติฐานเกี่ยวกับพารามิเตอร์ที่ประมาณค่าได้

2) วิธีการแบบมีพารามิเตอร์ (parametric approach)

Deterministic parametric approach ถูกเสนอโดย Aigner and Chu (1968) ใช้เพื่อแก้ไขข้อจำกัดของ Farrell ในเรื่องผลตอบแทนต่อขนาดคงที่ที่มีความยืดหยุ่นมากขึ้น มีการคำนึงถึงความคลาดเคลื่อน (random error) ผลการศึกษาที่ได้สามารถทดสอบระดับความเชื่อมั่นทางสถิติของค่าพารามิเตอร์ต่างๆ ที่ได้จากการประมาณค่าพารามิเตอร์ได้ โดยที่มีการสมมติความน่าจะเป็นของการกระจายของค่าความคลาดเคลื่อนสำหรับความไม่มีประสิทธิภาพ แต่การประมาณหาเส้นพรมแดนของวิธีนี้มีข้อด้อยคือ อิทธิพลจากปัจจัยภายนอกที่ไม่สามารถควบคุมได้อาจมีผลกระทบต่อค่าประมาณค่า ข้อมูลตัวอย่างประชากรที่นำมาวิเคราะห์จึงต้องมีจำนวนมากเพียงพอ เพื่อไม่ให้ข้อมูลอยู่สูงหรือต่ำกว่าปกติ ต่อมาได้รับการปรับปรุงและนำมาใช้โดย Afrait (1972) เรียกว่า Deterministic Statistical Frontier Approach โดยใช้การประมาณค่าด้วยวิธี maximum likelihood ซึ่ง

กำหนดให้มีค่าความคลาดเคลื่อนเป็นตัววัดความไม่มีประสิทธิภาพทางเทคนิคเช่นกัน ต่อมา Schmidt (1976) พิสูจน์ให้เห็นว่าวิธีนี้ให้ผลคล้ายกับ Aigner and Chu (1968) แต่ในความเป็นจริงแล้วในการผลิตอาจมีผลกระทบส่วนหนึ่งจากปัจจัยภายนอกซึ่งข้อจำกัดนี้ต่อมาได้ถูกแก้ไขด้วยวิธี stochastic frontier

วิธีการประมาณค่าแบบมีพารามิเตอร์แบบ Stochastic Frontier นำเสนอโดย Aigner, Lovell and Schmidt (1977) เป็นการสมมติโดยแบ่งความคลาดเคลื่อน (error term) ออกเป็น 2 ส่วนประกอบด้วยค่าความคลาดเคลื่อนแบบสุ่ม (random error) อันเกิดจากสภาพแวดล้อมที่ไม่สามารถควบคุมได้ (v) และส่วนที่สองแสดงถึงความไม่มีประสิทธิภาพซึ่งเป็นค่าความคลาดเคลื่อนที่สามารถควบคุมได้ (u) ค่าที่เกิดขึ้นเป็นความคลาดเคลื่อนข้างเดียวเนื่องจากมีค่าสังเกตอยู่บนเส้นหรือใต้เส้นพรมแดนเสมอ โดยที่ความคลาดเคลื่อนทั้งสองส่วนนี้เป็นอิสระต่อกัน ทำให้วิธีนี้เป็นวิธีการหาค่าประสิทธิภาพที่ใกล้เคียงความเป็นจริงมากที่สุดในการผลิตทางการเกษตร สามารถเขียนให้อยู่ในรูป

$$y = f(x, \beta) + v - u \quad (3.10)$$

จากสมการ (3.10) ค่า v แสดงถึงผลกระทบจากความคลาดเคลื่อนอื่นๆ ที่ไม่สามารถควบคุมได้ แต่มีผลต่อผลผลิต โดยที่ v มีลักษณะการแจกแจงแบบปกติ $N(0, \sigma_v^2)$ ส่วน u ซึ่งแสดงถึงความไม่มีประสิทธิภาพทางเทคนิค โดยที่กำหนดให้ u มีค่ามากกว่าหรือเท่ากับศูนย์ และ u มากกว่าศูนย์ คือผลผลิตอยู่ต่ำกว่าเส้นขอบเขต (frontier) เป็นผลมาจากปัจจัยที่สามารถควบคุมได้ เช่น การใช้ปัจจัยการผลิตต่างๆ ได้แก่ การใช้ปุ๋ย แรงงาน การใช้สารกำจัดวัชพืช เป็นต้น มีลักษณะการแจกแจงแบบครึ่งเดียวมีค่าทางบวก (half normal) อยู่ในรูป $N^+(0, \sigma_u^2)$ มีค่าเฉลี่ยและค่าความแปรปรวนไว้ดังนี้ (Kumbhakar & Lovell, 2000)

เมื่อกำหนดให้ v และ u มีลักษณะของการแจกแจงที่เป็นอิสระต่อกัน แต่เนื่องจาก v ไม่สามารถสังเกตได้ และค่า $\varepsilon = v - u$ จึงทำให้ฟังก์ชันความหนาแน่นร่วม (joint density function) ของ u และ ε มีลักษณะดังนี้

$$f(u, \varepsilon) = \frac{2}{2\pi\sigma_u\sigma_v} \exp\left[-\frac{u^2}{2\sigma_u^2} - \frac{(\varepsilon + u)^2}{2\sigma_v^2}\right] \quad (3.11)$$

ดังนั้น $f(\varepsilon)$ ซึ่งอยู่ในรูปฟังก์ชันความหนาแน่น (density function) สามารถหาได้จากกรอินทิกรัลฟังก์ชัน $f(u, \varepsilon)$ ได้ดังนี้

$$f(\varepsilon) = \int_0^{\infty} f(u, \varepsilon) du$$

$$\begin{aligned}
&= \frac{2}{\sqrt{2\pi}\sigma} \left[1 - \Phi\left(\frac{\varepsilon\lambda}{\sigma}\right) \right] \cdot \exp\left(-\frac{\varepsilon^2}{2\sigma^2}\right) \\
&= \frac{2}{\sigma} \phi\left(\frac{\varepsilon}{\sigma}\right) \cdot \Phi\left(-\frac{\varepsilon\lambda}{\sigma}\right)
\end{aligned} \tag{3.12}$$

และเนื่องจากค่า $\lambda = \sigma_u / \sigma_v$ ดังนั้นในกรณีที่ $\sigma_v = 0$ จะทำให้ค่า λ เท่ากับค่าอนันต์ (infinity) ก่อให้เกิดความคลาดเคลื่อนซึ่งถือเป็นการยอมรับว่ามีขอบเขตการผลิตเท่ากับค่าอนันต์ทั้งที่ไม่สามารถเป็นไปได้ในความเป็นจริง ดังนั้นเพื่อแก้ไขปัญหานี้จึงใช้ค่า γ แทน λ เขียน $f(\varepsilon)$ ใหม่ได้ดังนี้

$$f(\varepsilon) = \frac{2}{\sigma} \phi\left(\frac{\varepsilon}{\sigma}\right) \Phi\left(-\frac{\varepsilon}{\sigma} \sqrt{\frac{\gamma}{1-\gamma}}\right) \tag{3.13}$$

โดยที่ $\sigma = \sqrt{\sigma_u^2 + \sigma_v^2}$ และ $\gamma = \sigma_u^2 / (\sigma_u^2 + \sigma_v^2)$ ทำให้ฟังก์ชันความหนาแน่น (density function) ของ $f(\varepsilon)$ ในสมการ (3.13) มีลักษณะการแจกแจงแบบไม่สมมาตร (asymmetric) จึงมีค่าเฉลี่ยและค่าความแปรปรวนดังนี้

$$E(\varepsilon) = -E(u) = -\sigma_u \sqrt{\frac{2}{\pi}} \tag{3.14}$$

$$V(\varepsilon) = \left(\frac{\pi-2}{\pi}\right) \sigma_u^2 + \sigma_v^2 \tag{3.15}$$

การประมาณค่าพารามิเตอร์ด้วยวิธีความน่าจะเป็นสูงสุด (MLE) จะต้องปรับรูปสมการให้อยู่ในรูปสมการเส้นตรงก่อนการเปลี่ยนให้เป็นฟังก์ชันความน่าจะเป็นแบบล็อก (log likelihood function) ของหน่วยการผลิตที่มีทั้งหมด n หน่วยนั้นเขียนได้ดังนี้ (Kumbhakar & Lovell, 2000 อ้างใน สุรานันท์, 2549)

$$\ln L = n \ln \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{\pi}} - n \ln \sigma + \sum_{i=1}^n \ln \Phi\left(-\frac{\varepsilon_i}{\sigma} \sqrt{\frac{\gamma}{1-\gamma}}\right) - \frac{1}{2\sigma^2} \sum_{i=1}^n \varepsilon_i^2 \tag{3.16}$$

โดยที่

$$\varepsilon = \ln y_i - \left(\beta_0 + \sum_{k=1}^n \beta_k \ln x_{ki} + \sum_{k \leq j}^n \sum_{j=1}^n \beta_{kj} \ln x_{ki} \ln x_{ji} \right) \tag{3.17}$$

3.1.3 การประมาณค่าความไม่มีประสิทธิภาพทางเทคนิค

Aigner, Lovell, and Schmidt (1977) และ Meeusen and van den Broeck (1977) ได้เสนอแบบจำลองเส้นพรมแดนการผลิตเชิงเส้นสุ่ม ซึ่งพิจารณาความไม่มีประสิทธิภาพทางเทคนิคซึ่งถูกกำหนดโดยปัจจัยที่นอกเหนือจากการควบคุมของผู้ผลิตที่ส่งผลต่อผลผลิต จุดเด่นของแบบจำลอง

เส้นพรมแดนเชิงเส้นสัมพันธ์กันได้แก่ ผลกระทบต่อผลผลิตอันเนื่องมาจากความแปรปรวนของเครื่องจักร และมนุษย์ ความแปรปรวนของอากาศ และ โชคชะตา สามารถถูกแยกออกจากผลของประสิทธิภาพทางเทคนิค

ความไม่มีประสิทธิภาพของหน่วยผลิต (u_i) ได้จากการนำค่าพารามิเตอร์ทั้งหมดที่ได้จากการประมาณค่าความควรจะเป็นสูงสุด (maximum likelihood estimator) และการประมาณค่าของความไม่มีประสิทธิภาพ (u_i) แต่ละหน่วยการผลิตทำได้โดยแยกค่าสังเกตในแต่ละตัวอย่างออกจากค่าความคลาดเคลื่อนทั้งหมด (ε_i) โดยการหาค่าคาดหมาย (expected value) ของ u_i ที่มาจากการแจกแจงแบบมีเงื่อนไข (condition distribution) ของ u_i เมื่อกำหนดค่าความคลาดเคลื่อน (ε_i) มาให้สามารถหาได้ดังนี้

$$E(u_i / \varepsilon_i) = \frac{\sigma_u \sigma_v}{\sigma} \left[\frac{\phi\left(\frac{\varepsilon_i}{\sigma}\right)}{1 - \Phi\left(\frac{\varepsilon_i}{\sigma}\right)} - \left(\frac{\varepsilon_i}{\sigma}\right) \right] \quad (3.18)$$

หรือ

$$E(u_i / \varepsilon_i) = \frac{\sigma_u \sigma_v}{\sigma} \left[\frac{\phi\left(\frac{\varepsilon_i}{\sigma} \sqrt{\frac{\gamma}{1-\gamma}}\right)}{1 - \Phi\left(\frac{\varepsilon_i}{\sigma} \sqrt{\frac{\gamma}{1-\gamma}}\right)} - \left(\frac{\varepsilon_i}{\sigma} \sqrt{\frac{\gamma}{1-\gamma}}\right) \right] \quad (3.19)$$

หรือ

$$E(u_i / \varepsilon_i) = -\gamma \varepsilon_i + \sigma \left\{ \frac{\phi(\gamma \varepsilon_i / \sigma)}{1 - \Phi(\gamma \varepsilon_i / \sigma)} \right\} \quad (3.20)$$

โดยที่ $\sigma = \sqrt{\gamma(1-\gamma)}\sigma^2$

ϕ คือ ฟังก์ชันความหนาแน่น (density function) ของการแจกแจงปกติมาตรฐาน (standard normal)

Φ คือ ฟังก์ชันสะสม (cumulative function) ของตัวแปรซึ่งมีการแจกแจงปกติมาตรฐาน (standard normal)

และเนื่องจากตัว E ในสมการ (3.19) หมายถึงตัวคาดหมาย (expectation operator) ดังนั้นเมื่อนำค่าพารามิเตอร์ σ^2 กับ γ ที่ได้จากสมการ (3.16) กับค่าความคลาดเคลื่อนทั้งหมด (ε_i) ที่ประมาณค่าได้ไปแทนค่าในสมการที่ (3.20) ก็จะได้ค่าความคลาดหมายของ u_i ภายใต้การแจกแจง

แบบมีเงื่อนไข เมื่อกำหนด (ε_i) มาให้หรือ $E(u_i / \varepsilon_i)$ แต่เนื่องจากระดับประสิทธิภาพทางเทคนิค (TE) เท่ากับ $\exp(-u_i)$ จึงทำให้หาระดับประสิทธิภาพทางเทคนิคได้ดังนี้

$$TE = \exp(-E(u_i / \varepsilon_i)) \quad (3.21)$$

และสามารถหาค่าเฉลี่ยของความมีประสิทธิภาพได้ดังนี้

$$E(e^{-u}) = 2[1 - \Phi(\sigma_u)] \exp\left\{\frac{\sigma_u^2}{2}\right\} \quad (3.22)$$

เนื่องจากระดับประสิทธิภาพทางเทคนิคของแต่ละหน่วยผลิต (TE) เท่ากับ $\exp(-u_i)$ ซึ่งแสดงถึงความสามารถในการจัดการการผลิตของเกษตรกรแต่ละหน่วยผลิต ในการเพิ่มปริมาณการผลิตโดยใช้ปัจจัยการผลิตเพิ่มขึ้นหรือลดลงเป็นค่าความสัมพันธ์เชิงเปรียบเทียบระหว่างปริมาณผลผลิตจริงกับปริมาณผลผลิตที่เป็นไปได้สูงสุดซึ่งถูกประมาณค่าขึ้นมาโดยมีค่าสูงสุดเท่ากับหนึ่ง ดังนั้นหากต้องการทราบระดับความไม่มีประสิทธิภาพทางเทคนิค (technical inefficiency ; TI) สามารถหาได้โดยนำค่าประสิทธิภาพทางเทคนิคลบด้วย 1 ($1-TE = TI$)

3.2 ระเบียบวิธีวิจัย

3.2.1 ข้อมูลและการเก็บรวบรวมข้อมูล

รวบรวมข้อมูลโดยใช้ข้อมูลปฐมภูมิ (primary data) เป็นหลักซึ่งได้จากการสัมภาษณ์เกษตรกรผู้ปลูกโพดหวานปีเพาะปลูก 2552/2553 โดยใช้แบบสอบถามซึ่งเป็นข้อมูลเกี่ยวกับการผลิต ได้แก่ ปริมาณผลผลิตต่อไร่ ปัจจัยการผลิต รวมถึงปัญหาและอุปสรรคต่างๆ ข้อมูลจากแบบสอบถามแบ่งออกเป็น 4 ตอน ดังนี้

ตอนที่ 1 ข้อมูลทั่วไปของครัวเรือนเกษตรกร

ตอนที่ 2 ข้อมูลด้านการผลิตและประสิทธิภาพทางเทคนิคการผลิตข้าวโพดหวาน

ตอนที่ 3 การรับรู้ข่าวสารความรู้ความเข้าใจและความคิดเห็นในการจัดการผลผลิตข้าวโพดหวาน

ตอนที่ 4 ข้อคิดเห็นเกี่ยวกับการทำสัญญาการปลูกข้าวโพดหวาน

3.2.2 ประชากรและกลุ่มตัวอย่าง

ในการศึกษาครั้งนี้ใช้เกษตรกรตัวอย่างที่มีพื้นที่ปลูกข้าวโพดหวานในจังหวัดสุโขทัยเป็น เนื่องจากเป็นพื้นที่ผลิตขนาดใหญ่ของภูมิภาคเหนือ โดยกำหนดกลุ่มตัวอย่างเป็นเกษตรกรผู้ปลูกข้าวโพดหวานในเขตอำเภอศรีสำโรงและอำเภอเมือง ในจังหวัดสุโขทัยซึ่งมีจำนวนเกษตรกรผู้ปลูกข้าวโพดหวานจำนวนมากที่สุด ทำการคัดเลือกจำนวนตัวอย่างตามสัดส่วนของประชากรที่มีพื้นที่

ผลิตได้แก่ อำเภอศรีสำโรงจำนวน 121 รายและอำเภอเมืองจำนวน 65 ราย ได้กลุ่มตัวอย่างเกษตรกรผู้ปลูกข้าวโพดหวานทั้งหมด 186 ตามวิธีการของ Yamane (1973) มีสูตรในการคำนวณดังนี้

$$n = \frac{N}{(1 + Ne^2)} \quad (3.23)$$

โดยที่ n = จำนวนตัวอย่างสุ่ม
 N = จำนวนประชากร
 e = ความคลาดเคลื่อนจากการสุ่มที่ยอมรับได้ $e = 0.05$

จำนวนตัวอย่างในการศึกษาประกอบด้วยเกษตรกรผู้ปลูกข้าวโพดหวานใน 2 อำเภอในจังหวัดสุโขทัย (ตาราง 3.1)

ตาราง 3.1 กลุ่มตัวอย่างที่ใช้ในการศึกษา

พื้นที่ศึกษา	จำนวน (ราย)
อำเภอศรีสำโรง	
ตำบลวัดเกาะ	41
ตำบลสามเรือน	35
ตำบลเกาะตาเลี้ยง	35
ตำบลวังทอง	10
อำเภอเมือง	
ตำบลตาลเตี้ย	25
ตำบลปากแคว	25
ตำบลบ้านสวน	15
รวม	186

ที่มา: จากการคำนวณ

3.2.3 การวิเคราะห์ข้อมูล

ในการศึกษานี้จะนำข้อมูลที่ทำการศึกษาวิเคราะห์โดยแบ่งตามวัตถุประสงค์ย่อยดังนี้

1) เพื่อให้บรรลุวัตถุประสงค์ข้อที่ 1 จะทำการวิเคราะห์เชิงบรรยายถึงสภาพทั่วไปทางเศรษฐกิจและสังคมของครัวเรือนเกษตรกรผู้ปลูกข้าวโพดหวาน ตลอดจนสภาพปัญหาและความต้องการของครัวเรือนเกษตรกรในระบบและนอกระบบพันธะสัญญาของการผลิตข้าวโพดหวานในภาคเหนือของประเทศไทยโดยวิเคราะห์ข้อมูลด้วยวิธีทางสถิติแบบง่ายแสดงในรูปค่าเฉลี่ย และร้อยละ

2) เพื่อให้บรรลุวัตถุประสงค์ข้อที่ 2 และ 3 จะทำการวิเคราะห์เชิงปริมาณ (quantitative method) โดยการประมาณค่าเส้นขอบเขต (frontier) ของผลผลิตสูงสุดที่เป็นไปได้เพื่อนำมาเปรียบเทียบกับผลผลิตของแต่ละหน่วยธุรกิจที่เกิดขึ้นว่าอยู่ห่างจากขอบเขตเท่าไร โดยวิเคราะห์เชิงสุ่ม (stochastic) ในการศึกษาค้นคว้าได้กำหนดรูปแบบฟังก์ชันการผลิตในรูปแบบทรานสล็อก (translog) ซึ่งเป็นรูปแบบสมการที่ไม่มีข้อจำกัดเกี่ยวกับความยืดหยุ่นทางการผลิต หรือผลตอบแทนต่อขนาดที่ไม่จำเป็นต้องคงที่ และความยืดหยุ่นของการทดแทนกันที่ไม่ต้องเท่ากับหนึ่ง เพื่อแสดงความสัมพันธ์ของข้อมูลในรูปลอการิทึม (logarithm) และค่าสัมประสิทธิ์ของตัวแปรอิสระที่ได้จากการประมาณค่าพารามิเตอร์ในฟังก์ชันรูปแบบทรานสล็อกจากฟังก์ชันเส้นพรมแดนการผลิต (production frontier) สามารถแสดงได้ดังสมการที่ 3.34

$$\ln Y_i = \beta_0 + \sum_{k=1}^5 \beta_k \ln X_{ki} + \frac{1}{2} \sum_{k=1}^5 \sum_{j=1}^5 \beta_{kj} \ln X_{ki} \ln X_{ji} + \delta_i D_i + \varepsilon_i \quad (3.34)$$

กำหนดให้

Y_i คือ ปริมาณผลผลิตข้าวโพดหวานเฉลี่ยต่อไร่ (กิโลกรัมต่อไร่)

\ln คือ ล็อกธรรมชาติ (natural log)

β_0 คือ ค่าคงที่

$\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_7$ คือ ค่าสัมประสิทธิ์ของตัวแปร

X_1 คือ ปริมาณการใช้ปุ๋ยสูตร 46-0-0 เฉลี่ย (กิโลกรัมต่อไร่)

X_2 คือ ปริมาณการใช้ปุ๋ยสูตร 15-15-15 เฉลี่ย (กิโลกรัมต่อไร่)

X_3 คือ ค่าใช้จ่ายสารเคมีเฉลี่ย (บาทต่อไร่)

X_4 คือ วันทำงานทั้งหมดเฉลี่ย (วันงานต่อไร่)

X_5 คือ ปริมาณเมล็ดพันธุ์ (กิโลกรัมต่อไร่)

D_i คือ ตัวแปรหุ่น (dummy) การปลูกข้าวโพดหวานระบบพันธะสัญญา (ถ้ามี=1, ไม่มี=0)

v_i คือ ความคลาดเคลื่อนแบบสุ่มของเส้นพรมแดนที่แจกแจงแบบกึ่งปกติ

$N(0, \sigma_v^2)$ และเป็นอิสระต่อกัน

u_i คือ ความคลาดเคลื่อนแบบสุ่มของเส้นพรมแดนที่แจกแจงแบบกึ่งปกติ

$N(u_i, \sigma^2)$ และเป็นอิสระต่อกัน

และเพื่อให้บรรลุวัตถุประสงค์ข้อที่ 3 จะเป็นการวิเคราะห์ปัจจัยที่คาดว่าจะมีผลต่อความไม่มีประสิทธิภาพทางเทคนิคของแต่ละครัวเรือนซึ่งแสดงไว้ดังสมการที่ 3.35

$$\begin{aligned}
 TI_i = & \delta_0 + \delta_1 \text{AREA} + \delta_2 \text{LAH} + \delta_3 \text{AGE} + \delta_4 \text{EDU} + \delta_5 \text{EXP} \\
 & + \delta_6 \text{DSEX} + \delta_7 \text{DHIB} + \delta_8 \text{DCONT} + \varepsilon_i
 \end{aligned}
 \tag{3.35}$$

กำหนดให้

TI_i คือ ความไม่มีประสิทธิภาพทางเทคนิคของเกษตรกร

δ_0 คือ ค่าคงที่

AREA คือ ขนาดพื้นที่เพาะปลูก (ไร่)

LAH คือ สัดส่วนแรงงานครัวเรือนต่อแรงงานทั้งหมด

AGE คือ อายุของเกษตรกรที่เป็นผู้ตัดสินใจหลัก (ปี)

EDU คือ ระดับการศึกษาของเกษตรกรที่เป็นผู้ตัดสินใจหลัก (ปี)

EXP คือ ประสบการณ์การปลูกข้าวโพดหวาน (ปี)

DSEX คือ เพศของหัวหน้าครัวเรือน (ถ้าเพศชาย = 1, เพศหญิง = 0)

DHIB คือ สายพันธุ์ไฮบริด (Hibrix) (ถ้าใช่ = 1, สายพันธุ์อื่นๆ = 0)

DCONT คือ การติดต่อกับเจ้าหน้าที่ส่งเสริมเพื่อถ่ายทอดเทคโนโลยี (ถ้ามี = 1, ไม่มี = 0)

สมมติฐานความสัมพันธ์ของตัวแปรปัจจัยกำหนดความไม่มีประสิทธิภาพทางเทคนิค

1. ขนาดพื้นที่เพาะปลูกข้าวโพดหวาน (ไร่) เนื่องจากครัวเรือนเกษตรกรแต่ละรายมีพื้นที่เพาะปลูกที่อยู่ในความรับผิดชอบต่างกัน เกษตรกรที่มีพื้นที่เพาะปลูกขนาดใหญ่ มีพื้นที่ต้องดูแลมาก อาจส่งผลกระทบต่อความสามารถในการดูแลเอาใจใส่ในกระบวนการผลิตข้าวโพดหวานได้ไม่ทั่วถึงซึ่งหมายถึง คุณภาพของการจัดการลดลงและส่งผลกระทบต่อประสิทธิภาพการผลิต จึงมีสมมติฐานว่า ความสัมพันธ์ระหว่างการมีพื้นที่เพาะปลูกจำนวนมากกับความไม่มีประสิทธิภาพในการผลิตน่าจะเป็นไปในทิศทางเดียวกัน

2. แรงงานครัวเรือนต่อแรงงานทั้งหมด (คน) แรงงานครัวเรือนถือเป็นแรงงานสำคัญในทุกขั้นตอนการผลิตซึ่งแรงงานครัวเรือนจะมีความทุ่มเทให้การทำงานมากเพราะเป็นเจ้าของหน่วยการผลิตจะสามารถควบคุมดูแลแรงงานส่วนอื่นให้ทำงานได้เป็นอย่างดี และถ้าสัดส่วนของแรงงานส่วนอื่นๆเพิ่มขึ้น เช่น แรงงานจ้าง แรงงานแลกเปลี่ยนจะส่งผลให้ความไม่มีประสิทธิภาพเพิ่มขึ้นด้วยดังนั้นความสัมพันธ์ระหว่างแรงงานครัวเรือนต่อแรงงานทั้งหมดกับความไม่มีประสิทธิภาพทางเทคนิคในการผลิต จึงน่าจะเป็นในทิศทางตรงกันข้าม ดังนั้นการเพิ่มแรงงานครัวเรือนจะมีผลทำให้ความไม่มีประสิทธิภาพลดลง

3. อายุของเกษตรกรที่เป็นผู้ตัดสินใจหลัก (ปี) เนื่องจากเกษตรกรที่มีอายุน้อยมักจะมีประสบการณ์มากกว่าจะสามารถบำรุงดูแลรักษาผลผลิตได้ดีกว่าเกษตรกรที่มีอายุน้อยขาดประสบการณ์ดังนั้น อายุจึงน่าจะมีผลเป็นไปในทิศทางตรงข้ามกัน อายุมีผลต่อความไม่มีประสิทธิภาพของเกษตรกร โดยถ้าเกษตรกรที่มีอายุมากขึ้นน่าจะส่งผลให้ความไม่มีประสิทธิภาพลดลง

4. การศึกษาของเกษตรกรที่เป็นผู้ตัดสินใจหลัก (ปี) เป็นการวัดจากจำนวนปีที่ได้รับการศึกษาในระบบการศึกษาของผู้ที่มีอิทธิพลในการตัดสินใจดำเนินการผลิตข้าวโพดหวานเช่น จัดหาวัตถุดิบ การเลือกพันธุ์ เนื่องจากการศึกษาทำให้เกษตรกรอ่านออกเขียนได้ มีความรู้ความสามารถในการรับรู้ข่าวสารเกี่ยวกับการผลิตผ่านสื่อต่างๆ ได้มากกว่า ขอมรับวิทยาการผลิตใหม่ๆ ในรูปแบบต่างๆ ได้มากขึ้น ดังนั้นความสัมพันธ์ระหว่างระดับการศึกษากับความไม่มีประสิทธิภาพทางเทคนิคในการผลิต จึงน่าจะเป็นไปในทิศทางตรงกันข้าม ดังนั้นเมื่อเกษตรกรมีระดับการศึกษาที่สูงขึ้น ความไม่มีประสิทธิภาพในการผลิตก็น้อยลง

5. ประสบการณ์ในการปลูกข้าวโพดหวานของหัวหน้าครัวเรือน (ปี) เนื่องมาจากการผลิตข้าวโพดหวานของเกษตรกรมีลักษณะของการเรียนรู้จากสิ่งที่ได้กระทำไปในอดีต เป็นการสั่งสมความรู้เพื่อนำมาใช้พัฒนาวิธีการผลิต ดังนั้นความสัมพันธ์ระหว่างประสบการณ์กับความไม่มีประสิทธิภาพทางเทคนิคในการผลิต จึงน่าจะเป็นไปในทิศทางตรงกันข้าม คือยิ่งเกษตรกรมีประสบการณ์ในการทำงานมากขึ้น ความไม่มีประสิทธิภาพในการผลิตก็จะน้อยลง

6. ตัวแปรหุ่นเพศของหัวหน้าครัวเรือน เนื่องจากเพศชายเป็นเพศที่มีความแข็งแรงจึงทุ่มเทให้กับการทำงานได้ดีและยังมีความเป็นผู้นำ ตัดสินใจได้ดีกว่าเพศหญิงดังนั้นความสัมพันธ์ระหว่างเพศชายกับความไม่มีประสิทธิภาพจึงน่าจะเป็นไปในทิศทางตรงกันข้าม คือหากครัวเรือนใดมีหัวหน้าครัวเรือนเป็นเพศชายย่อมมีผลทำให้ความไม่มีประสิทธิภาพลดลง

7. ตัวแปรหุ่นชนิดพันธุ์ของข้าวโพดหวาน เนื่องจากการเลือกใช้ชนิดพันธุ์ดีที่มีความเหมาะสมกับสภาพพื้นที่นั้นมีอิทธิพลต่อความไม่มีประสิทธิภาพในทิศทางตรงกันข้าม คือหากเกษตรกรเลือกใช้พันธุ์ที่มีคุณภาพดีก็จะทำให้ความไม่มีประสิทธิภาพลดลง

8. ตัวแปรหุ่นการติดต่อกับเจ้าหน้าที่ส่งเสริม หัวหน้าครัวเรือนที่มีการติดต่อกับเจ้าหน้าที่ส่งเสริมจะมีโอกาสได้รับความรู้ใหม่ และนำไปแก้ไขปัญหาและปรับปรุงการผลิตของตนเองให้ดียิ่งขึ้นได้ ดังนั้นความสัมพันธ์ของความไม่มีประสิทธิภาพและการติดต่อกับเจ้าหน้าที่จึงน่าจะมีทิศทางตรงกันข้ามคือ หากเกษตรกรรายใดมีการติดต่อกับเจ้าหน้าที่แล้วจะมีผลทำให้ความไม่มีประสิทธิภาพน้อยลง

สมมติฐานของแบบจำลองเส้นพรมแดนการผลิตเชิงพื้นที่

ในการศึกษานี้กำหนดให้มีการวิเคราะห์ 2 แบบจำลองคือ แบบจำลองสมการการผลิตเชิงพื้นที่ของการผลิตข้าวโพดหวานและ แบบจำลองที่ใช้วิเคราะห์หาปัจจัยที่ส่งผลกระทบต่อประสิทธิภาพทางเทคนิค ก่อนทำการประมาณค่าแบบจำลองดังกล่าวจึงต้องมีการตั้งสมมติฐานเพื่อทดสอบความเหมาะสมของแบบจำลอง ดังนี้

สมมติฐานที่หนึ่ง แสดงการทดสอบความแตกต่างระหว่างผลผลิตที่เป็นไปได้สูงสุดกับปริมาณผลผลิตจริงของเกษตรกรตัวอย่างว่ามีความแตกต่างกันจริงหรือไม่ จึงตั้งสมมติฐานหลักให้สมมติฐานหลัก $H_0 : \gamma = 0$ โดยที่ $\gamma = \sigma_u^2 / (\sigma_u^2 + \sigma_v^2)$ ใช้สถิติ generalized likelihood ratio ทำการเปรียบเทียบค่า likelihood-ratio statistic (LR test) $LR = -2 \{ \ln[H_{ols}] - \ln[H_{mle}] \}$ (Coelli, et al., 1998) กับค่าวิกฤตจากตาราง Kodde and Palm ที่ระดับความเชื่อมั่นร้อยละ 95

สมมติฐานที่สอง แสดงการทดสอบว่าสมการผลิตแบบทรานส์ล็อกหรือสมการคอบป์-ดักลาส มีความเหมาะสมที่สุดในการสร้างเป็นพรมแดนการผลิตโดยเปรียบเทียบค่า LR กับค่าไคสแควร์ (Chi-square) ระดับความเชื่อมั่นร้อยละ 95 ที่มีองศาอิสระ (degree of freedom) เท่ากับความแตกต่างระหว่างจำนวนค่าพารามิเตอร์ที่ประมาณค่าภายใต้สมมติฐานหลักและสมมติฐานรอง

สมมติฐานที่สาม แสดงการทดสอบอิทธิพลของตัวแปรอิสระในแบบจำลองความไม่มีประสิทธิภาพเพื่อพิจารณาว่าควรมีตัวแปรอธิบายค่าความไม่มีประสิทธิภาพหรือไม่หรือควรใช้เพียงสมการการผลิตเพียงอย่างเดียวก็เพียงพอแล้ว โดยกำหนดให้สมมติฐานหลักคือ $H_0 : \gamma = 0$ โดยใช้การเปรียบเทียบค่า $LR = -2 \{ \ln[H_0] - \ln[H_1] \}$ เปรียบเทียบกับค่าสถิติไคสแควร์ (Chi-square) ที่ค่าองศาความเป็นอิสระ (degrees of freedom) เท่ากับความต่างระหว่างจำนวนค่าพารามิเตอร์ที่นำมาประมาณค่าของสมมติฐานหลักกับสมมติฐานรอง

ตาราง 3.2 การทดสอบสมมติฐานของแบบจำลองเส้นพรมแดนการผลิต

สมมติฐานหลัก	ค่าองศาอิสระ	ระดับความเชื่อมั่น
สมมติฐาน 1		
$H_0 : \gamma = \delta_0 = \delta_1 = \delta_2 = \delta_3 = \delta_4 = \delta_6 = \delta_6 = \delta_7 = \delta_8$	10	0.05
สมมติฐาน 2		
$H_0 : \beta_{11} = \beta_{22} = \beta_{33} = \beta_{44} = \beta_{55}$ $= \beta_{12} = \beta_{13} = \beta_{14} = \beta_{15} = \beta_{23} = \beta_{24}$ $= \beta_{25} = \beta_{34} = \beta_{35} = \beta_{45} = 0$	15	0.05
สมมติฐาน 3		
$H_0 : \delta_1 = \delta_2 = \delta_3 = \delta_4 = \delta_6 = \delta_6 = \delta_7 = \delta_8$	8	0.05

ที่มา : จากการคำนวณ