

ชื่อเรื่อง การศึกษาปริภูมิที่เป็นอสเซนเชียล  $T_1$

ชื่อผู้เขียน นางสาววิมล ชูหิรี

การค้นคว้าแบบอิสระ เชิงวิทยานิพนธ์ วิทยาศาสตร์บัณฑิต สาขาวิชาการสอนคณิตศาสตร์  
มหาวิทยาลัยเชียงใหม่ 2528

บทคัดย่อ

จุดมุ่งหมายของการค้นคว้าแบบอิสระ เชิงวิทยานิพนธ์นี้ เพื่อศึกษาคุณสมบัติ  
ของปริภูมิที่เป็นอสเซนเชียล  $T_1$  และศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างปริภูมิอสเซนเชียล  $T_1$   
กับปริภูมิเรกูลาร์

การศึกษาเริ่มด้วยปริภูมิเมทริก ปริภูมิโทโพโลยี จากนั้นศึกษาปริภูมิ  
ที่เป็นเชิงตัวเรต และอสเซนเชียล  $T_1$

จากการศึกษาพบว่าปริภูมิอสเซนเชียล  $T_1$  มีคุณสมบัติ เยอร์ลิหาร์

คุณสมบัติโทโพโลจิกอลนิแวนเรียนท์ คุณสมบัติไปร์ก้าทีฟ และ  $X$  เป็นปริภูมิ  
อสเซนเชียล  $T_1$  ก็ต่อเมื่อ  $\overline{(x)} = \bigcap_{U \in n(x)} \text{สำหรับทุก } x \in X$

ในกรณีที่  $x$  เป็นเชิงจำกัด จะได้ว่า  $x$  เป็นปริภูมิอสเซนเชียล  $T_1$  ก็ต่อเมื่อ $x$   
เป็นปริภูมิเรกูลาร์ นอกจากนี้ยังพบว่า ถ้า  $x$  เป็นปริภูมิอสเซนเชียล  $T_1$   
และเชิงตัวเรต และ  $x$  จะเป็นปริภูมิเรกูลาร์

Research Title Study on Spaces which are Essentially T<sub>1</sub>

Name Miss Vimol Chutavee

### Abstract

The aim of this independent study is to study on the property of spaces which are essentially  $T_1$  and the relationship between essentially  $T_1$  spaces and regular spaces.

The study begins with metric spaces, topological spaces. Then the spaces which are saturated and essentially  $T_1$ , are studied.

It can be proved that essentially  $T_1$  spaces have hereditary, topological invariant, productive properties. And  $X$  is essentially  $T_1$  if and only if  $\overline{\{x\}} = \bigcap_{U \in \mathcal{U}_n(x)} U$  for all

$x \in X$ . In the case of  $X$  is a finite set,  $X$  is essentially  $T_1$  if and only if  $X$  is regular. Moreover, we have that if  $X$  is essentially  $T_1$  and saturated then  $X$  is regular.