

ชื่อเรื่อง การค้นคว้าแบบอิสระเชิงวิทยาศาสตร์ เรื่อง โชนัยการเป็นฟังก์ชันเปิด ปิดหรือต่อเนื่องของ

$$f : (X, T_x^*) \longrightarrow (Y, T_y^*) \text{ เมื่อ } f : (X, T_x) \longrightarrow (Y, T_y)$$

เป็นฟังก์ชันเปิด ปิดหรือต่อเนื่องตามลำดับ

ชื่อผู้เขียน

นายยงยุทธ สุธอย

วิทยาศาสตร์มหาบัณฑิต สาขาการสอนคณิตศาสตร์

คณะกรรมการสอบการค้นคว้าแบบอิสระเชิงวิทยาศาสตร์

ผู้ช่วยศาสตราจารย์จินตนา แสนวงศ์

ประธานกรรมการ

ศาสตราจารย์ ดร.สมพงษ์ ธรรมพงษา

กรรมการ

ผู้ช่วยศาสตราจารย์สมคิด สกุลวิไล

กรรมการ

บทคัดย่อ

งานวิจัยนี้มีจุดมุ่งหมายเพื่อหาเงื่อนไขที่เพียงพอบางประการสำหรับไอดัล  $\mathcal{F}$  ใน  $X$  และ ไอดัล  $\mathcal{G}$  ใน  $Y$  ที่ทำให้  $f : (X, T_x^*(\mathcal{F})) \longrightarrow (Y, T_y^*(\mathcal{G}))$  เป็นฟังก์ชันต่อเนื่อง ปิดหรือเปิด เมื่อ  $f : (X, T_x) \longrightarrow (Y, T_y)$  เป็นฟังก์ชันต่อเนื่อง ปิดหรือเปิดตามลำดับ ผลจากการศึกษาพบว่า  $f : (X, T_x^*(\mathcal{F})) \longrightarrow (Y, T_y^*(\mathcal{G}))$  เป็นฟังก์ชันต่อเนื่อง ก็ต่อเมื่อ  $(f^{-1}(J))^c \in T_x^*(\mathcal{F})$  ทุก ๆ  $J \in \mathcal{G}$ ,  $f$  เป็นฟังก์ชันปิด ก็ต่อเมื่อ  $T_x \sim \mathcal{F}$  และ  $(f(I))^c \in T_y^*(\mathcal{G})$  ทุก ๆ  $I \in \mathcal{F}$  และสำหรับฟังก์ชัน  $f$  ที่เป็นหนึ่งต่อหนึ่งอนันต์ ฟังก์ชันที่สมนัยเป็นฟังก์ชันเปิด ก็ต่อเมื่อ  $(f(I))^c \in T_y^*(\mathcal{G})$  ทุก ๆ  $I \in \mathcal{F}$

**Research Title** The Conditions for Being Open, Closed or Continuous of  
 $f:(X, T_x^*) \longrightarrow (Y, T_y^*)$  Where  $f:(X, T_x) \longrightarrow (Y, T_y)$   
 is Open, Closed or Continuous Respectively

**Author** Mr.Yongyut Suyoi

**M.S.** Teaching Mathematics

**Examining Committee:**

Assist.Prof.Jintana Sanwong	Chairman
Prof.Dr.Sompong Dhompongsa	Member
Assist.Prof.Somkid Sakulwatana	Member

### Abstract

The purpose of this research is to find some sufficient conditions on ideals  $\mathcal{I}$  in  $X$  and  $\mathcal{J}$  in  $Y$  so that a function  $f:(X, T_x^*(\mathcal{I})) \longrightarrow (Y, T_y^*(\mathcal{J}))$  is continuous, closed, or open when  $f:(X, T_x) \longrightarrow (Y, T_y)$  is continuous, closed, or open respectively. The study shows that  $f:(X, T_x^*(\mathcal{I})) \longrightarrow (Y, T_y^*(\mathcal{J}))$  is continuous iff  $(f^{-1}(J))^c \in T_x^*(\mathcal{I})$  for all  $J \in \mathcal{J}$ ,  $f$  is closed iff  $T_x \sim \mathcal{I}$  and  $(f(I))^c \in T_y^*(\mathcal{J})$  for all  $I \in \mathcal{I}$ , and for a one to one and onto function  $f$  the corresponding function is open iff  $(f(I))^c \in T_y^*(\mathcal{J})$  for all  $I \in \mathcal{I}$ .

Copyright © by Chiang Mai University  
 All rights reserved