

ชื่อเรื่อง การศึกษาฟังก์ชันค่าจริงที่เกือบจะมีความต่อเนื่อง

ชื่อผู้เขียน นายสมชาย ธรรมปรีชา

การค้นคว้าแบบอิสระเชิงวิทยานิพนธ์ วิทยาศาสตร์มหาบัณฑิต สาขาการสอนคณิตศาสตร์  
มหาวิทยาลัยเชียงใหม่ 2527

บทคัดย่อ

จุดมุ่งหมายของการค้นคว้าแบบอิสระเชิงวิทยานิพนธ์ เพื่อหาเงื่อนไขที่ทำให้  
เรนจ์ของคอมแพคเซต ภายใต้ฟังก์ชันเกือบต่อเนื่อง เป็นคอมแพค

การวิจัยเริ่มต้นด้วยความรู้เรื่องความต่อเนื่อง ฟังก์ชันโมนโทน ฟังก์ชันแปรผัน  
ที่มีขอบเขต และเลเบกเมเชอเร เมิตเซทแล้วศึกษานิยาม และคุณสมบัติของฟังก์ชันเกือบต่อ-  
เนื่อง

ผลที่ได้จากการวิจัยทำให้ทราบว่า

(1) ทุกฟังก์ชัน  $f$  ที่เกือบต่อเนื่องบนคอมแพค  $[a, b]$  และ  $f$  เป็น  
ฟังก์ชันแปรผันที่มีขอบเขต แล้ว  $f([a, b])$  จะคอมแพค

(2) ทุกฟังก์ชัน  $f$  ที่เกือบต่อเนื่องบนคอมแพคเซต  $E \subset \mathbb{R}$  และ  $f$   
โมนโทน แล้ว  $f(E)$  จะคอมแพค

Research Title Study on Almost Continuous Real Functions

Name Mr. Somchai Tumpreecha

Research For Master of Science in Teaching Mathematics  
Chiang Mai University 1984

### Abstract

The purpose of this research is to find a condition for which the range of a compact set under an almost continuous function is compact.

The research begins with the study of continuous functions, monotonic functions, functions of bounded variations, Lebesgue measurable sets, the definitions and properties of almost continuous functions.

The study shows that

(1) for every almost continuous function  $f$

which is of bounded variation on the compact

domain  $[a, b]$ ,  $f([a, b])$  is compact.

(2) for every monotonic and almost continuous

function  $f$  on the compact set  $E \subset \mathbb{R}$ ,  $f(E)$

is compact.