

## บทที่ 2

### ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

#### 2.1 ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

##### 2.1.1 แนวคิดพื้นฐานเกี่ยวกับการวิจัยและพัฒนา

การวิจัย เป็นกระบวนการหรือเทคนิควิธีในการแสวงหาความรู้ (Knowledge) ความจริง (Fact) ที่น่าเชื่อถือได้ (Reliable) โดยมีจุดมุ่งหมายที่แน่นอน (Objective) ซึ่งจุดมุ่งหมายหลักในการทำวิจัยและพัฒนา ก็คือ การมุ่งหาความรู้ที่เป็นความจริงเพื่อสร้างองค์ความรู้ในการพัฒนาลักษณะต่างๆ ดังนี้ (นิภา ศรีไพโรจน์, 2547)

1. เพื่อใช้ในการบรรยาย (Description) มุ่งเอาความรู้ความจริงที่ได้ไปบรรยายสภาพลักษณะของปัญหาที่เกิดขึ้นว่ามีสภาพเป็นอย่างไร
2. เพื่อใช้ในการอธิบาย (Explanation) มุ่งเอาความรู้จริงในเรื่องใดเรื่องหนึ่ง อธิบายว่าเรื่องนั้นเกิดขึ้นได้อย่างไร เกิดจากสาเหตุใดและผลเป็นเช่นไร
3. เพื่อใช้ในการทำนาย (Prediction) การวิจัยที่มุ่งทำนายเหตุการณ์ในอนาคตว่าจะเกิดอะไรขึ้น เพื่อจะได้เตรียมตัวรับสถานการณ์นั้นที่จะเกิดขึ้น
4. เพื่อใช้ในการควบคุม (Control) การวิจัยที่มุ่งกำหนดวิธีการควบคุมสิ่งต่างๆ ที่จะไม่ให้เกิดสิ่งที่ไม่พึงปรารถนา โดยจะต้องทราบความรู้ความจริงในเรื่องนั้นก่อน ว่าอะไรเป็นเหตุอะไรเป็นผล โดยเปลี่ยนความสัมพันธ์ระหว่างเหตุ-ผล และเปลี่ยนเหตุเพื่อให้เกิดผลใหม่ตามที่ต้องการ
5. เพื่อใช้ในการพัฒนา (Development) เป็นการวิจัยเพื่อนำผลมาเป็นแนวทางในการพัฒนาระบบการทำงาน พัฒนาสถานที่ พัฒนาวิธีสอน เป็นต้น

### การแบ่งประเภทของการวิจัยตามลักษณะของข้อมูล

1. การวิจัยเชิงปริมาณ (Quantitative Research) ข้อมูลส่วนใหญ่เป็นตัวเลขเชิงปริมาณ การวิจัยจะต้องอาศัยแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ และวิธีการทางสถิติเพื่อหาข้อสรุปของปัญหาในการวิจัย เวลาบรรยาย อธิบาย พยากรณ์และควบคุมปัญหาใดๆ ต้องมีตัวเลขแสดงปริมาณและวิธีการทางสถิติมาทำการวิเคราะห์

2. การวิจัยเชิงคุณภาพ (Qualitative Research) จะมุ่งศึกษาหาความรู้เรื่องใดเรื่องหนึ่งอย่างละเอียด ครอบคลุม มีการวิเคราะห์ตีความหมาย หาความสัมพันธ์ตัวแปรต่างๆ เพื่อให้เกิดความเข้าใจอย่างลึกซึ้งตรงตามที่เป็นจริง

### ผลที่ได้จากการทำการวิจัย คือ

1. ประโยชน์ต่อผู้วิจัย ทำให้ผู้วิจัยได้มีโอกาสเรียนรู้ พัฒนาทักษะการทำงาน เกิดการคิด และทำงานอย่างเป็นระบบ ใช้ข้อมูลและเหตุผลประกอบการทำการวิจัย

2. ประโยชน์ต่อสังคม ชุมชน และท้องถิ่นเป็นการเอื้อประโยชน์ในการแก้ปัญหาพัฒนาสังคม หากสังคมใดมีงานวิจัยมากปัญหาต่างๆ จะได้รับการแก้ไข คุณภาพชีวิต เศรษฐกิจ สังคมและสิ่งแวดล้อมจะได้รับการพัฒนา โดยงานวิจัยเป็นพื้นฐานในการวางแผนกำหนดนโยบายและแนวทางปฏิบัติต่างๆ

3. ประโยชน์ต่อประเทศชาติ และภูมิภาคต่างๆของโลก ความมีระบบการทำงานวิจัยในยุคปัจจุบันเกิดความเชื่อมโยงสอดคล้องทุกระดับ สามารถนำไปขยายผลที่กว้างขึ้นได้ ทำให้การทำงานของภาครัฐและเอกชนเกิดความมีประสิทธิภาพและประสิทธิผลมากขึ้น

4. ประโยชน์ทางวิชาการ องค์ความรู้ใหม่ที่ได้เป็นตัวอธิบายปรากฏการณ์และความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร เป็นการสร้างนวัตกรรมสิ่งประดิษฐ์ใหม่ๆ เป็นความรู้ทางวิชาการนำไปใช้ประโยชน์ในการเรียนการสอนเพื่อต่อยอดทางการศึกษา การพัฒนาไปสู่ทฤษฎีต่างๆเพื่อปรับแก้ทฤษฎีที่อาจล้าสมัย

ในปัจจุบันหน่วยงานและองค์กรต่างๆ ทั้งภาครัฐและเอกชนให้ความสำคัญกับการวิจัยเป็นอย่างมาก โดยเฉพาะการวิจัยประยุกต์ที่เน้นการนำผลมาใช้ในการปรับปรุงและพัฒนา

หน่วยงานและองค์กรโดยตรงและทำอย่างต่อเนื่อง โดยใช้วิธีวิทยาการวิจัยในลักษณะต่าง ๆ ที่มีความสอดคล้องและเหมาะสมกับเรื่องที่ต้องการปรับปรุงและพัฒนา ซึ่งเรามักจะเรียกการวิจัยในลักษณะนี้ว่า “การวิจัยสถาบัน” ซึ่งผลที่ได้จากการวิจัยสถาบันจะนำไปใช้ประโยชน์ในการปรับปรุงและพัฒนาสถาบัน ดังนั้น การวิจัยจึงเป็นเครื่องมือสำคัญและทรงพลังในการขับเคลื่อนองค์กรให้เกิดการพัฒนาต่อไปในอนาคต หรือเรียกอีกอย่างว่า การวิจัยเป็นพื้นฐานของการพัฒนาในด้านต่าง ๆ ต่อไป

### 2.1.2 ทฤษฎีการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจแนวใหม่เนื่องจากทุนมนุษย์

แบบจำลองของ Lucas (1998) ได้ตีความของการเปลี่ยนแปลงเทคโนโลยีที่ถูกกำหนดจากภายนอกว่าเป็นผลพวงมาจากมนุษย์ (Human Capital) ความคิดเบื้องหลังคือ ความก้าวหน้าทางเทคโนโลยี (Technical Progress) กับการพัฒนาความรู้ (Advancement of Knowledge) เป็นเรื่องยากที่จะแยกขาดออกจากกัน คุณค่าของความทุนมนุษย์ก็คือ ความรู้ความชำนาญโดยเฉลี่ยที่มีอยู่ในแรงงาน ทุนมนุษย์จึงเป็นปัจจัยการผลิตชนิดหนึ่งที่ต้องใช้ในการผลิตสินค้า ความรู้หรือทักษะเหล่านี้ได้มาจากการตัดสินใจของแรงงานว่าจะเลือกสะสมความรู้หรือทำงาน หากเลือกที่จะลงทุนเรียนในปัจจุบันก็ต้องเสียสละการบริโภคในปัจจุบัน เพื่อแลกกับผลตอบแทนที่สูงกว่าในอนาคต (ชัยยุทธ บุญญสวัสดิ์สุทธิ, 2547)

แบบจำลองของ Lucas (1998) เสนอเทคโนโลยีของการสะสมทุนมนุษย์แยกเป็นสองแบบ แบบแรกคือ ไม่มีผลกระทบภายนอกจากการสะสมทุนมนุษย์ แบบที่สองคือ กำหนดให้มีผลกระทบภายนอกเนื่องจากการสะสมทุนมนุษย์มากขึ้น ซึ่งแบบที่สองนี้ทุนมนุษย์จะมีมากขึ้นเมื่อคนในสังคมส่วนใหญ่มีทักษะสูงหรือมีทุนมนุษย์มากขึ้น แสดงว่าการผลิตของหน่วยผลิตนอกจากจะขึ้นกับระดับการใช้ทุนมนุษย์แล้วยังขึ้นกับระดับทุนมนุษย์โดยเฉลี่ยต่อหัวของระบบเศรษฐกิจด้วย ในกรณีที่เทคโนโลยีของการสะสมทุนมนุษย์ได้รับผลกระทบภายนอกนี้ การลงทุนด้านการศึกษาย่อมอยู่ต่ำกว่าที่สังคมควรเลือกลงทุน

แบบจำลองของ Lucas (1988) แบบแรกสามารถแสดงได้ดังนี้ กำหนดให้สมการการผลิตคือ

ผลิตคือ

$$Y_t = BK_t^{1-\alpha} (NH_t)^\alpha \quad (2.1)$$

โดยที่  $H_t$  คือระดับของทุนมนุษย์ (Human Capital) ของ representative agent ในระบบเศรษฐกิจ

สมมติว่า การสะสมทุนมนุษย์ ( $H_t$ ) มีลักษณะเช่นเดียวกับการสะสมทุน ( $K_t$ ) ดังนี้

$$H_{t+1} = I_t^h + (1-\delta)H_t \quad (2.2)$$

$$K_{t+1} = I_t^k + (1-\delta)K_t \quad (2.3)$$

และ 
$$I_t = I_t^h + I_t^k \quad (2.4)$$

$$Y_t = C_t + I_t \quad (2.5)$$

ในดุลยภาพระยะยาว ระบบเศรษฐกิจจะทำการสะสมทุนทั้งสองแบบ จนกระทั่งผลผลิตส่วนเพิ่มของทุนทั้งสองประเภทเท่ากัน ซึ่งสามารถแสดงได้ดังนี้ โดยสมมติให้ต้นทุนส่วนเพิ่มของการสะสมทุนทั้งสองแบบมีค่าเท่ากัน

$$(1-\alpha)BK_t^{-\alpha} (NH_t)^\alpha = \alpha.BK_t^{1-\alpha} (NH_t)^{\alpha-1} N \quad (2.6)$$

หากจัดรูปสมการใหม่จะได้

$$\frac{K_t}{H_t} = \frac{(1-\alpha)}{\alpha} \quad (2.7)$$

แทนค่า  $H_t = \frac{\alpha}{1-\alpha} K_t$  ในสมการการผลิต จะได้

$$Y_t = BK_t^{1-\alpha} N^\alpha \left( \frac{\alpha}{1-\alpha} \right)^\alpha K_t^\alpha \quad (2.8)$$

$$= BN^\alpha \left( \frac{\alpha}{1-\alpha} \right)^\alpha K_t \quad (2.9)$$

$$= AK_t \quad \text{โดยที่} \quad A \equiv BN^\alpha \left( \frac{\alpha}{1-\alpha} \right)^\alpha \quad (2.10)$$

สมมติให้การลงทุนรวมเป็นสัดส่วนคงที่ ( $s$ ) ของผลผลิต หากต้องการรักษาสัดส่วน  $\left(\frac{K}{H}\right)$  ให้มีค่าคงที่ ระบบเศรษฐกิจจะต้องแบ่งการลงทุนให้ทุนทางกายภาพเท่ากับ  $(1-\alpha)$  หรือเท่ากับ  $s(1-\alpha)$  ของผลผลิต

อัตราการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ ที่ระดับ Steady-state

$$\frac{Y_{t+1}}{Y_t} = \frac{K_{t+1}}{K_t} \quad (2.11)$$

$$= \frac{s(1-\alpha)AK_t + (1-\delta)K_t}{K_t} \quad (2.12)$$

$$= s(1-\alpha)A + (1-\delta) \quad (2.13)$$

หรือ 
$$\frac{\Delta Y_t}{Y_t} = s(1-\alpha)A - \delta \quad (2.14)$$

ในแบบจำลอง Lucas การเพิ่มอัตราการออมมีผลต่อการเพิ่มอัตราการเจริญเติบโต (growth effect) ในขณะที่แบบจำลองสำนักนีโอคลาสสิกการเพิ่มอัตราการออมจะเพิ่มเพียงระดับรายได้เท่านั้น การที่อัตราการขยายตัวทางเศรษฐกิจสามารถกำหนดได้โดยปัจจัยอื่นที่มีใช้การเปลี่ยนแปลงทางเทคโนโลยี ทำให้การใช้นโยบายของรัฐบาลสามารถมีผลต่อการกระตุ้นอัตราการเติบโตในระยะยาวได้ เช่น การดำเนินนโยบายเพื่อเพิ่มอัตราการออม ( $s$ ) หรือนโยบายที่มีผลต่อผลิตภาพของทุน ( $A$ ) จะมีผลให้อัตราการสะสมทุนเพิ่มขึ้น

### 2.1.3 ทฤษฎีการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจโดยเน้นหลักว่าด้วยอุปสงค์มวลรวม

(วันรักษ์ มิ่งมณีนาคิน, 2549) การใช้จ่ายจะก่อให้เกิดอุปสงค์ในระบบเศรษฐกิจ ซึ่งก่อให้เกิดการขยายตัวของผลผลิตและการจ้างงาน เนื่องจากการผลิตปรับตัวตามอุปสงค์ของเคนส์ ซึ่งเคนส์เสนอว่าองค์ประกอบของอุปสงค์มวลรวม คือ

$$Y = C + I + G + (X - M) \quad (2.15)$$

โดยที่  $Y$  = รายได้ประชาชาติหรือผลผลิตมวลรวมภายในประเทศ (GDP)

$C$  = การใช้จ่ายเพื่อการบริโภค (Consumption Expenditure)

$I$  = การใช้จ่ายเพื่อการลงทุน (Investment Expenditure)

$G$  = การใช้จ่ายของรัฐบาล (Government Expenditure)

$X$  = การส่งออก (Export)

$M$  = การนำเข้า (Import)

การใช้จ่ายของรัฐบาล ( $G$ ) ประกอบด้วยการใช้จ่ายด้านการศึกษา ด้านสาธารณสุข ด้านสิ่งแวดล้อม ด้านเทคโนโลยี ด้านการวิจัยและพัฒนา ด้านการทหาร ด้านการต่างประเทศ ด้านการท่องเที่ยวและกีฬา ด้านการพัฒนาสังคมและความมั่นคงของมนุษย์ ด้านเกษตรและสหกรณ์ ด้านอุตสาหกรรมและพลังงาน ด้านการสื่อสาร และด้านคมนาคม ซึ่งการใช้จ่ายตามหลักเศรษฐศาสตร์ในแต่ละด้านจำเป็นต้องให้เกิดความคุ้มค่า คู้มทุน และเกิดประโยชน์สูงสุด จึงจำเป็นต้องให้ความสำคัญกับการใช้จ่ายด้านการวิจัยและพัฒนา เพื่อให้การใช้จ่ายของรัฐบาลในแต่ละด้านเกิดประโยชน์สูงสุดและส่งผลต่อการเพิ่มขึ้นของผลผลิตมวลรวมภายในประเทศ(GDP)

ดังนั้น อุปสงค์มวลรวมจะเกิดจากการใช้จ่ายมวลรวมในระบบเศรษฐกิจ ซึ่งมีองค์ประกอบจากการใช้จ่ายการบริโภค การใช้จ่ายการลงทุน การใช้จ่ายของภาครัฐบาล การส่งออกสุทธิ ซึ่งการใช้จ่ายข้างต้นจะกำหนดผลผลิต การจ้างงานและระดับรายได้ประชาชาติ โดยผ่านการทำงานของตัวทวีคูณ (Multiplier) ยิ่งตัวทวีคูณมีค่ามากเท่าใด ย่อมหมายถึง การเปลี่ยนแปลงการใช้จ่ายในระบบเศรษฐกิจจะมีผลเพิ่มผลผลิตและการจ้างงานมากขึ้นเท่านั้น

แบบจำลองของเคนส์ ในกรณีระบบเศรษฐกิจปิดมีภาครัฐบาล คือ

$$AD = Y = C + I + G \quad (2.16)$$

$$C = C_a + B_y \quad (2.17)$$

$$I = I_a + iY \quad (2.18)$$

โดยที่  $Y$  = รายได้ประชาชาติ

$C$  = การบริโภค

$I$  = การลงทุน

$G$  = การใช้จ่ายของรัฐบาล

$b = MPC$  (Marginal Propensity to Consume)

$i = MPI$  (Marginal Propensity to Invest)

จากสมการที่ 2.16 หากรัฐบาลเพิ่มการใช้จ่ายจะมีผลทำให้เกิดการลงทุนเพิ่มขึ้น ซึ่งจะส่งผลให้รายได้ประชาชาติเปลี่ยนแปลงเพิ่มขึ้นตามไปด้วย

$$\Delta C = b\Delta Y \quad (2.19)$$

$$\Delta I = i\Delta Y \quad (2.20)$$

แทนค่า  $\Delta C, \Delta I, \Delta G$  ในสมการที่ 2.16 จะได้สมการ  $Y$  ใหม่ หลังการเพิ่มการใช้จ่าย

$$\Delta Y = b\Delta Y + i\Delta Y + \Delta G \quad (2.21)$$

$$\Delta G = \Delta Y - b\Delta Y - i\Delta Y \quad (2.22)$$

$$\frac{\Delta Y}{\Delta G} = \frac{1}{1-b-i} = \frac{1}{1-MPC-MPI} \quad (2.23)$$

กำหนดให้  $g$  = ค่าตัวทวีการใช้จ่ายภาครัฐบาล

$$g = \frac{1}{1-MPC-MPI} = \frac{\Delta Y}{\Delta G} \quad (2.24)$$

$$Y = g\Delta G \quad (2.25)$$

จากสมการที่ 2.25 จึงสรุปได้ว่า ถ้าภาครัฐบาลใช้จ่ายเพิ่มขึ้น จะส่งผลต่อการเพิ่มขึ้นของรายได้ประชาชาติโดยผ่านการทำงานของตัวทวี

## 2.1.4 แนวคิดการวิเคราะห์ทางเศรษฐมิติ กรณีข้อมูลแบบพาแนล

### 1) ข้อมูลพาแนล (Panel Data)

ข้อมูลพาแนลเป็นชุดข้อมูลที่เกิดจากการสังเกตซ้ำๆ หลายๆ ครั้งจากข้อมูลชุดเดิมตามระยะเวลาที่เลือกทำการศึกษา ดังนั้นจึงเป็นข้อมูลที่ประกอบไปด้วย ข้อมูลภาคตัดขวาง (Cross-Sectional Data) กับข้อมูลอนุกรมเวลา (Time Series Data) การประมาณการโดยแยกปัจจัยที่กระทบแต่ละประเทศข้ามช่วงเวลา เรียกอีกอย่างหนึ่งว่า Panel Data Estimation ซึ่งข้อดีของการประมาณการโดยใช้ Panel Data Estimation (Gujarati, 2003) มีดังต่อไปนี้

ประการแรก สามารถอธิบายข้อมูลเฉพาะหน่วยที่มีความสัมพันธ์กันแบบข้ามเวลาได้และแก้ปัญหาที่เกิดจากการขาดข้อมูลในบางช่วงเนื่องจากอาจมีข้อจำกัดทางด้านข้อมูล อันเนื่องมาจากปัญหาการจัดเก็บข้อมูลหรือแหล่งที่มาของข้อมูล

ประการที่สอง ให้ผลการประมาณค่าที่มีประสิทธิภาพมากกว่าเนื่องจากเป็นข้อมูลที่มีทั้งข้อมูลภาคตัดขวางและข้อมูลอนุกรมเวลา ไม่ว่าจะ เป็นในเรื่องความละเอียดของข้อมูล ความแตกต่างระหว่างความสัมพันธ์ของตัวแปรมีน้อย รวมทั้งมีค่าระดับความเป็นอิสระสูงกว่า

ประการที่สาม อธิบายการเปลี่ยนแปลงแบบพลวัตของข้อมูลที่เกิดจากการสังเกตซ้ำๆ ได้ดี

ประการที่สี่ วัดได้ง่ายและให้ค่าที่ใกล้เคียงความเป็นจริงมากกว่าการประมาณค่าโดยใช้ข้อมูลภาคตัดขวางและอนุกรมเวลา เพียงอย่างเดียวหนึ่ง

ประการที่ห้า สามารถใช้วิเคราะห์แบบจำลองที่มีความยุ่งยากซับซ้อน ได้ดีกว่า

ประการสุดท้าย สามารถใช้ได้กับค่าสังเกตที่มีจำนวนมากๆ ได้

นอกจากนี้ยังมีเหตุผลสำคัญที่ทำให้ข้อมูล Panel ได้เปรียบข้อมูลภาคตัดขวางและข้อมูลอนุกรมเวลาเพียงอย่างเดียวหนึ่งก็คือ ข้อมูล Panel ไม่มีข้อจำกัดด้านสมมติฐาน และสามารถอธิบายการเปลี่ยนแปลงข้อมูลแต่ละหน่วยและข้ามช่วงเวลาได้

จากแบบจำลองข้อมูล Panel เชิงเส้น โดยทั่วไป

$$Y_{it} = X'_{it}\beta + \varepsilon_{it} \quad (2.26)$$

เมื่อเพิ่ม Intercept Term จะเขียนได้เป็น

$$Y_{it} = \alpha + X'_{it}\beta + \varepsilon_{it} \quad (2.27)$$



โดยที่	$i$	คือ	ข้อมูลภาคตัดขวาง ซึ่ง $i = 1, \dots, N$
	$t$	คือ	ข้อมูลอนุกรมเวลา ซึ่ง $t = 1, \dots, T$
	$Y_{it}$	คือ	เวกเตอร์ $1 \times 1$ ของตัวแปรตาม
	$\alpha$	คือ	จำนวนจริง (Scalar)
	$\beta_{it}$	คือ	เวกเตอร์ $k \times 1$ ของค่าสัมประสิทธิ์
	$X_{it}$	คือ	เวกเตอร์ $1 \times k$ ของตัวแปรอธิบาย
	$\varepsilon_{it}$	คือ	ค่าความคลาดเคลื่อน

## 2) การทดสอบพาเนลยูนิทรูท (Panel Unit Root Tests)

การทดสอบความนิ่งของข้อมูลด้วยวิธีการทดสอบพาเนลยูนิทรูท (Verbeek, 2004)

มีวิธีการทดสอบดังนี้

พิจารณาจาก Autoregressive Model

$$y_{it} = \alpha_i + \gamma_i y_{it-1} + \varepsilon_{it} \quad (2.28)$$

สามารถเขียนได้เป็น

$$\Delta y_{it} = \alpha_i + \pi_i y_{it-1} + \varepsilon_{it} \quad (2.29)$$

โดยที่  $\pi_i = \gamma_i - 1$

$i = 1, 2, \dots, N$  (ข้อมูลภาคตัดขวาง) ในช่วงเวลา  $t = 1, 2, \dots, T$

$y_{it}$  คือ ตัวแปรภายนอก (Exogenous Variables)

$\pi_{it}$  คือ ค่าสัมประสิทธิ์ของ Autoregressive

$\varepsilon_{it}$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อน

สมมติฐาน คือ  $H_0: \pi_i = 0$

$H_1: \pi_i < 0$

ซึ่งในการทดสอบ Panel Unit Root นั้นมีวิธีการทดสอบทั้งหมด 5 วิธี ดังนี้

## 2.1) วิธีการทดสอบของ Levin, Lin, and Chu (LLC) (2002)

### 2.1.1) แบบจำลอง

ให้  $y_{it}$  เป็นข้อมูล Panel โดย  $i = 1, \dots, N$  เป็นข้อมูลภาคตัดขวางสำหรับแต่ละหน่วย และ  $t = 1, \dots, T$  เป็นข้อมูลอนุกรมเวลา โดยมีข้อสมมติว่า แต่ละหน่วยข้อมูลมีลักษณะเหมือนกันทุกประการในระดับ First-Order แต่ค่าพารามิเตอร์ที่เกิดจากค่าความคลาดเคลื่อนอนุญาตให้แปรผันตามแต่ละหน่วยข้อมูล

สมมติให้  $y_{it}$  มาจากโมเดลต่อไปนี้

แบบจำลองที่ 1: ไม่มีค่าคงที่และไม่มีค่าแนวโน้ม

$$\Delta y_{it} = \delta y_{it-1} + \xi_{it} \quad (2.30)$$

สมมติฐานการทดสอบ Panel Unit Root คือ

$H_0$ :  $\delta = 0$  ข้อมูล Panel มี Unit Root

$H_1$ :  $\delta < 0$  ข้อมูล Panel ไม่มี Unit Root

แบบจำลองที่ 2: ค่าคงที่ที่เปลี่ยนแปลงไปในแต่ละหน่วย

$$\Delta y_{it} = \alpha_{0i} + \delta y_{it-1} + \xi_{it} \quad (2.31)$$

สมมติฐานการทดสอบ Panel Unit Root คือ

$H_0$ :  $\delta = 0$  และ  $\alpha_{0i} = 0$  for all  $i$  ข้อมูล Panel มี Unit Root

$H_1$ :  $\delta < 0$  และ  $\alpha_{0i} \in R$  ข้อมูล Panel ไม่มี Unit Root

แบบจำลองที่ 3: ค่าคงที่และค่าแนวโน้มเปลี่ยนแปลงไปในแต่ละหน่วย

$$\Delta y_{it} = \alpha_{0i} + \alpha_{1i}t + \delta y_{it-1} + \xi_{it} \quad (2.32)$$

โดยที่  $-2 < \delta \leq 0$  for  $i = 1, \dots, N$

สมมติฐานการทดสอบ Panel Unit Root คือ

$$H_0: \quad \delta = 0 \text{ และ } \alpha_{it} = 0 \text{ for all } i \quad \text{ข้อมูล Panel มี Unit Root}$$

$$H_1: \quad \delta < 0 \text{ และ } \alpha_{it} \in R \quad \text{ข้อมูล Panel ไม่มี Unit Root}$$

$\xi_{it}$  มีการกระจายอย่างเป็นอิสระตามแต่ละหน่วย

$$\xi_{it} = \sum_{j=1}^{\infty} \theta_{it} \xi_{it-j} + \varepsilon_{it} \quad (2.33)$$

$i = 1, \dots, N$  และ  $t = 1, \dots, T$

### 2.1.2) ขั้นตอนการทดสอบพหุคูณนิทรูทวิธี(LLC)

$$\Delta y_{it} = \delta y_{it-1} + \sum_{L=1}^{p_i} \theta_{iL} \Delta y_{it-L} + \alpha_{mt} d_{mt} + \varepsilon_{it} \quad m = 1, 2, 3 \quad (2.34)$$

โดยที่	$\Delta y_{it}$	คือ	Difference Term ของ $y_{it}$
	$y_{it}$	คือ	ข้อมูล Panel
	$\delta$	คือ	$\rho - 1$
	$p_i$	คือ	จำนวน Lag Order สำหรับ Difference Terms
	$d_{mt}$	คือ	จำนวนตัวแปรภายนอก (Exogenous Variable)
	$\varepsilon_{it}$	คือ	ค่าความคลาดเคลื่อน

กระบวนการทดสอบมีดังนี้

**ขั้นตอนที่ 1** ทำการถดถอยสมการ ADF ของแต่ละหน่วย ทำให้ได้ส่วนตกค้างคงเหลือสอง

ตัวจากสมการ (2.34)

The Lag Order  $p_i$  กำหนดให้แปรผันไปตามแต่ละหน่วย จากนั้นให้เลือก Lag ที่เหมาะสมที่สุด  $p_{\max}$  และใช้ค่า t-statistics ของ  $\hat{\theta}_{iL}$  อธิบาย แล้วทำการถดถอยสมการจะได้ส่วนตกค้างคือ

$$\hat{e}_{it} = \Delta y_{it} - \sum_{L=1}^{p_i} \hat{\pi}_{iL} \Delta y_{it-L} - \tilde{\alpha}_{mt} d_{mt} \quad (2.35)$$

และ 
$$\hat{v}_{it} = y_{it-1} - \sum_{L=1}^{p_i} \hat{\pi}_{iL} \Delta y_{it-L} - \tilde{\alpha}_{mi} d_{mt} \quad (2.36)$$

เพื่อควบคุมข้อมูลที่มีความแตกต่างกัน จึงทำการปรับ  $\hat{e}_{it}$  และ  $\hat{v}_{it}$  โดยทำการถดถอยส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน จากสมการ  $Y_{it} = \alpha_i + X'_{it} \beta_{it} + \varepsilon_{it}$

$$\tilde{e}_{it} = \frac{\hat{e}_{it}}{\hat{\sigma}_{\varepsilon i}}, \hat{v}_{it-1} = \frac{\hat{v}_{it-1}}{\hat{\sigma}_{\varepsilon i}} \quad (2.37)$$

โดยที่  $\hat{\sigma}_{\varepsilon i}$  คือ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานจากการถดถอยสมการสมการ (2.34) ซึ่งสามารถหาค่าได้จาก

$$\hat{e}_{\varepsilon i}^2 = \frac{1}{T - p_i - 1} \sum_{t=p_i+2}^T (\hat{e}_{it} - \hat{\delta}_i \hat{v}_{it-1})^2 \quad (2.38)$$

**ขั้นตอนที่ 2** ทำการคำนวณหาอัตราส่วนของค่าความแปรปรวนระยะสั้นกับค่าความแปรปรวนระยะยาวสำหรับแต่ละหน่วยภายใต้สมมติฐานหลักของ Unit Root ค่าความแปรปรวนระยะยาว จากแบบจำลองที่ 1 หาได้จาก

$$\hat{e}_{yi}^2 = \frac{1}{T-1} \sum_{t=2}^T \Delta y_{it}^2 + 2 \sum_{L=1}^k W_{KL} \left[ \frac{1}{T-1} \sum_{t=2}^T \Delta y_{it} \Delta y_{it-L} \right] \quad (2.39)$$

จากแบบจำลองที่ 2 แทนที่  $\Delta y_{it}$  ในสมการ (2.34) ด้วย  $\Delta y_{it} - \Delta \bar{y}_i$  โดย  $\Delta \bar{y}_i$  คือ ค่าเฉลี่ยของ  $\Delta y_{it}$  สำหรับแต่ละหน่วย ( $i$ )

สำหรับแต่ละหน่วย อัตราส่วนของส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานในระยะยาวต่อส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานในระยะสั้น คือ

$$s_i = \sigma_{yi} / \sigma_{\varepsilon i} \quad (2.40)$$

และ  $\hat{s}_i = \hat{\sigma}_{yi} / \hat{\sigma}_{\varepsilon i}$  ทำให้อัตราส่วนของค่าเฉลี่ยของส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเป็น

$s_N = (1/N) \sum_i^N s_i$  และ  $\hat{s}_N = (1/N) \sum_i^N \hat{s}_i$  ซึ่งค่านี้มีความสำคัญในการอธิบายความหมายของค่า  $t$ -statistics ในขั้นตอนที่ 3

ขั้นตอนที่ 3 คำนวณหาค่า  $t$ -statistics โดยวิธี Pooled

$$\text{จากสมการ Pooled: } \tilde{\varepsilon}_{it} = \delta \tilde{v}_{it-1} + \varepsilon_{it} \quad (2.41)$$

โดยมีปัจจัยพื้นฐานคือ มีจำนวนค่าสังเกตเท่ากับ  $N\bar{T}$  โดย  $\bar{T} = T - \bar{p} - 1$

คือ ค่าเฉลี่ยของค่าสังเกตต่อหน่วยในข้อมูล Panel และ  $\bar{p} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N p_i$  คือ ค่าเฉลี่ยของ Lag สำหรับแต่ละหน่วยจาก ADF Regression

ขั้นตอนการหาค่า  $t$ -statistics เพื่อทดสอบว่า  $\delta = 0$

$$t_\delta = \frac{\hat{\delta}}{STD(\hat{\delta})} \quad (2.42)$$

โดยที่

$$\hat{\delta} = \frac{\sum_{i=1}^N \sum_{t=2+p_i}^T \tilde{v}_{it-1}^2 \tilde{\varepsilon}_{it}}{\sum_{i=1}^N \sum_{t=2+p_i}^T \tilde{v}_{it-1}^2} \quad (2.43)$$

$$STD(\hat{\delta}) = \hat{\sigma}_\varepsilon \left[ \sum_{i=1}^N \sum_{t=2+p_i}^T \tilde{v}_{it-1}^2 \right]^{-1/2} \quad (2.44)$$

$$\hat{\sigma}_\varepsilon^2 = \left[ \frac{1}{N\bar{T}} \sum_{i=1}^N \sum_{t=2+p_i}^T (\tilde{\varepsilon}_{it} - \delta \tilde{v}_{it-1})^2 \right] \quad (2.45)$$

ภายใต้สมมติฐาน  $H_0: \delta = 0$  ทำการถดถอยเพื่อหาค่า  $t$ -statistics ( $t_\delta$ ) ทำให้เกิดการกระจายแบบปกติในแบบจำลองที่ 1 แต่ทำให้เกิดการเบี่ยงเบนเข้าสู่  $-\infty$  ในแบบจำลองที่ 2 และแบบจำลองที่ 3 อย่างไรก็ตามเพื่อความง่ายยิ่งขึ้นจึงมีการปรับค่า  $t$ -statistics เป็น

$$t_\alpha^* = \frac{t_\alpha - N\bar{T}\hat{\sigma}_\varepsilon^{-2} STD(\hat{\delta}) \mu_{m\bar{T}}^*}{\sigma_{m\bar{T}}^*} \rightarrow N(0,1) \quad (2.46)$$

ค่าสถิติ  $t$ -statistics ของ  $\hat{\alpha}$  ที่มีการแจกแจงแบบปกติหาได้ดังนี้

$$t_\alpha^* = \frac{t_\alpha - N\bar{T}\hat{\sigma}_\varepsilon^{-2} se(\hat{\alpha}) \mu_{m\bar{T}}^*}{\sigma_{m\bar{T}}^*} \rightarrow N(0,1) \quad (2.47)$$

โดยที่	$t_\alpha^*$	คือ ค่าสถิติ $t$ -statistics สำหรับ $\hat{\alpha} = 0$
	$\hat{\sigma}^{-2}$	คือ ค่าความแปรปรวนที่ประมาณได้จากความคลาดเคลื่อน (Error Term)
	$se(\hat{\alpha})$	คือ Standard Error ของ $(\hat{\alpha})$
	$S_N$	คือ อัตราส่วนค่าเฉลี่ย Standard Deviation (Average Standard Deviation Ratio)
	$\mu_{m\bar{T}^*}$ และ $\sigma_{m\bar{T}^*}$	คือ Adjustment Term ของค่าเฉลี่ย (Mean) และ Standard Deviation

ถ้าค่าเฉลี่ย  $t$ -statistics ของ  $t_\alpha^*$  มีนัยสำคัญทางสถิติ (Significant) แสดงว่าปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูล Panel ไม่มี Unit Root แต่ถ้า  $t_\alpha^*$  ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูล Panel มี Unit Root

## 2.2) วิธีทดสอบของ Breitung (2000) มีวิธีการทดสอบ Panel Unit Root เช่นเดียวกับ

LLC Test แต่การหาค่าตัวแทนแตกต่างกัน คือ

$$\text{จาก } \Delta \tilde{y}_{it} = \left( \Delta y_{it} - \sum_{j=1}^{p_i} \hat{\beta}_{ij} \Delta y_{it-j} \right) / s_i \quad (2.48)$$

$$\tilde{y}_{it-1} = \left( y_{it-1} - \sum_{j=1}^{p_i} \hat{\beta}_{ij} y_{it-j} \right) / s_i \quad (2.49)$$

สามารถเขียนได้เป็น

$$\Delta y_{it}^* = \sqrt{\frac{T-t}{T-t+1}} \left( \Delta \tilde{y}_{it} - \frac{\Delta \tilde{y}_{it+1} + \dots + \Delta \tilde{y}_{it+T}}{T-t} \right) \quad (2.50)$$

$$y_{it}^* = \Delta \tilde{y}_{it-1} - c_{it} \quad (2.51)$$

ค่าพารามิเตอร์  $\alpha$  หาได้จากสมการตัวแทน

$$\Delta y_{it}^* = \alpha y_{it-1}^* + v_{it} \quad (2.52)$$

ค่าสถิติที่ใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลักคือ

$$B_{nT} = \left[ \left( \frac{\hat{\sigma}^2}{nT^2} \right) \sum_{i=1}^n \sum_{t=2}^{T-1} (y_{it}^*)^2 \right]^{-1/2} \left[ \left( \frac{1}{\sqrt{nT}} \right) \left( \sum_{i=1}^n \sum_{t=2}^{T-1} (y_{it}^*) (y_{it-1}^*) \right) \right] \quad (2.53)$$

$$\text{หรือ } B_{nT} = [B_{2nT}]^{-1/2} B_{1nT} \quad (2.54)$$

โดยที่  $\hat{\sigma}^2$  คือ ค่าประมาณของ  $\sigma^2$

$B_{nT}$  คือ ค่าสถิติ  $t$ -statistics ของ Breitung

สมมติฐานการทดสอบ Panel Unit Root คือ

$H_0$ : ข้อมูล Panel มี Unit Root

$H_1$ : ข้อมูล Panel ไม่มี Unit Root

ถ้าค่าสถิติ  $t$ -statistics ของ  $B_{nT}$  มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่าปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูล Panel ไม่มี Unit Root แต่ถ้า  $B_{nT}$  ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูล Panel มี Unit Root

**2.3) วิธีทดสอบ IPS (Im, Pesaran and Shin, 2003) ทดสอบโดยใช้ Augmented Dickey-Fuller (ADF) โดยแยกพิจารณาข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วย มีสมการดังนี้**

$$\text{จาก } \Delta y_{it} = \alpha y_{it-1} + \sum_{j=1}^{p_i} \beta_{ij} \Delta y_{it-j} + X'_{it} \delta + \varepsilon_{it} \quad (2.55)$$

สมมติฐานการทดสอบ Panel Unit Root คือ

$H_0$ :  $\alpha_i = 0$  สำหรับทุก  $i$

$H_1$ :  $\begin{cases} \alpha_i = 0 & \text{สำหรับ } i = 1, 2, \dots, N_1 \\ \alpha_i < 0 & \text{สำหรับ } i = N+1, N+2, \dots, N \end{cases}$

ค่าเฉลี่ยของค่าสถิติ  $t$ -statistics สำหรับ  $\alpha_i$  คือ

$$\bar{t}_{NT} = \left( \sum_{i=1}^N t_{it}(p_i) \right) / N \quad (2.56)$$

โดยที่  $\bar{t}_{NT}$  มีการแจกแจงแบบปกติและสามารถเขียนใหม่ได้เป็น

$$W_{iNT} = \frac{\sqrt{N} \left( \bar{t}_{NT} - N^{-1} \sum_{i=1}^N E(\bar{t}_{iT}(p_i)) \right)}{\sqrt{N^{-1} \sum_{i=1}^N \text{Var}(\bar{t}_{iT}(p_i))}} \rightarrow N(0,1) \quad (2.57)$$

โดยที่  $W_{iNT}$  คือ  $W$ -statistics

ถ้า  $W_{iNT}$  มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่าปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูล Panel ไม่มี Unit Root แต่ถ้า  $W_{iNT}$  ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูล Panel มี Unit Root

#### 2.4) วิธีทดสอบ Fisher Type Test โดยใช้ ADF และ PP-Test (Maddala and Wu

(1999) and Choi (2001) ใช้ Fisher's ( $P_\lambda$ ) Test ในการทดสอบโดยการรวมค่า  $p$  - value

โดยที่  $\pi_i (i=1,2,\dots,N)$  คือ ค่า  $p$  - value ของการทดสอบ Unit Root ของข้อมูลภาคตัดขวาง  $i$  จากข้อมูลภาคตัดขวางทั้งหมด  $N$  เป็นตัวแปรอิสระที่มี  $U(0,1)$

ค่าสถิติที่ใช้ทดสอบมีการแจกแจงแบบไคสแควร์ (Chi-Squared:  $\chi^2$ ) และมี Degree of Freedom เท่ากับ  $2N$  ดังนี้

$$P_\lambda = -2 \sum_{i=1}^N \log_e \pi_i \quad (2.58)$$

ในกรณีของ Choi ให้  $p_i (i=1,2,\dots,N)$  คือ ค่า  $p$  - value ของการทดสอบ Unit Root ของข้อมูลภาคตัดขวาง  $i$  จากข้อมูลภาคตัดขวางทั้งหมด

$$P_\lambda = -2 \sum_{i=1}^N \ln(p_i) \rightarrow \chi_{2N}^2 \quad (2.59)$$

ค่าสถิติที่ใช้ทดสอบ คือ

$$Z = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{i=1}^N \phi^{-1}(p_i) \quad (2.60)$$



โดยที่  $\phi(\cdot)$  มีการแจกแจงปกติมาตรฐาน  $N(0,1)$  และ

$$L = \sum_{i=1}^N \ln \left( \frac{p_i}{1-p_i} \right) \quad (2.61)$$

สมมติฐานการทดสอบ Panel Unit Root ด้วย Fisher's ( $P_\lambda$ ) Test และ Z – Statistics Test คือ

$H_0$ : ข้อมูล Panel มี Unit Root

$H_1$ : ข้อมูล Panel ไม่มี Unit Root

ถ้าทั้ง Fisher's ( $P_\lambda$ ) Test และ Z – Statistics Test มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่า ปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูล Panel ไม่มี Unit Root แต่ถ้าทั้ง Fisher's ( $P_\lambda$ ) Test และ Z – Statistics Test ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูล Panel มี Unit Root

### 2.5) วิธีทดสอบของ Hadri (1999) ทำการทดสอบจากส่วนที่คงเหลือ (Residual)

จากสมการ Ordinary Least Square ของ  $y_{it}$  ที่คงที่ (Constant) และมีแนวโน้ม (Trend)

$$\text{จาก } y_{it} = \delta_i + \eta_i t + \varepsilon_{it} \quad (2.62)$$

โดยที่  $y_{it}$  คือ Panel Data ซึ่ง ( $i = 1, 2, \dots, N$ ) คือ Cross-Section Unit หรือ คือ Cross-Section

$\delta_i$  คือ ค่าคงที่ (Constant Term)

$\eta_i$  คือ ค่าสัมประสิทธิ์ของ  $t$  หรือแนวโน้ม (Trend)

$\varepsilon_{it}$  คือ ส่วนคงเหลือ หรือส่วนที่ตกค้าง (Residual)

ให้ส่วนคงเหลือจากการถดถอย  $\varepsilon_{it}$  อยู่ในรูปของค่าสถิติ  $LM$  ( $LM$  Statistic)

$$LM_1 = \frac{1}{N} \left( \sum_{i=1}^N \left( \sum_t S_i(t)^2 / T^2 \right) / f_0 \right) \quad (2.63)$$

โดยที่  $S_i(t)$  คือ ค่าสะสมของ Sums of The Residuals

$$S_i(t) = \sum_{s=1}^t \hat{\varepsilon}_{it} \quad (2.64)$$

และ  $\bar{f}_0$  คือ ค่าเฉลี่ยของการประมาณค่าส่วนคงเหลือที่ความถี่เท่ากับศูนย์

$$\bar{f}_0 = \sum_{i=1}^N f_{i0} / N \quad (2.65)$$

สำหรับค่าสถิติ  $LM$  ( $LM$  Statistic) ในกรณีที่  $i$  มีความแตกต่างกัน (Heteroskedasticity)

เขียนสมการได้ดังนี้

$$LM_2 = \frac{1}{N} \left( \sum_{i=1}^N \left( \sum_t S_i(t)^2 / T^2 \right) / f_{i0} \right) \quad (2.66)$$

ดังนั้นจึงใช้  $LM_1$  ในกรณีเป็น Homoskedasticity และใช้  $LM_2$  ในกรณีที่เป็น Heteroskedasticity ค่าสถิติที่ใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลักคือ  $Z$  - Statistics ดังนี้

$$Z = \frac{\sqrt{N}(LM - \xi)}{\zeta} \rightarrow N(0,1) \quad (2.67)$$

โดยที่  $N$  คือ จำนวนค่าสังเกตในข้อมูล Panel

$\xi = 1/6$  และ  $\zeta = 1/45$  ถ้าแบบจำลองมีค่าคงที่เพียงอย่างเดียว ( $\eta_i$  มีค่าเป็นศูนย์ สำหรับทุกๆ  $i$ )

$\xi = 1/15$  และ  $\zeta = 11/6300$  สำหรับกรณีอื่น

สมมติฐานการทดสอบ Panel Unit Root คือ

$H_0$ : ข้อมูล Panel ไม่มี Unit Root

$H_1$ : ข้อมูล Panel มี Unit Root

ถ้าค่าสถิติ  $Z$  - Statistics มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่าปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูล Panel มี Unit Root แต่ถ้า  $Z$  - Statistics ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูล Panel ไม่มี Unit Root

### 3) การทดสอบพาแนลโคอินทิเกรชัน (Panel Cointegration Tests)

การทดสอบพาแนลโคอินทิเกรชัน (Panel Cointegration Tests) หรือการทดสอบความสัมพันธ์ในแบบจำลองสำหรับการศึกษาในครั้งนี้จะทำการทดสอบพาแนลโคอินทิเกรชันด้วยวิธี Pedroni Test และวิธี Kao Test ซึ่งมีรายละเอียดดังนี้

#### 3.1) วิธี Pedroni Test

Pedroni (1999, 2001, 2004) เสนอวิธีการทดสอบพาแนลโคอินทิเกรชันที่มีพื้นฐานมาจากการทดสอบโคอินทิเกรชันของ Engle-Grange ซึ่งวิธีการทดสอบของ Pedroni จะให้ข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยมีค่าคงที่ (Intercept) และแนวโน้ม (Trend) แตกต่าง (Heterogeneous) พิจารณาจากสมการถดถอยดังนี้

$$y_{it} = \alpha_i + \delta_i t + \beta_{1i} X_{1i,t} + \beta_{2i} X_{2i,t} + \dots + \beta_{Mi} X_{Mi,t} + e_{i,t} \quad (2.68)$$

โดยที่  $i = 1, 2, \dots, N$  คือ ข้อมูลภาคตัดขวาง

$t = 1, 2, \dots, T$  คือ ข้อมูลอนุกรมเวลา

และ  $m = 1, 2, \dots, M$  คือ ตัวแปรถดถอย

สมมติให้  $y_{it}$  และ  $X_{Mi,t}$  มี Order of Integration = 1 หรือ  $I(1)$  สำหรับแต่ละหน่วย  $i$

ค่าสัมประสิทธิ์  $\beta_{1i}, \beta_{2i}, \dots, \beta_{Mi}$  ของภาคตัดขวางแต่ละหน่วยจะแตกต่างกัน สำหรับค่าพารามิเตอร์  $\alpha_i$  คือ ผลกระทบของภาคตัดขวางแต่ละหน่วย (Individual Effects) ซึ่งแต่ละหน่วยภาคตัดขวางจะมีความแตกต่าง ส่วน  $\delta_i t$  คือ ผลกระทบจากแนวโน้ม (Trend Effects) ซึ่งแต่ละหน่วยภาคตัดขวางจะมีความแตกต่างกัน หรืออาจกำหนดให้ไม่มีผลกระทบจากแนวโน้ม

ภายใต้สมมติฐานหลัก  $H_0$  : ไม่มีโคอินทิเกรชัน ส่วนตกค้างหรือส่วนคงเหลือ (Residual)  $e_{i,t}$  ซึ่งได้จากการถดถอยสมการ (2.68) จะเป็น  $I(1)$  และทดสอบได้จากสมการดังนี้

$$e_{it} = \rho_i e_{it-1} + \mu_{it} \quad (2.69)$$

หรือ

$$e_{it} = \rho_i e_{it-1} + \sum_{j=1}^{p_i} \psi_{ij} \Delta e_{it-j} + v_{it} \quad (2.70)$$

สำหรับข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยมีหลายวิธีในการสร้างค่าสถิติเพื่อทดสอบสมมติฐานหลักและมีสมมติฐานรอง 2 แบบที่แตกต่างกัน

สมมติฐานในการทดสอบพหุแนลโคอินทิเกรชัน กรณีที่สมมติให้ข้อมูล  
ภาคตัดขวางทุกหน่วยมีลักษณะเหมือนกัน (Homogeneous)

$$H_0 : \text{ไม่มีโคอินทิเกรชัน } (\rho_i = 1)$$

$$H_1 : \text{มีโคอินทิเกรชัน } (\rho_i = \rho) < 1 \text{ สำหรับทุก } i$$

สมมติฐานในการทดสอบพหุแนลโคอินทิเกรชัน กรณีที่สมมติให้ข้อมูล  
ภาคตัดขวางทุกหน่วยมีลักษณะแตกต่างกัน (Heterogeneous)

$$H_0 : \text{ไม่มีโคอินทิเกรชัน } (\rho_i = 1)$$

$$H_1 : \text{มีโคอินทิเกรชัน } \rho_i < 1 \text{ สำหรับทุก } i$$

ค่าสถิติที่ใช้ในการทดสอบโคอินทิเกรชัน คือ  $\mathfrak{N}_{N,T}$  ซึ่งได้จากส่วนตกค้างจาก  
สมการ (2.69) หรือ (2.70) ซึ่งจะได้ค่าสถิติทั้งหมด 7 ค่า เพื่อใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลัก  
ได้แก่ (Pedroni, 1999)

ค่าสถิติ Panel  $v$ -Statistic คือ

$$T^2 N^{\frac{2}{3}} Z \hat{v}_{N,T} \equiv T^2 N^{\frac{2}{3}} \left( \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1li}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1} \quad (2.71)$$

ค่าสถิติ Panel  $\rho$ -Statistic คือ

$$T \sqrt{N} Z \hat{\rho}_{N,T} \equiv T \sqrt{N} \left( \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1li}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1li}^{-2} (\hat{e}_{i,t-1}^2 \Delta \hat{e}_{i,t} - \hat{\lambda}_i) \quad (2.72)$$

ค่าสถิติ Panel  $pp$ -Statistic คือ

$$Z t_{N,T} \equiv \left( \hat{\sigma}_{N,T}^2 \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1li}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1/2} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1li}^{-2} (\hat{e}_{i,t-1}^2 \Delta \hat{e}_{i,t} - \hat{\lambda}_i) \quad (2.73)$$

ค่าสถิติ Panel  $ADF$ -Statistic คือ

$$\tilde{Z}^* t_{N,T} \equiv \left( \tilde{s}_{N,T}^{*2} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1li}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1/2} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1li}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^* \Delta \hat{e}_{i,t}^* \quad (2.74)$$

ค่าสถิติ Group  $\rho$ -Statistic คือ

$$TN^{-1/2} \tilde{Z} \hat{\rho}_{N,T} \equiv TN^{-1/2} \sum_{i=1}^N \left( \sum_{t=1}^T \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1} \sum_{t=1}^T (\hat{e}_{i,t-1}^2 \Delta \hat{e}_{i,t} - \hat{\lambda}_i) \quad (2.75)$$

ค่าสถิติ Group *pp – Statistic* คือ

$$N^{-1/2} \tilde{Z}_{N,T} \equiv N^{-1/2} \sum_{i=1}^N \left( \hat{\sigma}_i^2 \sum_{t=1}^T \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1/2} \sum_{t=1}^T \left( \hat{e}_{i,t-1}^2 \Delta \hat{e}_{i,t} - \hat{\lambda}_i \right) \quad (2.76)$$

ค่าสถิติ Group *ADF – Statistic* คือ

$$N^{-1/2} \tilde{Z}_{N,T}^* \equiv N^{-1/2} \sum_{i=1}^N \left( \sum_{t=1}^T \hat{s}_{N,T}^{*2} \hat{e}_{i,t-1}^{*2} \right)^{-1/2} \sum_{t=1}^T \hat{e}_{i,t-1}^* \Delta \hat{e}_{i,t}^* \quad (2.77)$$

ซึ่งค่าสถิติพื้นฐานที่ใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลัก คือ

$$\frac{\mathfrak{N}_{N,T} - \mu \sqrt{N}}{\sqrt{v}} \Rightarrow N(0,1) \quad (2.78)$$

โดยที่  $\mathfrak{N}_{N,T}$  คือ รูปแบบที่เหมือนกันของค่าสถิติที่ใช้ในการทดสอบโคอินทิเกรชันของแต่ละวิธีทดสอบให้  $\mu$  และ  $v$  คือ ตัวปรับค่า Monte Carlo ของค่าเฉลี่ยและความแปรปรวน

โดยค่าสถิติ Panel Statistics จะใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลักในกรณีที่มีสมมติฐานให้ข้อมูลภาคตัดขวางทุกหน่วยมีลักษณะเหมือนกัน ซึ่งเป็นการทดสอบ Panel Cointegration Test หรือ Within Dimension และค่าสถิติ Group Panel Statistics จะใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลัก ในกรณีที่สมมติฐานให้ข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยมีลักษณะแตกต่างกัน ซึ่งเป็นการทดสอบ Group Mean Panel Cointegration Test หรือ Between Dimension

ถ้าค่าสถิติ Panel Statistics ปฏิเสธสมมติฐานหลักแสดงว่าตัวแปรในแบบจำลองพาแนล โคอินทิเกรชันของทุกหน่วยภาคตัดขวางมีความสัมพันธ์กัน แต่ถ้าค่าสถิติ Group Panel Statistics ปฏิเสธสมมติฐานหลัก แสดงว่าตัวแปรในแบบจำลองพาแนล โคอินทิเกรชันของภาคตัดขวาง อย่างน้อย 1 หน่วย มีความสัมพันธ์กัน

### 3.2) วิธี Kao Test

Kao (1999) ได้เสนอวิธีการทดสอบพาแนลโคอินทิเกรชัน โดยมีวิธีการทดสอบพื้นฐานคล้ายกับวิธีของ Pedroni แต่ให้ข้อมูลภาคตัดขวางมีค่าคงที่ (Intercepts) แตกต่างกัน และให้ค่าสัมประสิทธิ์มีค่าเท่ากันในตัวแปรที่ทำการถดถอยครั้งแรก (First-Stage Regressors) พิจารณาจากสมการดังนี้

$$y_{it} = \alpha_i + \beta x_{it} + e_{it} \quad (2.79)$$

สำหรับ  $y_{it} = y_{it-1} + u_{it} \quad (2.80)$

$$x_{it} = x_{it-1} + \varepsilon_{it} \quad (2.81)$$

โดยที่  $i = 1, 2, \dots, N, t = 1, 2, \dots, T$  ทำการถดถอยสมการ (2.68) ซึ่งให้  $\alpha_i$  ของข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยแตกต่างกัน  $\beta_i$  ของข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยเหมือนกันและให้ค่าสัมประสิทธิ์  $\gamma_i$  ทั้งหมดของแนวโน้มมีค่าเข้าสู่ 0

ทำการถดถอย  $e_{it} = \rho e_{it-1} + v_{it} \quad (2.82)$

หรือ  $e_{it} = \tilde{\rho} e_{it-1} \sum_{j=1}^p \psi_j \Delta e_{it-j} + v_{it} \quad (2.83)$

สมมติฐานหลักการทดสอบ คือ  $H_0: \rho_i = 1$  (ไม่มีโคอินทิเกรชัน) ค่าสถิติในการทดสอบด้วยวิธี Dickey-Fuller (DF) คือ

$$DF_\rho = \frac{\sqrt{NT}(\hat{\rho} - 1) + 3\sqrt{N}}{\sqrt{10.2}} \quad (2.84)$$

$$DF_t = \sqrt{1.25t_\rho} + \sqrt{1.875N} \quad (2.85)$$

$$DF_\rho^* = \frac{\sqrt{NT}(\hat{\rho} - 1) + 3\sqrt{N}\hat{\sigma}_v^2 / \hat{\sigma}_{0v}^2}{\sqrt{3 + 36\hat{\sigma}_v^4 / 5\hat{\sigma}_{0v}^4}} \quad (2.86)$$

$$DF_t^* = \frac{t_\rho + \sqrt{6N}\hat{\sigma}_v / (2\hat{\sigma}_{0v}^2)}{\sqrt{\hat{\sigma}_{0v}^2 / (2\hat{\sigma}_v^2) + 3\hat{\sigma}_v^2 / (10\hat{\sigma}_{0v}^2)}} \quad (2.87)$$

และ  $\rho > 0$  ค่าสถิติในการทดสอบด้วยวิธี Augmented Dickey-Fuller (ADF)

คือ

$$ADF = \frac{t_\rho + \sqrt{6N}\hat{\sigma}_v / (2\hat{\sigma}_{0u}^2)}{\sqrt{\hat{\sigma}_{0v}^2 / (2\hat{\sigma}_v^2) + 3\hat{\sigma}_v^2 / (10\hat{\sigma}_{0v}^2)}} \quad (2.88)$$

ซึ่งค่าสถิติมีการแจกแจงปกติมาตรฐาน หรือ  $N(0,1)$  ค่าความแปรปรวน คือ  $\hat{\sigma}_v^2 = \hat{\sigma}_u^2 - \hat{\sigma}_{ue}^2 \hat{\sigma}_\varepsilon^{-2}$  และค่าความแปรปรวนในระยะยาว คือ  $\hat{\sigma}_{0v}^2 = \hat{\sigma}_{0u}^2 - \hat{\sigma}_{0ue}^2 \hat{\sigma}_{0\varepsilon}^{-2}$

$$\text{ค่าความแปรปรวนร่วมของ } w_{it} = \begin{bmatrix} u_{it} \\ \varepsilon_{it} \end{bmatrix} \quad (2.89)$$

$$\text{ประมาณค่าโดย } \hat{\Sigma} = \begin{bmatrix} \hat{\sigma}_u^2 & \hat{\sigma}_{ue}^2 \\ \hat{\sigma}_{ue}^2 & \hat{\sigma}_\varepsilon^2 \end{bmatrix} = \frac{1}{NT} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{w}_{it} \hat{w}'_{it} \quad (2.90)$$

และค่าความแปรปรวนร่วมในระยะยาวประมาณค่าโดย

$$\hat{\Omega} = \begin{bmatrix} \hat{\sigma}_{0u}^2 & \hat{\sigma}_{0ue}^2 \\ \hat{\sigma}_{0ue}^2 & \hat{\sigma}_{0\varepsilon}^2 \end{bmatrix} = \frac{1}{NT} \sum_{i=1}^N \left[ \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T \hat{w}_{it} \hat{w}'_{it} + \kappa(\hat{w}_i) \right] \quad (2.91)$$

โดย  $\kappa$  คือ Kernel Function

#### 4) การทดสอบสมการพหุคูณ (Panel Equation Testing)

การทดสอบสมการพหุคูณ คือ การทดสอบว่าควรทำการประมาณค่าแบบจำลอง Panel Cointegration รูปแบบใดระหว่าง Pooled OLS, Fixed Effects Model หรือ Random Effects Model สำหรับการศึกษานี้จะทำการทดสอบสมการพหุคูณ 2 วิธี คือ วิธี Hausman Test และวิธี Redundant Fixed Effects Test มีรายละเอียดดังนี้

##### 4.1) วิธี Hausman Test

เป็นการทดสอบว่าควรทำการประมาณค่าแบบจำลองในรูปแบบใดระหว่าง Fixed Effects และ Random Effects ภายใต้สมมติฐานหลัก คือค่าความคลาดเคลื่อนไม่มีความสัมพันธ์กับตัวแปรอิสระ

$$H_0 : E(u_{it} / X_{it}) = 0$$

โดยวิธีการของ Hausman (1978) ทดสอบโดยสมมติให้การประมาณค่าความแปรปรวนร่วมของ Fixed Effects และ Random Effects มีค่าเท่ากัน ( $\hat{\beta}_{RE} - \hat{\beta}_{FE} = 0$ ) ถ้ายอมรับสมมติฐานหลักทำการประมาณแบบจำลองในรูปแบบ Random Effects ถ้าปฏิเสธสมมติฐานหลักควรทำการประมาณแบบจำลองในรูปแบบ Fixed Effects

#### 4.2) วิธี Redundant Fixed Effects Test

Moulton and Randolph (1989) พบว่า Anova F-test ที่ใช้ทดสอบ Fixed Effects เหมาะสำหรับ One-way Error Component ซึ่ง Anova F-test มีสมการในรูปทั่วไป คือ

$$F = \frac{y'MD(D'MD) - D'My/(p-r)}{y'Gy/[NT - (\tilde{k} + p - r)]} \quad (2.92)$$

โดยมีสมมติฐานหลักว่าข้อมูลมีการกระจายแบบ F-distribution

$$H_0 : \sigma_\mu^2 = 0$$

เมื่อ  $p-r$  และ  $NT - (\tilde{k} + p - r)$  คือ Degree of Freedom,  $D = I_N \otimes I_T$ ,

$$M = \bar{P}_z, \tilde{k} = K', p = N, r = K' + N - \text{rank}(Z, D) \text{ และ } G = \bar{P}_{(Z, D)}$$

$$\text{เมื่อ } P_z = Z(Z'Z)^{-1}Z'$$

#### 5) การประมาณค่าแบบจำลองพาแนลโคอินทิเกรชัน (Panel Cointegration Estimation)

การประมาณค่าความสัมพันธ์ของแบบจำลองพาแนลโคอินทิเกรชัน ที่พิจารณาแยกความแตกต่างของหน่วยภาคตัดขวางและช่วงเวลาที่แตกต่างกัน จะทำการประมาณค่าโดยแยกปัจจัยที่มากระทบต่อหน่วยภาคตัดขวางและช่วงเวลาที่แตกต่างกัน โดยข้อสมมติของค่าคงที่และค่าสัมประสิทธิ์ที่มีได้หลายแบบ ซึ่งมีการประมาณค่าแบบจำลองที่มีข้อสมมติของค่าคงที่และค่าสัมประสิทธิ์ต่างกันสามารถแสดงได้ 3 ประเภท ดังนี้

การวิเคราะห์แบบจำลอง Panel Data มี 3 ประเภท คือ

1. Pooled OLS
2. Fixed Effects Models
3. Random Effects Models

แบบจำลองทั้งสอง 3 ประเภทนี้ เป็นแบบจำลองที่มีลักษณะเป็น Dynamic Panel,

Robust และ Covariance Structure Models



### 5.1) แบบจำลอง Pooled OLS

การวิเคราะห์แบบ Constant Coefficient Models หรือแบบจำลองที่ค่าสัมประสิทธิ์มีค่าคงที่ หรือเรียกว่า Pooled regression model เป็นการประมาณ Panel Model ที่กำหนดให้ค่าสัมประสิทธิ์รวมถึงค่าคงที่และสัมประสิทธิ์มีค่าคงที่ด้วย โดยเป็นการประมาณข้อมูลที่เป็นข้อมูลภาคตัดขวางและอนุกรมเวลาด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด

การประมาณแบบ Pooled Estimator เป็นวิธีการประมาณที่ง่ายและเป็นพื้นฐาน การประมาณแบบอื่น ๆ โดยแบบจำลองพื้นฐานที่ใช้ในการประมาณคือ

$$Y_{it} = X'_{it}\beta + \varepsilon_{it} \quad (2.93)$$

โดยสมมติให้  $\varepsilon_{it} \sim IID(0, \sigma^2_\varepsilon)$  สำหรับทุก  $i$  และ  $t$  นั่นคือให้ค่าของแต่ละประเทศและค่าสังเกตเป็นค่าอนุกรมที่ไม่เกิดปัญหาสหสัมพันธ์ ในขณะที่แต่ละประเทศ ช่วงเวลา และพจน์รบกวน เป็นความเบี่ยงเบนที่มีลักษณะคงที่

การประมาณแบบจำลองข้างต้นเป็นการประมาณทางตรงนี้ ซึ่งสมมติให้มีความสอดคล้องกับแบบจำลองเชิงเส้นตรงของคลาสสิก วิธีการประมาณค่าสัมประสิทธิ์แบบ Pooled Data จะใช้วิธีกำลังสองน้อยที่สุด สมมติฐานคือแต่ละค่าสังเกตจะมีลักษณะเป็น iid (Yaffee, 2003)

### 5.2) แบบจำลอง Fixed Effects Models

แบบจำลอง Fixed Effects Models เป็นการประมาณแบบจำลองโดยสมมติให้ค่าคงที่ของสมการเปลี่ยนแปลงไปตามแต่ละหน่วยหรือตามแต่ละประเทศโดยที่

$$Y_{it} = \beta_1 + \beta_2 X_{2it} + \beta_3 X_{3it} + \varepsilon_{it} \quad (2.94)$$

โดยที่  $i = 1, 2, \dots, N$

$t = 1, 2, \dots, T$

โดย  $i$  คือจำนวนของประเทศ และ  $t$  คือลำดับของช่วงเวลา และสมมติให้  $N$  คือ จำนวนที่มากที่สุดของประเทศ และให้  $T$  คือ จำนวนที่มากที่สุดของช่วงเวลา ถ้าแต่ละประเทศ มีจำนวนเวลาเท่ากันทุกประเทศ เราจะเรียก Panel Data นี้ว่า Balance Panel

จากข้อสมมติเกี่ยวกับค่าคงที่ และค่าสัมประสิทธิ์ที่แตกต่างกันออกไป สามารถแบ่งจำลอง Fixed Effects Models ได้ดังนี้

5.2.1) เป็นการสมมติให้ค่าสัมประสิทธิ์ทุกค่าคงที่ หรือมีค่าเดียวกันในทุกช่วงประเทศและช่วงเวลา และพจน์คลาดเคลื่อนมีค่าแตกต่างกันในทุกประเทศ และช่วงเวลา โดยใช้การประมาณแบบกำลังสองน้อยที่สุด

5.2.2) รูปแบบนี้เป็นการสมมติให้ค่าสัมประสิทธิ์คงที่ แต่ค่าคงที่เปลี่ยนแปลงไปในแต่ละประเทศซึ่งจะให้ค่าคงที่มีหลายค่าตามจำนวนประเทศ โดยสมมติให้ค่าสัมประสิทธิ์ของแต่ละประเทศเป็นค่าคงที่ นั่นคือค่าคงที่ที่ประมาณได้จากสมการมีค่าแตกต่างกันสำหรับหน่วย  $i$  ที่แตกต่างกันเขียนสมการได้ดังนี้ (Verbeek, 2004)

จากสมการ (2.27) แสดงแบบจำลองของข้อมูลพาแนล

$$Y_{it} = \alpha_i + X'_{it}\beta + \varepsilon_{it} \quad (2.95)$$

โดยที่  $\varepsilon_{it} \approx IID(0, \sigma^2_\varepsilon)$

ให้  $X_{it}$  ไม่ขึ้นอยู่กับ  $\varepsilon_{it}$  เขียนสมการถดถอยโดยมีตัวแปรหุ่นเป็นแต่ละหน่วย  $i$  ได้ดังนี้

$$Y_{it} = \sum_{j=1}^N \alpha_j d_{ij} + X'_{it}\beta + \varepsilon_{it} \quad (2.96)$$

โดยที่  $d_{ij} = 1$  ถ้า  $i = j$  และ  $d_{ij} = 0$  อื่นๆ

จากสมการ (2.96) จึงมีกลุ่มของตัวแปรหุ่นจำนวน  $N$  และค่าพารามิเตอร์ คือ  $\alpha_1, \dots, \alpha_N$  และ  $\beta$

ให้  $y_{it}$  คือ ตัวแปรตาม  $X_{2it}, X_{3it}$  คือ ตัวแปรอิสระ และ  $\varepsilon_{it}$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อนซึ่ง  $i = 1, 2, 3, 4$  และ  $t = 1, 2, \dots, 20$  โดย  $D_{2i}, D_{3i}, D_{4i}$  เป็นตัวแปรหุ่นของหน่วยที่ต่างกัน

จากสมการ (2.95) สามารถเขียนแบบจำลองพาแนลได้ดังนี้

$$Y_{it} = \beta_1 + \beta_2 X_{2it} + \beta_3 X_{3it} + \varepsilon_{it} \quad (2.97)$$

ดังนั้นสามารถเขียนแบบจำลอง Fixed Effects Model ได้ดังนี้

$$Y_{it} = \beta_{1i} + \beta_2 X_{2it} + \beta_3 X_{3it} + \varepsilon_{it} \quad (2.98)$$

เมื่อพิจารณาความแตกต่างของหน่วย สามารถเขียนสมการได้ดังนี้

$$Y_{it} = \alpha_1 + \alpha_2 D_{2i} + \alpha_3 D_{3i} + \alpha_4 D_{4i} + \beta_2 X_{2it} + \beta_3 X_{3it} + \varepsilon_{it} \quad (2.99)$$

โดยตัวแปรหุ่นที่ใช้ในสมการจะมีน้อยกว่าจำนวนของประเทศ 1 ค่า ทั้งนี้เพื่อหลีกเลี่ยงปัญหาเกี่ยวกับค่าตัวแปรหุ่นและค่า  $\alpha_1$  แสดงถึงค่าคงที่ของประเทศที่ไม่ได้ใช้ตัวแปรหุ่น การใช้ตัวแปรหุ่นในการประมาณ Fixed Effects ในสมการ (2.96) นั้นเรียกว่า Least-Squares Dummy Variable Model (LSDV)

การประมาณค่าโดยใช้วิธี LSDV จะทำให้นัยสำคัญทางสถิติของการประมาณค่าสัมประสิทธิ์และค่า  $R^2$  และค่า Durbin-watson มีค่าสูงขึ้นเมื่อเปรียบเทียบกับรูปแบบ 5.2.1 ซึ่งจะเห็นได้ว่าการประมาณค่าในแบบที่ 5.2.2 จะได้ผลการประมาณที่ดีกว่าแบบที่ 5.2.1

**5.2.3)** ค่าสัมประสิทธิ์คงที่ แต่ค่าคงที่แตกต่างกันสำหรับหน่วยที่ต่างกันและช่วงเวลาที่แตกต่างกัน นั่นคือค่าคงที่เปลี่ยนไปในแต่ละประเทศและช่วงเวลา เขียนสมการได้ดังนี้

$$Y_{it} = \alpha_1 + \alpha_2 D_{2i} + \alpha_3 D_{3i} + \alpha_4 D_{4i} + \lambda_0 + \lambda_1 Dum_1 + \dots + \lambda_{19} Dum_{19} + \beta_2 X_{2it} + \beta_3 X_{3it} + \varepsilon_{it} \quad (2.100)$$

เมื่อประมาณสมการข้างต้นจะพบว่าตัวแปรหุ่นของแต่ละประเทศ เช่น ค่าสัมประสิทธิ์ของแต่ละประเทศจะมีนัยสำคัญทางสถิติ แต่เวลาของตัวแปรหุ่นจะไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ ซึ่งแสดงว่าจะเกิดผลกระทบในแต่ละประเทศแต่จะไม่เกิดผลทางด้านผลของเวลา

**5.2.4)** กรณีที่สมมติให้ค่าสัมประสิทธิ์และค่าคงที่แตกต่างกันสำหรับหน่วยที่ต่างกัน ก็คือคือ ค่าคงที่และค่าสัมประสิทธิ์แตกต่างกันในทุกประเทศ โดยสามารถขยายรูปแบบของสมการ LSDV เขียนรูปแบบสมการได้ดังนี้

$$Y_{it} = \alpha_1 + \alpha_2 D_{2i} + \alpha_3 D_{3i} + \alpha_4 D_{4i} + \beta_2 X_{2it} + \beta_3 X_{3it} + \gamma_1 (D_{2i} X_{2it}) + \gamma_2 (D_{2i} X_{3it}) + \gamma_3 (D_{3i} X_{2it}) + \gamma_4 (D_{3i} X_{3it}) + \gamma_5 (D_{4i} X_{2it}) + \gamma_6 (D_{4i} X_{3it}) + \varepsilon_{it} \quad (2.101)$$

โดยที่  $\gamma$  คือ ค่าที่แตกต่างกันของแต่ละประเทศและ  $\alpha_2, \alpha_3$  และ  $\alpha_4$  คือ ค่าคงที่ที่แตกต่างกัน ถ้ามีค่าสัมประสิทธิ์ของ  $\gamma$  หนึ่งตัวหรือมากกว่านั้นแสดงว่ามีนัยสำคัญทางสถิติ จะสามารถบอกได้ว่าค่าสัมประสิทธิ์หนึ่งค่าหรือมากกว่ามีค่าแตกต่างจากกลุ่มตัวอย่าง คือถ้า  $\beta_2$  และ  $\gamma_1$  มีนัยสำคัญทางสถิติ ในกรณีนี้  $\beta_2 + \gamma_1$  จะแสดงว่าค่าสัมประสิทธิ์ของ  $X_2$  ในประเทศที่ 2 มีค่าแตกต่างจากประเทศที่ 1 หรือแตกต่างจากประเทศอื่น

### 5.3) แบบจำลอง Random Effects Models

วิธี Fixed Effects หรือ LSDV เป็นวิธีที่ง่ายสำหรับการนำไปประยุกต์ใช้ แต่ว่าไม่เหมาะสมกับแบบจำลองที่มีค่า Degree of Freedom จำนวนมากหรือข้อมูลภาคตัดขวางมีจำนวนมาก การประมาณโดยวิธี Random Effect Model จะช่วยเพิ่มประสิทธิภาพในการประมาณ โดยแบบจำลองนี้มีข้อสมมติให้ความแตกต่างในค่าคงที่ของสมการเป็นการสุ่มและถูกรวมเข้าไปอยู่ในส่วนประกอบของพจน์คลาดเคลื่อน ซึ่งแบบจำลองนี้เรียกว่า Error Component Model (ECM) หรือ Random Effect Model (REM)

สมมติให้การวิเคราะห์หสมการถดถอยมีปัจจัยอื่นที่มีผลกระทบต่อตัวแปรตาม แต่ไม่ได้รวมอยู่กับตัวแปรถดถอย ซึ่งจะแสดงในรูปของค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม (Random Error Term) ข้อสมมติที่ได้คือ  $\alpha_i$  คือตัวแปรสุ่ม (Random Factors) ซึ่งเป็นอิสระและมีการกระจายในแต่ละหน่วย ดังนั้นสามารถเขียนแบบจำลอง Random Effect Model (REM) ได้ดังนี้ (Verbeek, 2004)

$$Y_{it} = \mu + X' \beta_{it} + \alpha_i + \varepsilon_{it} \quad (2.102)$$

โดย

$$\varepsilon_{it} \approx IID(0, \sigma^2_{\varepsilon})$$

$$\alpha_i \approx IID(0, \sigma^2_{\alpha})$$

โดยที่  $\alpha_i + \varepsilon_{it}$  คือค่าความคลาดเคลื่อน (Error Term) ประกอบด้วยส่วนของความแตกต่างของแต่ละหน่วยที่ไม่มีความแตกต่างในช่วงเวลาและส่วนตกค้างหรือส่วนคงเหลือที่ไม่มีความสัมพันธ์กันในช่วงเวลา ดังนั้นความสัมพันธ์ของค่าความคลาดเคลื่อนในช่วงเวลาคือผลกระทบจากความแตกต่างของแต่ละหน่วย ( $\alpha_i$ )

จากสมการแบบจำลองสมการ (2.98) Fixed Effects Model

$$Y_{it} = \beta_{1i} + \beta_2 X_{2it} + \beta_3 X_{3it} + \varepsilon_{it} \quad (2.103)$$

ให้ค่า  $\beta_{1i}$  คือค่าคงที่ ซึ่งสมมติให้เป็นตัวแปรสุ่มที่เป็นค่าเฉลี่ยเท่ากับ  $\beta_1$  และค่าคงที่ของแต่ละหน่วย หรือแต่ละประเทศเขียนได้ดังนี้ (Gujarati, 2003)

$$\beta_{1i} = \beta_1 + u_i \quad (2.104)$$

โดยที่  $i = 1, \dots, N$

ซึ่ง  $u_i$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อนที่มีค่าเฉลี่ยเท่ากับศูนย์ และค่าความแปรปรวนเท่ากับ  $\sigma_u^2$  ดังนั้นค่าคงที่ของแต่ละหน่วยคือ ค่าเฉลี่ย ( $\beta_1$ ) และความแตกต่างของค่าคงที่ในแต่ละหน่วยเป็นผลมาจากค่าความคลาดเคลื่อน  $u_i$

แทนค่าสมการ (2.104) ในสมการ Fixed Effects Model (2.103) สามารถแสดงได้ดังนี้

$$\begin{aligned} Y_{it} &= \beta_1 + \beta_2 X_{2it} + \beta_3 X_{3it} + u_i + \varepsilon_{it} \\ &= \beta_1 + \beta_2 X_{2it} + \beta_3 X_{3it} + w_{it} \end{aligned} \quad (2.105)$$

ซึ่ง  $w_{it}$  ประกอบด้วย  $u_i$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อนของข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วย หรือ ค่าที่ไม่สามารถสังเกตได้ (Unobservable หรือ Latent Variable) ของแต่ละประเทศ และ  $\varepsilon_{it}$  คือค่าความคลาดเคลื่อนของข้อมูลภาคตัดขวางและข้อมูลอนุกรมเวลา ของแต่ละประเทศและแต่ละช่วงเวลา

## 2.2 เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

**ศิวลาภ ลิทธิธรรม (2539)** ได้ทำการศึกษาเรื่องการวิเคราะห์งบประมาณรายจ่ายรัฐบาลที่มีต่อความเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย โดยใช้การวิเคราะห์แบบสมการถดถอยเชิงซ้อน มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาถึงความสัมพันธ์ระหว่างงบประมาณรายจ่ายของรัฐบาลกับความเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ ผลการศึกษาพบว่าความสัมพันธ์ระหว่างอัตราการขยายตัวของงบประมาณรายจ่ายรัฐบาลด้านเศรษฐกิจและการบริหารชุมชนและสังคมกับอัตราการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจเป็นไปในทิศทางเดียวกัน กล่าวคือ การเพิ่มขึ้นของอัตราการขยายตัวของงบประมาณรายจ่ายของรัฐบาลด้านเศรษฐกิจและการบริหารชุมชนและสังคม ส่งผลให้อัตราความเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศสูงขึ้น และความสัมพันธ์ระหว่างอัตราการขยายตัวของงบประมาณรายจ่ายของรัฐบาล ด้านการบริหารทั่วไปกับอัตราการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจเป็นไปในทิศทางตรงกันข้าม คือการเพิ่มขึ้นของอัตราการขยายตัวของงบประมาณรายจ่ายของรัฐบาลด้านการบริหารทั่วไป ส่งผลให้อัตราความเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศลดลง

**นิศานาด นิศากรเกียรติ (2548)** ได้ทำการศึกษาเกี่ยวกับความสัมพันธ์ระหว่างการใช้จ่ายของรัฐบาลกับการเติบโตทางเศรษฐกิจของไทยทั้งในระยะสั้นและในระยะยาว โดยตัวแปรที่นำมาพิจารณาได้แก่ การใช้จ่ายของรัฐบาลที่เป็นตัวเงิน ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศที่เป็นตัวเงิน

และจำนวนประชากรของประเทศ โดยใช้ข้อมูลทุติยภูมิรายปีตั้งแต่ปีพ.ศ. 2493 - 2546 โดยประยุกต์ใช้เทคนิคโคอินทิเกรชัน แบบจำลองเออีอาร์เร็กซ์ และ การทดสอบความเป็นเหตุเป็นผล จากการทดสอบความนิ่งของข้อมูลทั้ง 4 ตัวแปร พบว่าข้อมูลที่น่ามาทดสอบมีความไม่นิ่ง (Non-stationary) และมีลักษณะข้อมูลแบบ I(1) ณ ระดับนัยสำคัญที่ 0.01 จากนั้นทดสอบความสัมพันธ์ระยะสั้นและระยะยาว พบว่าการใช้จ่ายของรัฐบาลและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์ในระยะสั้น และมีการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาวทั้งสองทิศทางด้วยเช่นกัน ในส่วนของการทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลพบว่า ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศและการใช้จ่ายของรัฐบาลมีความสัมพันธ์เป็นเหตุเป็นผลทั้งสองทิศทาง สำหรับสัดส่วนการใช้จ่ายของรัฐบาลต่อผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศต่อคนนั้น พบว่าทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น และมีการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาวในทิศทางเดียว การทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลพบว่า ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศต่อคนและสัดส่วนการใช้จ่ายของรัฐบาลต่อผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ที่มีความสัมพันธ์เป็นเหตุเป็นผลทั้งสองทิศทาง

**รณชิต สมมิตร (2550)** ได้ทำการศึกษาบทบาทการใช้จ่ายภาครัฐบาลต่อตัวแปรทางเศรษฐกิจมหภาคของประเทศไทย การศึกษาครั้งนี้ใช้ข้อมูลทุติยภูมิรายไตรมาสระหว่างไตรมาสแรกของปีพ.ศ. 2536 ถึงไตรมาสแรกของปีพ.ศ. 2549 ทดสอบโดยวิธี cointegration และ error correction mechanism พบว่าตัวแปรทุกตัวที่ทำการทดสอบมีความนิ่งที่อันดับความสัมพันธ์ของข้อมูลเดียวกันที่ 1 และผลการทดสอบยังพบว่า การใช้จ่ายของรัฐบาลมีผลกระทบในระยะยาวต่อการเปลี่ยนแปลงของผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศมากที่สุด รองลงมาคือการลงทุนของภาคเอกชน การบริโภคของเอกชน ภาษี และสุดท้ายคืออัตราดอกเบี้ย อธิบายได้ดังนี้ คือ เมื่อการใช้จ่ายรัฐบาลเพิ่มขึ้น 1 ล้านบาท จะส่งผลกระทบทำให้ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศเพิ่มขึ้น 2.4788 ล้านบาท ทำให้การลงทุนของภาคเอกชนเพิ่มขึ้น 0.86973 ล้านบาท ทำให้การบริโภคของภาคเอกชนเพิ่มขึ้น 0.59310 ล้านบาท ทำให้ภาษีเพิ่มขึ้น 0.1671 ล้านบาท และทำให้อัตราดอกเบี้ยเพิ่มขึ้นร้อยละ 0.00004880 จากผลการศึกษาจึงพบว่าตัวแปรเศรษฐกิจมหภาคทุกตัวจะมีการปรับตัวในระยะสั้นเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาว ส่วนตัวแปรที่มีผลกระทบในระยะสั้นพบว่า การใช้จ่ายของรัฐบาลมีผลกระทบกับการลงทุนของภาคเอกชนเพียงตัวแปรเดียว

**ปาณิสรา สุขพัฒน์ (2551)** ได้ทำการศึกษาถึงความสัมพันธ์ระหว่างงบประมาณรายจ่ายด้านการศึกษารัฐบาลและการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย โดยตัวแปรทางเศรษฐกิจที่นำมาพิจารณาในการศึกษา ได้แก่ งบประมาณรายจ่ายด้านการศึกษารัฐบาลและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ โดยใช้ข้อมูลทศวรรษรายปีครอบคลุมตั้งแต่ปีพ.ศ. 2520 – 2549 โดยประยุกต์ใช้เทคนิคทางเศรษฐมิติ ได้แก่ การประยุกต์ใช้เทคนิค cointegration เพื่อดูความสัมพันธ์ในระยะยาว เมื่อพบว่าตัวแปรมีความสัมพันธ์ระยะยาวแล้วจึงนำมาทดสอบ error correction mechanism เพื่อดูการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพในระยะสั้น สุดท้ายทดสอบความเป็นเหตุเป็นผล Granger causality ว่าตัวแปรใดคือสาเหตุ (cause) และตัวแปรใดคือเหตุผลของสาเหตุนั้น (effect) จากผลการทดสอบความสัมพันธ์ของข้อมูลทั้งสองตัวแปรคืองบประมาณรายจ่ายด้านการศึกษารัฐบาลและข้อมูลผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ พบว่า ข้อมูลมีลักษณะนิ่ง (stationary) ที่ระดับ order of integration เท่ากับ 1 หรือความแตกต่างลำดับที่ 1 ณ ระดับนัยสำคัญ 0.1 จากนั้นทดสอบความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะยาว พบว่า งบประมาณรายจ่ายด้านการศึกษารัฐบาลและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์กันในระยะยาว และสำหรับการประมาณแบบจำลอง error correction model เพื่อทดสอบกระบวนการปรับตัวในระยะสั้น พบว่า ในกรณีที่งบประมาณรายจ่ายด้านการศึกษารัฐบาลเป็นตัวแปรต้น และผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศเป็นตัวแปรตาม แบบจำลองมีการปรับตัวในระยะสั้น ณ ระดับนัยสำคัญ 0.1 แต่ในกรณีที่ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศเป็นตัวแปรต้นและงบประมาณรายจ่ายด้านการศึกษารัฐบาลเป็นตัวแปรตาม พบว่า แบบจำลองมีการปรับตัวในระยะสั้น ณ ระดับนัยสำคัญ 0.05 ในส่วนของการทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลของงบประมาณรายจ่ายด้านการศึกษารัฐบาลและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ พบว่า ทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์แบบทิศทางเดียว

**ปรีดาใจ ท้วม (2553)** ได้ทำการศึกษาถึงความสัมพันธ์ระหว่างรายจ่ายประจำ รายจ่ายลงทุนของรัฐบาลและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศของไทย โดยใช้ข้อมูลทศวรรษรายปีไตรมาสตั้งแต่ปีพ.ศ. 2541 – พ.ศ. 2552 ของข้อมูล 3 ตัวแปร ได้แก่ รายจ่ายประจำของรัฐบาล รายจ่ายลงทุนของรัฐบาลและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ทำการวิเคราะห์ข้อมูลโดยใช้เทคนิคทางเศรษฐมิติ ได้แก่ cointegration ผลการศึกษามีดังนี้ ขั้นแรกทดสอบความสัมพันธ์ของข้อมูลทั้งสามตัวแปร พบว่า ข้อมูลทั้งสามตัวแปรมีลักษณะนิ่ง (stationary) ที่ระดับความแตกต่างลำดับที่ 1 (first difference)

ณ ระดับนัยสำคัญ 0.01 ชั้นที่สองทดสอบความสัมพันธ์เชิงคุณภาพในระยะยาว พบว่า รายจ่ายประจำของรัฐบาลมีความสัมพันธ์กันในระยะยาวกับผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ขณะที่รายจ่ายลงทุนของรัฐบาลไม่มีความสัมพันธ์ในระยะยาวกับผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ชั้นที่สามทดสอบ error correction mechanism ซึ่งเป็นการทดสอบขบวนการปรับตัวในระยะสั้น ณ ระดับนัยสำคัญ 0.10 พบว่ามีแต่รายจ่ายประจำของรัฐบาลกับผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ มีการปรับตัวในระยะสั้นเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาว และในขั้นตอนสุดท้ายทดสอบความเป็นเหตุเป็นผล (Granger causality) พบว่ารายจ่ายประจำของรัฐบาลมีความสัมพันธ์แบบสองทิศทางกับผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ขณะที่รายจ่ายลงทุนของรัฐบาลไม่มีความสัมพันธ์กับผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ

**ณัฐชยา บุญปลอด (2554)** ได้ทำการศึกษาถึงผลกระทบและการเปรียบเทียบสัดส่วนการใช้จ่ายของรัฐบาลด้านสาธารณสุขต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของกลุ่มประเทศในเอเชียตะวันออกเฉียงใต้ ได้แก่ ประเทศไทย อินโดนีเซีย สิงคโปร์และฟิลิปปินส์ โดยตัวแปรทางเศรษฐกิจที่นำมาพิจารณาในการศึกษา ได้แก่ การใช้จ่ายของรัฐบาลด้านสาธารณสุขที่แท้จริง ผลิตภัณฑ์มวลรวมในประเทศที่แท้จริง จำนวนประชากรของประเทศ ได้ใช้ข้อมูลทศนิยมแบบรายปี ตั้งแต่ปีพ.ศ. 2521 – พ.ศ. 2551 โดยประยุกต์ใช้การทดสอบความนิ่งของข้อมูลโดยวิธี unit root หลังจากนั้นก็นำมาทดสอบด้วยวิธี cointegration ของ Engel and Granger เพื่อศึกษาถึงความสัมพันธ์เชิงคุณภาพในระยะยาว และวิธี error correction mechanism (ECM) เพื่อศึกษาลักษณะการปรับตัวในระยะสั้นเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาว ผลการทดสอบความนิ่งของข้อมูลทั้งสองตัวแปร พบว่า สัดส่วนการใช้จ่ายของรัฐบาลด้านสาธารณสุขต่อคนและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศที่แท้จริง พบว่าข้อมูลมีลักษณะนิ่ง ที่ระดับ order of integration เท่ากับ 1 ณ ระดับนัยสำคัญ 0.1 ผลการศึกษาสำหรับกรณีประเทศไทยและฟิลิปปินส์ พบว่า ตัวแปรทางเศรษฐกิจทั้งสองตัวแปร ไม่มีความสัมพันธ์เชิงคุณภาพระยะยาว จึงทำการประมาณค่าสมการถดถอยโดยวิธีกำลังสองน้อยที่สุดเพื่อศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร พบว่า การเปลี่ยนแปลงของสัดส่วนการใช้จ่ายของรัฐบาลด้านสาธารณสุขต่อคนของประเทศไทย มีผลต่อการเปลี่ยนแปลงผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศที่แท้จริงในทิศทางตรงกันข้าม แต่ประเทศฟิลิปปินส์มีผลในทิศทางเดียวกัน สำหรับกรณีประเทศสิงคโปร์และอินโดนีเซีย พบว่า ตัวแปรทางเศรษฐกิจทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์เชิงคุณภาพ



ระยะยาว โดยประเทศอินโดนีเซียตัวแปรมีการปรับตัวในระยะสั้นเพื่อเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาว แต่ประเทศสิงคโปร์ตัวแปรไม่มีการปรับตัวในระยะสั้นเพื่อเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาว

**Aschauer (1989)** ศึกษาการใช้จ่ายภาครัฐบาลที่กระตุ้นต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจโดยวิเคราะห์ผลการใช้จ่ายของรัฐบาลที่เพิ่มขึ้นต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศสหรัฐอเมริกา แบ่งการใช้จ่ายของรัฐบาลเป็น 2 ประเภท คือ การใช้จ่ายเพื่อการบริโภค และการใช้จ่ายเพื่อการลงทุน โดยแบ่งการใช้จ่ายเพื่อการลงทุนออกเป็น 2 ประเภทย่อย คือ การลงทุนทางทหารและการลงทุนในโครงสร้างพื้นฐานทางเศรษฐกิจ โดยวิเคราะห์ในรูปแบบการถดถอยเชิงซ้อน ใช้ข้อมูลอนุกรมเวลาในช่วง 1949 – 1985 จากการศึกษาพบว่า การใช้จ่ายเพื่อการลงทุนมีผลต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจมากกว่าการใช้จ่ายเพื่อการบริโภค และการลงทุนในโครงสร้างพื้นฐาน กระตุ้นการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจได้มากกว่าการลงทุนทางทหาร

**Sinha (1998)** ทำการทดสอบหาความสัมพันธ์ของการใช้จ่ายของรัฐบาลและการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศมาเลเซีย โดยใช้ข้อมูลรายปีตั้งแต่ปีค.ศ.1950-1992 โดยได้ทดสอบหาความสัมพันธ์ระหว่างการใช้จ่ายของรัฐบาลกับผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศในระยะยาวหลากหลายรูปแบบ ตามวิธี Johansen และทดสอบทั้งสองทิศทาง จากนั้นได้ทดสอบวิธี Granger Causality เพื่อหาความเป็นเหตุเป็นผล จากการศึกษาพบว่า การใช้จ่ายของรัฐบาลและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศมีความสัมพันธ์กันในระยะยาวในทุกๆ รูปแบบ แล้วยังพบว่า การเติบโตของเศรษฐกิจเป็นสาเหตุของการเพิ่มขึ้นของการใช้จ่ายของรัฐบาล