

บทที่ 2

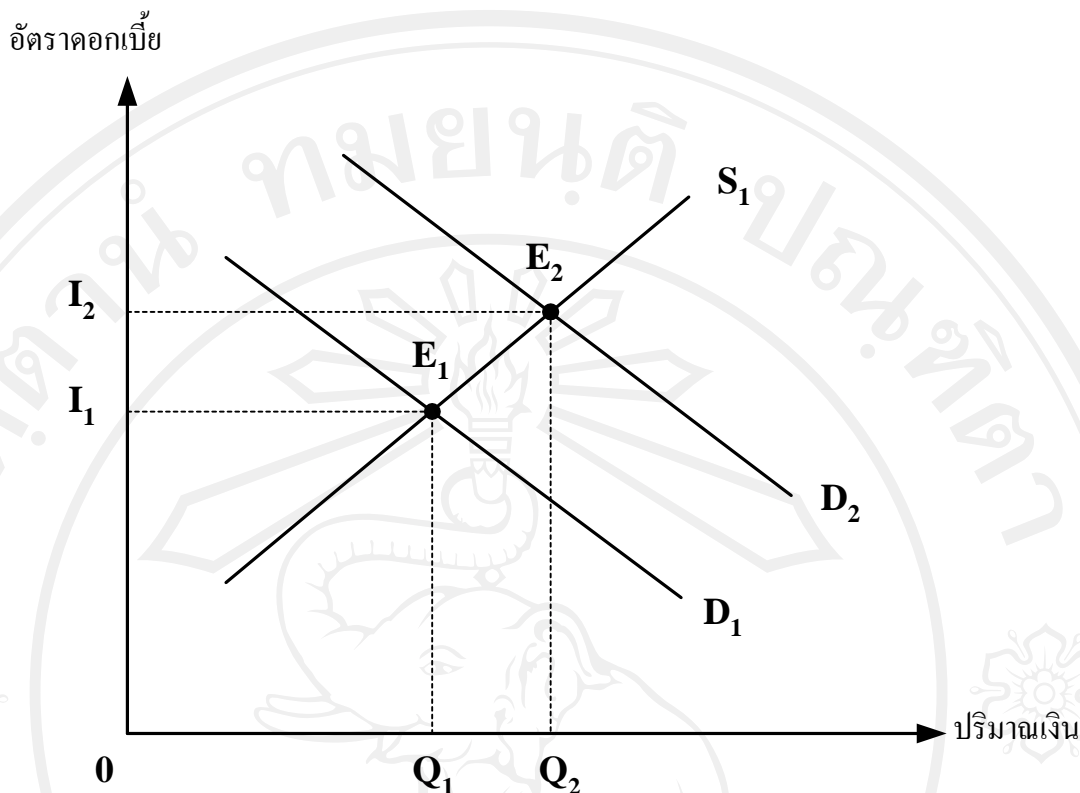
แนวคิด ทฤษฎี และงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

2.1 แนวคิดและทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

2.1.1 ทฤษฎีทางเศรษฐศาสตร์

1. ทฤษฎีอัตราดอกเบี้ยของสำนักคลาสสิก

เรียกทฤษฎีนี้ว่า ทฤษฎีการออมการลงทุน (The saving Investment theory) ซึ่งกล่าวว่า อัตราดอกเบี้ยคลยสภาพถูกกำหนดโดยอุปทานของเงินทุน ได้แก่อุปทานของเงินออมในระบบเศรษฐกิจ ซึ่งมีความสัมพันธ์กับอัตราดอกเบี้ยโดยตรง เมื่ออัตราดอกเบี้ยสูงขึ้นอุปทานของเงินออมก็จะมากขึ้น และถ้าอัตราดอกเบี้ยลดลง อุปทานของเงินทุนก็จะลดลงดังนั้นเส้นอุปทานของเงินทุนจะทอดขึ้นจากซ้ายไปขวา เช่นเดียวกับอุปทานของสินค้าและบริการอื่น ๆ และอุปสงค์ของเงินทุนมีความสัมพันธ์อย่างผกผันกับอัตราดอกเบี้ย ถ้าอัตราดอกเบี้ยสูงขึ้น ปริมาณความต้องการลงทุนจะลดลง และเมื่ออัตราดอกเบี้ยลดลง ปริมาณความต้องการการลงทุนจะเพิ่มขึ้น โดยมีข้อสมมุติฐานที่ว่าไม่มีส่วนรั่วไหลของเงินออม (Hoarding) และในขณะเดียวกันไม่มีแหล่งเงินแหล่งอื่นนอกเหนือจากเงินออมของผู้ออม และไม่มีการสร้างเงินใหม่ของธนาคาร อธิบายได้ดังภาพต่อไปนี้



รูปที่ 2.1 อัตราดอกเบี้ยดุลยภาพทฤษฎีดอกเบี้ยของสำนักคลาสสิก

จากรูปที่ 2.1 แกนตั้งแทนอัตราดอกเบี้ย แกนนอนแทนปริมาณเงิน เส้น D_1D_1 เป็นเส้นความต้องการเงินลงทุนของภาคธุรกิจ และเส้น S_1S_1 นั้นเป็นเส้นเงินออมของระบบเศรษฐกิจ ดังนั้นอัตราดอกเบี้ยดุลยภาพเกิดจากจุดตัดของเส้น D_1D_1 กับเส้น S_1S_1 ดังนั้นอัตราดอกเบี้ยดุลยภาพจึงเป็น OI_1 และปริมาณเงินกึ่งดุลยภาพคือ OQ_1 และถ้าในระบบเศรษฐกิจภาคธุรกิจเกิดการผลิตสินค้าและบริการใหม่ ๆ (new innovation) จะมีผลทำให้เส้นอุปสงค์ของเงินทุนเคลื่อนจากเส้น D_1D_1 ไปเป็น D_2D_2 แล้วอัตราดอกเบี้ยดุลยภาพใหม่จะสูงขึ้นเป็น OI_2 และปริมาณเงินทุนให้กู้จะเท่ากับ OQ_2

อย่างไรก็ตามทฤษฎีอัตราดอกเบี้ยของสำนักคลาสสิกนี้ไม่เป็นที่ยอมรับในปัจจุบันเพราะทฤษฎีนี้มีข้อจำกัดมาก เช่น ระบบเศรษฐกิจอยู่ในลักษณะมีการจ้างงานเต็มที่ ไม่มีการถือเงินไว้ในมือ ตลอดจนไม่มีการสร้างเงินใหม่เพิ่มขึ้นโดยระบบธนาคารพาณิชย์ เป็นต้น

2. ทฤษฎีการเงินของเคนส์

Keynes ได้ให้ทัศนะความต้องการถือเงินไว้ว่า การถือเงินต้นทุนค่าเสียโอกาส คือเสียโอกาสที่จะได้ดอกเบี้ยหรืออัตราผลตอบแทนอันพึงได้จากการนำเงินจำนวนนั้นไปฝากธนาคาร

หรือลงทุน และ Keynes ได้บอกไว้ว่า การที่คนเราต้องการถือเงินไว้จำนวนหนึ่งก็เพื่อให้มีสภาพคล่อง เพราะมีวัตถุประสงค์ต่าง ๆ กัน 3 ประการคือ

- 2.1 วัตถุประสงค์เพื่อไว้ใช้จ่ายใช้สอย (Transaction demand for money)
- 2.2 วัตถุประสงค์เพื่อสำรองไว้ใช้ยามฉุกเฉิน (Precautionary demand for money)
- 2.3 วัตถุประสงค์เพื่อเก็งกำไร (Speculative demand for money)

2.1 ความต้องการถือเงินเพื่อไว้ใช้จ่ายใช้สอย (Transaction demand for money)

เกิดจากครัวเรือนมีความจำเป็นต้องมีการใช้จ่ายใช้สอยเพื่อซื้อสินค้าและบริการสำหรับดำรงชีพประจำวัน เงินที่มีไว้ใช้จ่ายใช้สอยเราเรียกว่า Transaction balance ปัจจัยสำคัญที่กำหนดอุปสงค์ต่อเงินเพื่อใช้จ่ายใช้สอยคือรายได้ประชาชาติ ถ้ารายได้ประชาชาติสูงความต้องการถือเงินเพื่อใช้จ่ายจะสูงขึ้น อุปสงค์ต่อเงินประเภทนี้จะผันแปรไปโดยตรงกับระดับรายได้ประชาชาติ นอกจากนี้อัตราดอกเบี้ยก็มีส่วนกำหนดอุปสงค์ต่อเงินประเภทนี้เหมือนกัน เพราะว่าการถือเงินไว้ในขณะใดขณะหนึ่งจะเกิดต้นทุนค่าเสียโอกาสในรูปดอกเบี้ยที่ควรจะได้รับจากการเอาเงินไปลงทุนในส่วนอื่น ดังนั้นถ้าเราให้สัญลักษณ์ดังนี้

MD_t = ความต้องการถือเงินไว้ใช้จ่ายใช้สอย

Y = รายได้ประชาชาติ

I = อัตราดอกเบี้ย

$$MD_t = f(Y, I)$$

ถ้า Y สูง MD_t จะสูงตามด้วย และถ้า i สูงต้นทุนการถือเงินสูง MD_t ก็จะน้อย คือ โดยทั่วไปเราจะให้ $MD_t = (Y)$ เราพูดถึง MD_t เรามักกำหนดว่า I คงที่ เพราะอัตราดอกเบี้ยมีบทบาทค่อนข้างน้อย

2.2 ความต้องการถือเงินเพื่อสำรองไว้ใช้ในยามฉุกเฉิน (Precautionary demand for money)

โดยทั่วไปคนเราจำเป็นต้องถือเงินไว้จำนวนหนึ่งเพื่อเหตุการณ์ไม่คาดคิด เช่นอุบัติเหตุ การเจ็บป่วยกะทันหัน หรือตกงาน เพราะรายได้และรายจ่ายในอนาคตไม่แน่นอน เงินที่เก็บไว้ยามฉุกเฉินนี้เรียกว่า Precautionary balances ตัวกำหนดว่าเงินที่ถือไว้เพื่อฉุกเฉินจะมากน้อยแค่ไหนขึ้นอยู่กับขนาดของกิจการทางเศรษฐกิจคือรายได้ประชาชาติและยังขึ้นอยู่กับอัตราดอกเบี้ย เช่นเดียวกับความต้องการถือเงินไว้เพื่อใช้จ่ายใช้สอย คือความต้องการถือเงินประเภทนี้จะแปรผันโดยตรงกับรายได้ และอาจจะแปรผกผันกับอัตราดอกเบี้ย เราให้สัญลักษณ์ดังนี้

MD_p = ความต้องการถือเงินไว้เพื่อชามฉุกเฉิน

Y = รายได้ประชาชาติ

i = อัตราดอกเบี้ย

$$MD_p = g(Y, i)$$

ถ้าพูดถึง MD_p เรามักกำหนดว่า คงที่ i คือทั่ว ๆ ไปเราจะให้ $MD_p = g(Y)$ เราอาจสามารถรวมอุปสงค์ต่อเงินทั้งสองเข้าด้วยกันจะได้

$$MD_{t+p} = MD_t + MD_p$$

$$MD_{t+p} = f(Y, i) + g(Y, i) = h(Y, i)$$

MD_{t+p} = ความต้องการถือเงินเพื่อจับจ่ายใช้สอยและใช้ชามฉุกเฉิน

Y = รายได้ประชาชาติ

i = อัตราดอกเบี้ย

MD_t = ความต้องการถือเงินไว้เพื่อจับจ่ายใช้สอย

MD_p = ความต้องการถือเงินไว้เพื่อใช้ชามฉุกเฉิน

2.3 ความต้องการถือเงินไว้เพื่อเก็งกำไร (Speculative demand for money)

ความต้องการถือเงินไว้เพื่อเก็งกำไรเป็นความต้องการถือเงินไว้เพื่อเป็นความมั่งคั่ง Wealth ซึ่งเงินที่ถือไว้เพื่อเก็งกำไรเรียกว่า Speculative balance ความต้องการถือเงินไว้เพื่อเก็งกำไรนี้คือความต้องการถือเงินไว้เพื่อเก็งกำไรจากการเปลี่ยนแปลงของราคาหลักทรัพย์เมื่ออัตราดอกเบี้ยเปลี่ยนแปลงไป ถ้าอัตราดอกเบี้ยในท้องตลาดอยู่ในอัตราต่ำ ค่าเสียโอกาสในการถือเงินไว้ก็จะต่ำ ความต้องการถือเงินเพื่อเก็งกำไรในราคาหลักทรัพย์ก็จะมียาก และ ณ ระดับอัตราดอกเบี้ยนี้ คนส่วนใหญ่จะคาดว่าอัตราดอกเบี้ยจะไม่ต่ำไปกว่านี้ หรือราคาหลักทรัพย์จะไม่สูงไปกว่าที่เป็นอยู่ นี้ แต่จะลดลงในอนาคต จะเห็นได้ว่าการถือเงินเพื่อเก็งกำไรขึ้นอยู่กับอัตราดอกเบี้ย และมีความสัมพันธ์ในทิศทางตรงข้ามกันกับอัตราดอกเบี้ย และถ้าเราให้ MD_s เป็นสัญลักษณ์แทนความต้องการถือเงินไว้เพื่อเก็งกำไร และให้ i แทนอัตราดอกเบี้ย จะได้ฟังก์ชันคือ

$$MD_s = k(i)$$

โดย MD_s จะมีความสัมพันธ์กับอัตราดอกเบี้ยในทิศทางตรงกันข้าม ถ้า i เพิ่มขึ้น ลดลง และตรงกันข้ามถ้า i ลดลง MD_s จะเพิ่มขึ้น

ความต้องการถือเงินรวมทั้งหมด (Total Demand for Money : M_d หรือ MD) คือผลรวมของความต้องการถือเงินทั้งสามประเภทรวมกัน จะได้ฟังก์ชัน

$$\begin{aligned}
 MD &= MD_{t+p} = MD_s \\
 &= h(Y, i) + k(i) \\
 &= \phi(Y, i)
 \end{aligned}$$

โดยที่

$$\begin{aligned}
 MD &= \text{ความต้องการถือเงินรวมทั้งหมด} \\
 MD_{t+p} &= \text{ความต้องการถือเงินไว้ใช้จ่ายและเพื่อยามฉุกเฉิน} \\
 MD_s &= \text{ความต้องการถือเงินไว้เพื่อเก็งกำไร} \\
 Y &= \text{รายได้} \\
 i &= \text{อัตราดอกเบี้ย}
 \end{aligned}$$

เมื่ออัตราดอกเบี้ยลดลง ความต้องการถือเงินรวมจะเพิ่มขึ้น เพราะต้นทุนค่าเสียโอกาสของการถือเงินจะลดลง ดังนั้นความต้องการถือเงินไว้ใช้จ่ายและเพื่อยามฉุกเฉินจะมากขึ้น และความต้องการถือเงินไว้เพื่อเก็งกำไรจะเพิ่มขึ้นทำให้ราคาหลักทรัพย์เพิ่มสูงขึ้น คนก็จะไม่ไปซื้อหลักทรัพย์ในทางตรงกันข้ามถ้าอัตราดอกเบี้ยเพิ่มสูงขึ้น ความต้องการถือเงินรวมก็จะลดลง และความต้องการถือเงินไว้ใช้จ่ายและใช้ในยามฉุกเฉินจะลดลง และความต้องการถือเงินเพื่อรอที่จะเก็งกำไรก็จะลดลงเนื่องจากราคาหลักทรัพย์ลดลง

3. ทฤษฎีการเงินของฟรีดแมน

ทฤษฎีนี้คิดโดยนักเศรษฐศาสตร์ชื่อ มิลตัน ฟรีดแมน (Milton Friedman) ที่สรุปว่าปริมาณเงินมีความสำคัญต่อเศรษฐกิจมากกว่านโยบายคลัง มักรู้จักกันในนาม “นักการเงินนิยม” (Monetarist) และถูกเรียกว่า “ลัทธิการเงินนิยม” (Monetarism) หลักที่สำคัญของทฤษฎีนี้ก็คือ เงินมิได้เป็นสื่อกลางในการแลกเปลี่ยนและรักษามูลค่าเท่านั้น แต่ยังเป็นที่พักชั่วคราวของอำนาจซื้อด้วย ดังนั้นเงินจึงครอบคลุมถึงสินทรัพย์อื่นๆ ที่มีสภาพคล่องสูงอีกด้วย โดยที่อุปสงค์ของเงิน (Demand for money : Md) ขึ้นอยู่กับระดับราคาสินค้า (Price:P) ดอกเบี้ยเงินฝากประจำ (return from fixed deposit : r_m) ดอกเบี้ยพันธบัตร (Return from bond : r_b) ผลตอบแทนการลงทุนในหลักทรัพย์ (return from equity : r_e) อัตราการเปลี่ยนแปลงของราคาสินค้าคงทน อัตราส่วนระหว่างทรัพยากรมนุษย์ต่อความมั่งคั่งรวม (Wealth : W) รายได้ (Yield : Y) และความพึงพอใจ (Utility : U) อาจเขียนรูปสมการได้ดังนี้

$$Md = f(P, r_m, r_b, r_e, \Delta P/P, W, Y, U) \quad (2.1)$$

ซึ่งทฤษฎีเชื่อว่าในสภาพเศรษฐกิจสามารถพยากรณ์ความต้องการถือเงินได้ เพราะมีพฤติกรรมที่แน่นอน ซึ่งแสดงว่าผลตอบแทนจากการลงทุนในรูปของดอกเบี้ยก็เป็นส่วนหนึ่ง และแปรผันในทางเดียวกับความต้องการถือเงินนั่นเอง นั่นคือนโยบายการเงินของภาครัฐควรสนองตอบต่อปริมาณเงินในระบบเศรษฐกิจอย่างเหมาะสมจะส่งผลให้เศรษฐกิจมีการเติบโตอย่างมีเสถียรภาพ

2.1.2 ทฤษฎีเกี่ยวกับอนุกรมเวลา

ทฤษฎีที่ศึกษาถึงความสัมพันธ์ของตัวแปรต่าง ๆ ที่มีลักษณะเป็นข้อมูลอนุกรมเวลา ซึ่งในการศึกษาเชิงประจักษ์ที่ใช้ข้อมูลอนุกรมเวลา (Time Series Data) มีเงื่อนไขว่าข้อมูลที่นำมาศึกษาจะต้องมีลักษณะนิ่ง (Stationary) เพื่อจะได้มองเห็นความสัมพันธ์ที่แท้จริงของตัวแปรต่าง ๆ ดังนั้น ในการนำข้อมูลอนุกรมเวลามาศึกษาจะต้องมีการทดสอบก่อนว่า ข้อมูลนั้นมีลักษณะนิ่งหรือไม่ โดยทฤษฎีแล้ว การใช้ข้อมูลอนุกรมเวลาโดยไม่ได้ตรวจสอบความนิ่งของข้อมูลก่อน แล้วทำการวิเคราะห์ความถดถอยด้วยตัวแปรที่ไม่นิ่ง (Non-stationary) ค่าสถิติ (t-statistics) จะมีการแจกแจงแบบไม่มาตรฐาน (Nonstandard Distributions) ซึ่งผลที่ตามมาคือ อาจนำไปสู่การลงความเห็นที่ผิด ซึ่งเป็นไปได้ที่จะนำไปสู่การถดถอยที่ไม่ถูกต้อง (Spurious Regression) ยกเว้นว่าความสัมพันธ์ดังกล่าวจะมีลักษณะเป็นความสัมพันธ์แบบการร่วมไปด้วยกัน (Cointegration Relationship) ซึ่งจะทำให้ค่าสถิติ t และ F สามารถใช้ทดสอบได้ (ทรงศักดิ์ ศรีบุญจิตต์, 2547) ซึ่งข้อมูลทางเศรษฐกิจที่เป็นข้อมูลอนุกรมเวลาส่วนใหญ่ จะมีลักษณะไม่นิ่ง กล่าวคือ ค่าเฉลี่ย (Mean) และค่าความแปรปรวน (Variances) จะมีค่าไม่คงที่เปลี่ยนแปลงไปตามกาลเวลา ทำให้ความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรของสมการ มีความสัมพันธ์กันแบบไม่แท้จริง (Spurious Relationship) โดยสังเกตจากค่าสถิติบางตัว เช่น ค่าสถิติ t จะไม่เป็นการแจกแจงแบบมาตรฐาน และค่า R^2 ที่สูง ในขณะที่ค่า Durbin-Watson (DW) Statistic ต่ำ ซึ่งแสดงว่าเกิดปัญหาอัตสหสัมพันธ์ (Autocorrelation) ของความคลาดเคลื่อน ดังนั้นในการวิเคราะห์ความสัมพันธ์ของตัวแปรอนุกรมเวลาด้วยเทคนิค regression จึงต้องมีการวิเคราะห์ในด้านต่าง ๆ ดังนี้

1. การทดสอบความนิ่งของข้อมูลหรือยูนิทรูท (Unit Root Test)

วิธีการทดสอบ Unit Root หรืออันดับความสัมพันธ์ของข้อมูล (Order of Integration) เป็นการทดสอบตัวแปรทางเศรษฐกิจต่างๆ ที่จะนำไปใช้ในสมการว่าข้อมูลมีลักษณะ “นิ่ง” [$I(0)$; Integrated of Order Zero] หรือ “ไม่นิ่ง” [$I(d)$; $d > 0$, Integrated of Order d] ซึ่งเป็นขั้นตอนแรกในการศึกษาภายใต้วิธี Cointegration and Error Correction Mechanism หากพบว่าไม่สามารถปฏิเสธ ข้อสมมติฐานว่าตัวแปรหนึ่งๆ (x) เป็น Unit Root แล้ว ก็เท่ากับเราพบว่า ตัวแปรนั้นไม่

นี้ ซึ่งวิธีการทดสอบ Unit Root นั้นสามารถทดสอบโดยใช้การทดสอบ Dicky-Fuller (DF Test) (Dicky and Fuller, 1981) และการทดสอบ Augmented Dicky-Fuller (ADF Test) ที่ Said and Dicky ได้กล่าวไว้ เพื่อทดสอบความนิ่งของข้อมูลที่น่ามาศึกษา โดยนำค่า ADF t-statistic ของข้อมูลที่ทำกรทดสอบมาเปรียบเทียบกับค่าวิกฤติ MacKinnon แสดงว่าข้อมูลมีความนิ่ง (Stationary) และสามารถปฏิเสธสมมติฐาน (Dimitrova, Desislava, 2005) โดยสมมติให้ความสัมพันธ์เป็นดังนี้

$$Y_t = \alpha + \beta X_t + \varepsilon_t \quad (2.1)$$

$$X_t = \rho X_{t-1} + e_t \quad (2.2)$$

โดยที่	Y_t	คือ	ตัวแปรตาม
	X_t, X_{t-1}	คือ	ข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรอิสระ ณ เวลา t และ t-1
	α, β	คือ	ค่าพารามิเตอร์
	ρ	คือ	ค่าสัมประสิทธิ์อัตโนมัติสัมพันธ์ (Autocorrelation Coefficient)
	ε_t, e_t	คือ	ค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม (Random Error)

สมมติฐานของการทดสอบ คือ

$$H_0 : \rho = 1$$

$$H_1 : |\rho| < 1 ; -1, \rho < 1$$

การทดสอบว่าตัวแปรที่ศึกษา (X_t) มียูนิทรูทหรือไม่ สามารถพิจารณาได้จากค่า ρ โดยที่ ถ้ายอมรับ $H_0 : \rho = 1$ หมายความว่า X_t มียูนิทรูท หรือ X_t มีลักษณะไม่นิ่ง ถ้ายอมรับ $H_1 : |\rho| < 1$ หมายความว่า X_t ไม่มียูนิทรูท หรือ X_t มีลักษณะนิ่ง

จากการเปรียบเทียบค่า t-statistics ที่คำนวณได้กับค่าในตาราง Dicky-Fuller ซึ่งค่า t-statistics ที่น้อยกว่าค่าในตาราง Dicky-Fuller จะสามารถปฏิเสธสมมติฐานได้ แสดงว่าตัวแปรที่น่ามาทดสอบมีลักษณะนิ่ง หรือ เป็น Integrated of Order Zero แทนด้วย $X_t \sim I(0)$ อย่างไรก็ตามการทดสอบยูนิทรูทดังกล่าวข้างต้น สามารถทำได้อีกวิธีหนึ่ง คือ

ให้

$$\rho = (1 + \theta) ; -1 < \theta < 1 \quad (2.3)$$

โดยที่ θ = พารามิเตอร์

จะได้ $X_t = (1 + \theta) X_{t-1} + e_t$ (2.4)

$$X_t = X_{t-1} + \theta X_{t-1} + e_t \quad (2.5)$$

$$X_t - X_{t-1} = \theta X_{t-1} + e_t \quad (2.6)$$

$$\Delta X_t = \theta X_{t-1} + e_t \quad (2.7)$$

จะได้สมมติฐานการทดสอบ Dicky-Fuller (DF) คือ

$$H_0 : \theta = 0 \quad (X_t \text{ เป็น Non-stationary})$$

$$H_1 : \theta < 0 \quad (X_t \text{ เป็น Stationary})$$

ถ้ายอมรับ $H_0 : \theta = 0$ จะได้ว่า $\rho = 1$ หมายความว่า ตัวแปรที่ศึกษา (X_t) มียูนิทรุต หรือ มีลักษณะไม่นิ่ง (Non-Stationary) เนื่องจากข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา t มีส่วนสัมพันธ์กับ ข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา $t-1$ แต่ถ้ายอมรับ $H_1 : \theta < 0$ จะได้ว่า $\rho < 1$ หมายความว่า ตัวแปร ที่ศึกษา (X_t) ไม่มียูนิทรุต หรือ มีลักษณะนิ่ง (Stationary)

เนื่องจากข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา t มีส่วนสัมพันธ์กับข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา $t-1$ ค่าคงที่และ แนวโน้มดังนั้น Dicky-Fuller จึงพิจารณาสมการถดถอย 3 รูปแบบที่แตกต่างกันในการทดสอบ ว่ามียูนิทรุตหรือไม่ ได้แก่

Random Walk Process $\Delta X_t = \theta X_{t-1} + e_t$ (2.8)

Random Walk with Drift $\Delta X_t = \alpha + \theta X_{t-1} + e_t$ (2.9)

Random Walk with Drift and Linear Time Trend $\Delta X_t = \alpha + \beta t + \theta X_{t-1} + e_t$ (2.10)

โดยที่ X_t, X_{t-1} คือ ข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรอิสระ ณ เวลา t และ $t-1$

α, β, θ คือ ค่าพารามิเตอร์

t คือ แนวโน้มเวลา

e_t คือ ค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม

การตั้งสมมติฐานการทดสอบ Dicky-Fuller เป็นเช่นเดียวกับที่กล่าวมาแล้วข้างต้น ส่วนการทดสอบโดยใช้ Augmented Dicky-Fuller (ADF Test) โดยการเพิ่มขบวนการถดถอยในตัวเอง (Autoregressive Process) เข้าไปในสมการ ซึ่งเป็นการแก้ปัญหาการที่ใช้การทดสอบ Dicky-Fuller แล้วค่า D.W. (Durbin-Watson Statistic) ต่ำ การเพิ่มขบวนการถดถอยในตัวเองเข้าไปในนั้น ผลการทดสอบ ADF จะทำให้ได้ค่า D.W. เข้าใกล้ 2 ทำให้ได้สมการใหม่จากการเพิ่มจำนวนของตัวแปรล่า (Lagged Difference Terms, p) ซึ่งจะขึ้นอยู่กับความเหมาะสมของข้อมูล หรือสามารถใส่จำนวน Lagged Difference Terms, p เข้าไปได้จนกระทั่งไม่เกิดปัญหา Autocorrelation ดังนี้

$$\Delta X_t = \theta X_{t-1} + \sum_{i=1}^p \phi_i \Delta X_{t-i} + e_t \quad (2.11)$$

$$\Delta X_t = \alpha + \theta X_{t-1} + \sum_{i=1}^p \phi_i \Delta X_{t-i} + e_t \quad (2.12)$$

$$\Delta X_t = \alpha + \beta t + \theta X_{t-1} + \sum_{i=1}^p \phi_i \Delta X_{t-i} + e_t \quad (2.13)$$

โดยที่ X_t, X_{t-1}	คือ	ข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรอิสระ ณ เวลา t และ $t-1$
$\alpha, \beta, \theta, \phi$	คือ	ค่าพารามิเตอร์
t	คือ	แนวโน้มเวลา
e_t	คือ	ค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม

จำนวน Lagged Difference Terms, p ที่เพิ่มเข้าไปในสมการจะขึ้นอยู่กับความเหมาะสมของแต่ละงานวิจัยหรือสามารถใส่จำนวน Lagged Difference Terms, p เข้าไปได้จนกว่าค่าความคลาดเคลื่อนจะไม่เกิดปัญหา Autocorrelation จำนวนของตัวแปรล่า (Lagged Difference Terms, p) ที่จะนำเข้ามารวมในสมการนั้น จะต้องมีมากพอที่จะทำให้ตัวแปรความคลาดเคลื่อน (Error Terms) มีลักษณะเป็นอิสระต่อกัน (Serially Independent) และเมื่อนำเอาการทดสอบ DF Test มาใช้กับสมการ (2.11), (2.12), (2.13) แล้ว เราจะเรียกว่า Augmented Dicky – Fuller (ADF Test) ซึ่งค่าสถิติทดสอบ ADF จะมีการแจกแจงเชิงเส้นกำกับ (Asymptotic Distribution) เหมือนกับค่าสถิติ DF ดังนั้นก็สามารถใช้ค่าวิกฤต (Critical Value) แบบเดียวกันได้

โดยในการทดสอบสมมติฐานทั้งวิธี Dicky-Fuller Test (DF Test) และ Augmented Dicky-Fuller (ADF Test) จะทดสอบเพื่อให้ทราบว่าตัวแปรที่ศึกษานั้นมียูนิทหรือไม่ สามารถพิจารณาได้จากค่า θ ถ้ามีค่าเท่ากับ 0 แสดงว่า ตัวแปรที่สนใจมียูนิท

สมมติฐานที่ใช้ในการทดสอบ คือ

$$H_0 : \theta = 0 \quad (X_t \text{ เป็น Non-stationary})$$

$$H_1 : \theta < 0 \quad (X_t \text{ เป็น Stationary})$$

สามารถทดสอบสมมติฐานได้โดยการเปรียบเทียบค่า t-statistic ที่คำนวณได้จากค่าในตาราง Dicky-Fuller ซึ่งค่า t-statistic ที่จะนำมาทดสอบสมมติฐานในแต่ละรูปแบบนั้น จะต้องนำไปเปรียบเทียบกับตาราง Dicky-Fuller ณ ระดับต่างๆ ถ้าสามารถปฏิเสธสมมติฐานได้ แสดงว่าตัวแปรที่นำมาทดสอบมีลักษณะนิ่ง หรือ เป็น Integrated of Order Zero แทนด้วย $X_t \sim I(0)$ กรณีที่การทดสอบสมมติฐานพบว่า ตัวแปรที่ศึกษามียูนิทหรือมีลักษณะไม่นิ่ง จะต้องนำค่า ΔX_t มาทำ Differencing จนกระทั่งสามารถปฏิเสธสมมติฐานที่ว่า X_t มีลักษณะไม่นิ่งได้ เพื่อทราบว่า Order of Integration (d) ว่าอยู่ในระดับใด [$X_t \sim I(d); d > 0$]

2. การวิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะยาว (Cointegration Test)

วิธีการทดสอบการรวมกันไปด้วยกัน (Cointegration Test) เป็นการทดสอบความสอดคล้องของข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรคู่ใดๆ ว่ามีการเคลื่อนไหวที่สอดคล้องกันหรือไม่ เนื่องจากความเชื่อในทางเศรษฐศาสตร์ที่ว่า อย่างน้อยในระยะยาวแล้ว ตัวแปรทางเศรษฐกิจจะมีความเคลื่อนไหวในทิศทางใดทิศทางหนึ่งที่สอดคล้องกัน แม้ว่าในระยะสั้นการเคลื่อนไหวของตัวแปรดังกล่าว อาจมีการเคลื่อนไหวที่ไม่สามารถกำหนดทิศทางที่แน่นอนได้ก็ตาม และยังเป็น การทดสอบการเคลื่อนไหวของค่าความคลาดเคลื่อน (Error Term) ของสมการความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรที่ต้องการทดสอบ ซึ่งมีเงื่อนไขดังนี้

2.1) ตัวแปรอนุกรมเวลาที่ต้องการทดสอบ ต้องมีคุณสมบัติความนิ่งของตัวแปร แต่ถ้าตัวแปรที่ต้องการทดสอบไม่มีคุณสมบัติดังกล่าว การเปลี่ยนแปลงของตัวแปร ณ ลำดับที่ใดๆ (d) มีคุณสมบัติของความนิ่ง ตัวแปรอนุกรมเวลาดังกล่าวมีความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพระยะยาว

2.2) แม้ว่าตัวแปรที่ต้องการทดสอบจะไม่มีคุณสมบัติความนิ่งอยู่ก็ตาม แต่ถ้าค่าความคลาดเคลื่อน (e_t) ของความสัมพันธ์เชิงเส้นตรงของตัวแปรคู่ใดๆ มีคุณสมบัติของความนิ่งสามารถกล่าวได้ว่า ตัวแปรทั้งสองตัวมีความสัมพันธ์เป็น Cointegration ได้

ขั้นตอนการทดสอบ Cointegration มีดังต่อไปนี้

- 1) ทดสอบตัวแปรในแบบจำลองว่ามีลักษณะเป็น Non-Stationary หรือไม่ โดยใช้วิธี ADF Test โดยไม่ต้องใส่ค่าคงที่และแนวโน้มของเวลา
- 2) การประมาณสมการถดถอยด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด (Ordinary Least Square : OLS)
- 3) นำส่วนที่เหลือ (Residuals) ที่ประมาณได้จากข้อ 2 มาทดสอบว่ามีลักษณะนิ่งหรือไม่ ซึ่งเป็นการทดสอบ Residuals ดังต่อไปนี้

$$\Delta \hat{e}_t = \gamma \hat{e}_{t-1} + v_t \quad (2.14)$$

โดยที่ \hat{e}_t, \hat{e}_{t-1} คือ ค่า Residual ณ เวลา t และ t-1 ที่นำมาถดถอยใหม่

γ คือ ค่าพารามิเตอร์

v_t คือ ข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรสุ่ม

สมมติฐานที่ใช้ในการทดสอบ Cointegration คือ

$$H_0 : \gamma = 0 \quad (\text{ไม่มีการรวมกันไปด้วยกัน})$$

$$H_1 : \gamma < 0 \quad (\text{มีการรวมกันไปด้วยกัน})$$

การทดสอบสมมติฐานโดยการเปรียบเทียบค่า t-statistic ที่คำนวณได้จากอัตราส่วนของ $\hat{\gamma} / \text{S.E. } \hat{\gamma}$ ไปเปรียบเทียบกับค่าในตาราง ADF Test ซึ่งถ้าค่า t-statistic มากกว่าค่าวิกฤติ MacKinnon (MacKinnon Critical Value) ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนดไว้ จึงปฏิเสธสมมติฐานว่าง ซึ่งจะนำไปสู่ข้อสรุปที่ว่าตัวแปรไม่นิ่ง (Non-Stationary) ในสมการดังกล่าวมีลักษณะรวมกันไปด้วยกัน (Cointegration)

อย่างไรก็ตาม ถ้าส่วนตกค้าง หรือ ส่วนที่เหลือของสมการ (2.14) ไม่เป็น White Noise ก็จะใช้การทดสอบ ADF แทนที่จะใช้สมการ (2.14) สมมติว่า v_t ของสมการ (2.14) มีสหสัมพันธ์เชิงอันดับ (Serial Correlation) จะใช้สมการ ดังนี้

$$\Delta \hat{e}_t = \gamma \hat{e}_{t-1} + \sum_{i=1}^p a_i \Delta \hat{e}_{t-i} + v_t \quad (2.15)$$

และถ้า $-2 < \gamma < 0$ เราสามารถสรุปได้ว่า ส่วนที่ตกค้างหรือส่วนที่เหลือ (Residuals) มีลักษณะนิ่ง และ X_t, Y_t จะเป็น CI (1,1) สังเกตว่าสมการ (2.14), (2.15) ไม่มีพจน์ส่วนตัด (Intercept Term) เนื่องจาก \hat{e}_t เป็นส่วนตกค้างจากสมการถดถอย (Regression Equation)

3. การวิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะสั้น (Error Correction Model)

เมื่อทำการทดสอบข้อมูลอนุกรมเวลาแล้ว ข้อมูลมีลักษณะไม่นิ่งและไม่เกิดปัญหาสมการถดถอยไม่แท้จริง สมการถดถอยที่ได้มีการรวมกันไปด้วยกัน (Cointegrated) โดยมีกลไกการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาว หมายความว่า ตัวแปรทั้งสองมีความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพระยะยาว (Long Term Equilibrium Relationship) แต่ในระยะสั้นอาจมีการออกนอกดุลยภาพได้ แบบจำลอง Error Correction Mechanism (ECM) จะพิจารณาถึงการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพในระยะสั้น

สมมติให้ตัวแปร X_t และ Y_t เป็นข้อมูลอนุกรมเวลามีลักษณะไม่นิ่งและไม่เกิดปัญหาสมการถดถอยไม่แท้จริง สมการถดถอยที่ได้มีการรวมกันไปด้วยกัน (Cointegrated) มีกลไกการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาว หมายความว่า ตัวแปรทั้งสองมีความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพระยะยาว (Long Term Equilibrium Relationship) แต่ในระยะสั้นอาจมีการออกนอกดุลยภาพ ฉะนั้น เราสามารถกำหนดให้ตัวแปรคลาดเคลื่อน (Error Term) ในสมการที่รวมกันไปด้วยกัน (Cointegrated) เป็นค่าความคลาดเคลื่อนดุลยภาพ (Equilibrium Error) และเราสามารถนำตัวแปรคลาดเคลื่อนนั้นเป็นตัวเชื่อมระหว่างพฤติกรรมระยะสั้นและระยะยาวเข้าด้วยกัน ลักษณะสำคัญของตัวแปรอนุกรมเวลาที่มีการรวมไปด้วยกัน คือ วิถีเวลา (Time Path) ของตัวแปรเหล่านี้จะได้รับอิทธิพลการเบี่ยงเบนจากดุลยภาพระยะยาว (Long Run Equilibrium) และถ้าระบบจะกลับไปสู่ดุลยภาพระยะยาว การเคลื่อนไหวของตัวแปรอย่างน้อยบางตัวแปรจะต้องตอบสนองต่อขนาดของการออกนอกดุลยภาพใน Error Correction Mechanism (ECM) ลักษณะพลวัตพจน์ระยะสั้น (Short-Term Dynamics) ของตัวแปรในระบบซึ่งจะได้รับอิทธิพลจากการเบี่ยงเบนออกจากดุลยภาพในระยะยาว (ทรงศักดิ์ ศรีบุญจิตต์, 2547: 480)

ตัวอย่างแบบจำลอง ECM เป็นดังนี้

$$\Delta X_t = \beta_1 \hat{e}_{t-1} + \sum_{i=1}^p \phi_i \Delta X_{t-i} + \sum_{j=0}^q \delta_j \Delta Y_{t-j} + \varepsilon_{1t} \quad (2.16)$$

$$\Delta Y_t = \beta_2 \hat{u}_{t-1} + \sum_{m=0}^r \pi_m \Delta X_{t-m} + \sum_{n=1}^k \eta_n \Delta Y_{t-n} + \varepsilon_{2t} \quad (2.17)$$

โดยที่ X_t, Y_t	คือ	ค่า Natural Logarithm ของข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา t
β_1, β_2	คือ	ค่าความเร็วในการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาว
δ_j, π_m	คือ	ค่าความยืดหยุ่นระยะสั้น
$\hat{e}_{t-1}, \hat{u}_{t-1}$	คือ	พจน์ของ Error Term
$\varepsilon_{1t}, \varepsilon_{2t}$	คือ	ค่าความคลาดเคลื่อน

สมมติฐานว่าง (H_0) ที่ว่าการเปลี่ยนแปลงของ X ไม่ได้เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง Y โดยใช้สมการถดถอย 2 สมการ ดังนี้

$$Y_t = \sum_{m=1}^r \pi_m X_{t-m} + \sum_{n=1}^h \eta_n Y_{t-n} + u_i \quad (2.18)$$

$$Y_t = \sum_{n=1}^h \eta_n Y_{t-n} + u_i \quad (2.19)$$

สมการที่ (2.18) เรียกว่า การถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัด (Unrestricted Regression)

สมการที่ (2.19) เรียกว่า การถดถอยที่ใส่ข้อจำกัด (Restricted Regression) โดยที่

RSS_r = ส่วนที่เหลือยกกำลังสอง (Residual Sum of Squares) จากสมการถดถอยที่ใส่ข้อจำกัด

RSS_{ur} = ส่วนที่เหลือยกกำลังสอง (Residual Sum of Squares) จากสมการถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัด

เพราะฉะนั้น สมมติฐานว่าง ในเชิงสถิติ สามารถจะเขียนได้ดังนี้

$$H_0 : \pi_1 = \pi_2 = \dots = \pi_r = 0$$

$$H_1 : H_0 \text{ ไม่เป็นจริง}$$

โดยสถิติที่จะใช้ในการทดสอบจะเป็น สถิติ F ดังนี้

$$F_{q, (n-k)} = \frac{(RSS_r - RSS_{ur}) / q}{RSS_{ur} / (n - k)}$$

ถ้าเราปฏิเสธ H_0 ก็หมายความว่า X เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง Y ในทำนองเดียวกัน ถ้าเราต้องการทดสอบสมมติฐานว่าง ว่าการเปลี่ยนแปลงของ Y ไม่ได้เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง X เราก็จะต้องทำกระบวนการทดสอบอย่างเดียวกับข้างต้น เพียงแต่ว่า สลับเปลี่ยนแบบจำลองข้างต้น จาก X มาเป็น Y และจาก Y มาเป็น X ดังนี้

$$X_t = \sum_{m=1}^r \pi_m Y_{t-m} + \sum_{n=1}^k \eta_n X_{t-n} + u_i \quad (2.20)$$

$$X_t = \sum_{n=1}^k \eta_n X_{t-n} + u_i \quad (2.21)$$

เรียกสมการที่ (2.20) ว่า การถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัด และสมการ (2.21) ว่าการถดถอยที่ใส่ข้อจำกัด และนำมาใช้สถิติ F ในการทดสอบเช่นเดียวกัน

สมมติฐานที่ใช้ในการทดสอบความเป็นเหตุเป็นผล คือ

$$H_0 : \pi_1 = \pi_2 = \dots = \pi_r = 0$$

$$H_1 : H_0 \text{ ไม่เป็นจริง}$$

จะสังเกตเห็นจำนวนของค่าตัวแปรล่า (Lagged Difference Terms) ซึ่งคือ p ในสมการเหล่านี้เป็นตัวเลขที่กำหนดขึ้นเอง โดยทั่วไปแล้ว ควรทำการทดสอบค่า p ในสมการที่แตกต่างกัน 2-3 ค่า เพื่อที่จะแน่ใจว่าผลลัพธ์ที่ได้มานั้นไม่อ่อนไหวไปกับค่า p ที่กำหนดมา โดยที่ตั้งข้อสังเกตว่าจุดอ่อนของการทดสอบต้นเหตุนี้ คือ ตัวแปรที่สาม (Z) ซึ่งโดยความเป็นจริงแล้ว อาจเป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง Y และในขณะเดียวกันก็อาจมีความสัมพันธ์กับ X วิธีแก้ไขปัญหานี้สามารถทำได้โดยทำการถดถอยโดยที่ค่า p ของตัวแปร Z ปรากฏอยู่ทางขวามือด้วย (ทรงศักดิ์ ศรีบุญจิตต์, 2547)

2.2. เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

ธีระวัฒน์ ตันเจริญ (2547) ทำการศึกษาอัตราดอกเบี้ยขึ้นในตลาดการเงินของไทยและสหสัมพันธ์ระหว่างอัตราดอกเบี้ยกับดัชนีราคาผู้บริโภควิธี Factor Analysis โดยนำข้อมูลอัตราดอกเบี้ยได้แก่ อัตราดอกเบี้ยเงินฝากประจำแบบ 6 เดือนของธนาคารพาณิชย์ (Commercial Bank Time Deposited Rate for 6 Month – BDR) , อัตราดอกเบี้ยฝากประจำแบบ 3 เดือนของบริษัทเงินทุน (Finances Company Time Borrowing (Deposited) Rate for 3 months – FDR) , อัตราดอกเบี้ยเงินกู้สำหรับลูกค้าชั้นดี (Minimum Lending Rate – MLR) . อัตราดอกเบี้ยซื้อคืนพันธบัตรของรัฐบาล (Repurchasing Rate 14 – RP) อัตราดอกเบี้ยให้กู้ยืมระหว่างธนาคาร (Inter Bank Rate – IR) และอัตราดอกเบี้ยเงินให้กู้ยืมของบริษัทเงินทุน (Finance Company Lending Rate – FLR) ในช่วงระหว่างหลังเปิดเสรีทางการค้าจนถึงช่วง 2534-2547

ผลการศึกษา ความสัมพันธ์ระหว่างการเปลี่ยนแปลงอัตราดอกเบี้ยกับการเปลี่ยนแปลงของดัชนีราคาผู้บริโภค พบว่า ในช่วงที่หลังเปิดเสรีทางการเงินจนถึงช่วงก่อนเกิดวิกฤตการณ์ทางเศรษฐกิจนั้น ตัวแปรทั้งสองแทบจะไม่มีความสัมพันธ์กันแต่ในช่วงที่เกิดวิกฤตเศรษฐกิจพบว่าตัวแปรทั้งสองเริ่มมีความสัมพันธ์กันอยู่บ้าง แต่ยังไม่มีความสัมพันธ์ที่สหสัมพันธ์น้อย ในช่วงหลัง

เกิดวิกฤตทางเศรษฐกิจจนถึงปัจจุบันพบว่าตัวแปรทั้งสองมีความสัมพันธ์กันมาก จากตัวเลขของสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ที่มีค่าเข้าใกล้ 1 ซึ่งเป็นค่าสูงสุด ทั้งนี้ น่าจะเป็นผลมาจากการใช้นโยบาย Inflation Targeting เพื่อควบคุมอัตราเงินเฟ้อของรัฐบาล ซึ่งรัฐบาลจะใช้อัตราดอกเบี้ยในตลาดซื้อคืนพันธบัตรระยะเวลา 14 วัน เป็นอัตราดอกเบี้ยชี้นำหรือเป็นตัวส่งสัญญาณในตลาดเงิน

ดูชาติ บัวทองสุข (2547) ทำการศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างดัชนีราคาหุ้นตลาดหลักทรัพย์ และอัตราดอกเบี้ยต่าง ๆ โดยวิธี Cointegration และ Error Correction Mechanism เพื่อทดสอบความสัมพันธ์ระยะยาวและการปรับตัวระยะสั้น โดยตัวแปรที่นำมาศึกษา ได้แก่ อัตราดอกเบี้ยซื้อคืนในตลาดพันธบัตร (Repurchase Rate) , ระยะเวลา 14 วัน อัตราดอกเบี้ยให้กู้ยืมระหว่างธนาคาร (Interbank rate), อัตราดอกเบี้ย MLR (Medium Lending Rate) , อัตราดอกเบี้ยเงินฝากออมทรัพย์ (Saving deposit) และอัตราดอกเบี้ยเงินฝากประจำระยะเวลา 12 เดือน (Time deposit)

ผลการศึกษามีเพียง อัตราดอกเบี้ยเงินกู้จากลูกค้ารายใหญ่ชั้นดี และอัตราดอกเบี้ยเงินให้กู้ยืมระหว่างธนาคาร มีความสัมพันธ์ในระยะยาวกับดัชนีราคาหุ้นตลาดหลักทรัพย์ นอกจากนี้การทดสอบการปรับตัวในระยะสั้นของดัชนีราคาหุ้นตลาดหลักทรัพย์พบว่า อัตราดอกเบี้ยดังกล่าวมีอิทธิพลต่อการปรับตัวในระยะสั้นของดัชนีราคาหุ้นตลาดหลักทรัพย์อีกด้วย

ศูนย์วิจัยกสิกรไทย (2548) สรุปผลเกี่ยวกับการบริโภคทองคำไว้ดังนี้ การซื้อขายทองในประเทศไทยจะเป็นไปในลักษณะการซื้อขาย ทองรูปพรรณในรูปของเครื่องประดับต่าง ๆ เช่น สร้อยคอ กำไล ต่างหู ฯลฯ เพื่อสวมใส่เอง หรือเป็นของกำนัลในเทศกาลต่างๆ มากกว่าที่จะนิยมซื้อในรูปของทองคำแท่งเพื่อการลงทุน ข้อดีของการซื้อทองคำได้แก่ เป็นรูปแบบการออมที่มีความปลอดภัย มีราคาซื้อขายที่ประกาศให้ทราบอย่างแน่ชัดในแต่ละวัน เป็นการรักษาความมั่นคงให้กับผู้ถือครองในระยะยาว มีสภาพคล่องสูง มีความเป็นอิสระ จากผลตอบแทนของหลักทรัพย์ประเภทอื่น ๆ ปัจจัยสำคัญที่มีผลต่อราคาทองคำในประเทศ ได้แก่ ราคาทองคำในตลาดโลก และอัตราแลกเปลี่ยนระหว่างเงินบาท/ดอลลาร์สหรัฐ เนื่องจากไทยต้องพึ่งพิงการนำเข้าทองคำจากต่างประเทศเป็นจำนวนมาก ทำให้ราคาทองคำในประเทศปรับตัวไปในทิศทางเดียวกันกับราคาทองคำในตลาดโลก ส่วนปัจจัยด้านอัตราแลกเปลี่ยนเนื่องจากราคาทองคำในตลาดโลกถูกกำหนดในรูปของเงินดอลลาร์สหรัฐ การอ่อนค่าลงของดอลลาร์สหรัฐ จะทำให้ราคาทองคำในสกุลเงินนั้น ๆ ถูกลงได้

นิตานาด นิตากรเกรียงเกช (2548) ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างการใช้จ่ายของรัฐบาลกับการเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศทั้งในระยะสั้นและระยะยาว โดยตัวแปรที่นำมาศึกษาได้แก่ การใช้จ่ายของรัฐบาล ผลผลิตถั่วรวมภายในประเทศและจำนวนประชากรของประเทศ โดยใช้ข้อมูลทศนิยมเป็นรายปี ตั้งแต่ปี 2493-2546 โดยประยุกต์ใช้เทคนิคโคอินทิเกรชัน แบบจำลองเออร์เรอร์คอเรกชันและการทดสอบความเป็นเหตุเป็นผล จากการทดสอบความสัมพันธ์ทั้งในระยะสั้นและระยะยาว พบว่า การใช้จ่ายของรัฐบาลและผลผลิตถั่วรวมภายในประเทศ ทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์ในระยะสั้น และมีการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาวทั้งสองทิศทางด้วยเช่นกัน สำหรับสัดส่วนการใช้จ่ายของภาครัฐบาลต่อผลผลิตถั่วรวมภายในประเทศและผลผลิตถั่วรวมภายในประเทศต่อคนนั้น พบว่าทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์กันในระยะสั้น และมีการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาวในทิศทางเดียว การทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลพบว่าผลผลิตถั่วรวมภายในประเทศต่อคนและสัดส่วนการใช้จ่ายของภาครัฐบาลต่อผลผลิตถั่วรวมภายในประเทศ ที่มีความสัมพันธ์เป็นเหตุเป็นผลทั้งสองทิศทาง

ศิริประภา แก้วมณี (2549) วิเคราะห์ความสัมพันธ์ระหว่างราคาน้ำมันกับราคาทองคำ โดยมีวัตถุประสงค์เพื่อนำผลการศึกษาไปใช้ในการวางแผนลงทุนในสัญญาล่วงหน้าราคาน้ำมันและราคาทองคำ ข้อมูลที่ใช้ศึกษาเป็นข้อมูลรายวันราคาน้ำมันล่วงหน้าจากตลาด NYMEX และราคาทองคำล่วงหน้าจากตลาด COMEX ตั้งแต่วันที่ 1 เมษายน 2543 ถึงวันที่ 24 มีนาคม 2549 รวมทั้งสิ้น 5 ปี 358 วัน ทดสอบความนิ่งของข้อมูลด้วยวิธีการ Augmented Dickey-Fuller และใช้วิธี Cointegration และ Error Correction ของ Johansen และ Juselius ในการวิเคราะห์หาความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพระยะยาวและหาลักษณะการปรับตัวในระยะสั้น จากนั้นทำการวิเคราะห์ความยืดหยุ่นของราคาทองคำล่วงหน้าที่มีต่อการเปลี่ยนแปลงราคาน้ำมันล่วงหน้า โดยการแปรข้อมูลให้อยู่ในรูปของลอการิทึมธรรมชาติ

ผลการศึกษาพบว่าเมื่อทำการทดสอบความนิ่งของข้อมูล ข้อมูลมีความนิ่งเดียวกันที่ (1) และมีความยาวของความล่าที่เหมาะสมเท่ากับ 0 จากการวิเคราะห์ความสัมพันธ์ระยะยาวพบว่าราคาทองคำล่วงหน้าจะมีความสัมพันธ์ระยะยาวกับราคาน้ำมันล่วงหน้าที่ราคาทองคำล่วงหน้า 7 เดือนเป็นต้นไป โดยมีความสัมพันธ์ในทิศทางเดียวกัน สำหรับการปรับตัวระยะสั้น พบว่ามีค่าความเร็วในการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาวอยู่ในช่วง 0 ถึง -1 แสดงว่าตัวแปรมีความสัมพันธ์ที่แท้จริง เมื่อทำการแปรข้อมูลให้อยู่ในรูปของลอการิทึมธรรมชาติและทดสอบความนิ่ง พบว่า ข้อมูลมีความนิ่งเดียวกันที่ (1) จึงทดสอบความสัมพันธ์ระยะยาว พบว่าราคาน้ำมันและราคาทองคำล่วงหน้ามีความสัมพันธ์เดียวกันตั้งแต่ 1 เดือนที่ระดับความเชื่อมั่น 95 เปอร์เซ็นต์ และมีการปรับตัวในระยะ

สั้นเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาว เมื่อพิจารณาค่าสัมประสิทธิ์เบต้าของข้อมูลทั้ง 12 เดือน พบว่ามีค่าใกล้เคียงกันและมีค่าลดลงเมื่อระยะเวลาส่งมอบเพิ่มขึ้น เมื่อดูความยืดหยุ่นแล้วพบว่ามีค่าน้อยกว่า 1 คือราคาทองคำล่วงหน้ามีการเปลี่ยนแปลงขึ้นลงของราคาช้ากว่าราคาน้ำมันล่วงหน้า ดังนั้นหากต้องการลงทุนในสัญญาล่วงหน้าในภาวะตลาดขาขึ้น ควรลงทุนในสัญญาล่วงหน้าราคาน้ำมัน เพราะจะให้ผลกำไรที่เร็วกว่า ในทางตรงกันข้าม ในภาวะตลาดขาลง ควรลงทุนในสัญญาล่วงหน้าราคาทองคำเพราะมีอัตราการเปลี่ยนแปลงลดลงของราคาน้อยกว่าสัญญาล่วงหน้าราคาน้ำมัน

อัญญา ไชยพุด (2550) ศึกษาการพยากรณ์ราคาทองคำแท่งในตลาดออสเตรเลีย โดยใช้ข้อมูลรายเดือนตั้งแต่เดือนมกราคม พ.ศ.2538 ถึงเดือนธันวาคม พ.ศ.2549 รวมทั้งสิ้น 144 ข้อมูล จาก Reuters 3000extra ทดสอบความนิ่งของข้อมูลด้วยวิธีการ Augmented Dickey-Fuller และใช้แบบจำลองของ ARIMA โดยวิธี Box-Jenkins ในการพยากรณ์

ผลการศึกษา เมื่อทำการทดสอบความนิ่งของข้อมูล พบว่าข้อมูลมีลักษณะนิ่งเป็น stationary series ที่ระดับ 1 Difference หรือมี Integrated of Order เท่ากับ(1) ที่ระดับนัยสำคัญ 5% และมีความล่าช้าเท่ากับ 0 จากการพิจารณา คอเรลโลแกรม (Correlogram) พบว่าแบบจำลองที่มีความเหมาะสมที่สุดที่จะเป็นตัวแทนสำหรับการพยากรณ์ราคาทองคำแท่งในตลาดออสเตรเลีย คือรูปแบบจำลอง AR(1) AR(3) AR(5) MA(1) MA(3) MA(5) โดยค่าสัมประสิทธิ์ต่างมีค่า T-statistic ที่มีระดับนัยสำคัญทางสถิติ ในขั้นตอนการตรวจสอบความถูกต้องโดยวิธีของ Box-Pierce เพื่อทดสอบสหสัมพันธ์ในตัวเอง และพิจารณาค่า Q-statistic พบว่าค่าความคาดเคลื่อนที่ประมาณการมีคุณสมบัติของความเป็น White Noise ที่ระดับนัยสำคัญ 5% และในขั้นตอนการพยากรณ์ได้ค่ารากที่ 2 ของค่าเฉลี่ยค่าความคาดเคลื่อนกำลังสอง (Root Mean Squared Error : RMSE) และค่า Theil's inequality coefficient (U) ที่มีค่าต่ำที่สุด เมื่อเทียบกับแบบจำลองอื่น ๆ ดังนั้นแบบจำลองนี้จึงมีความสามารถในการพยากรณ์ที่ถูกต้องด้วยวิธีอาร์มา สามารถนำไปใช้ประโยชน์ได้จริงในการตัดสินใจและวางแผนธุรกิจ

กิติวิจน์ ตูลสงวน (2552) ได้ศึกษาผลกระทบของปัจจัยทางเศรษฐศาสตร์มหภาคที่มีต่อราคาทองคำภายในประเทศไทย โดยเลือกศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างการเปลี่ยนแปลงของดัชนีราคาผู้บริโภคเปรียบเทียบกับระหว่างไทยกับสหรัฐฯ อัตราแลกเปลี่ยนสกุลเงินบาทต่อดอลลาร์สหรัฐฯ อัตราดอกเบี้ยนโยบายเปรียบเทียบกับระหว่างไทยกับสหรัฐฯ ราคาน้ำมันดิบในตลาด NYMEX กับการเปลี่ยนแปลงของราคาทองคำภายในประเทศไทยทั้งในระยะสั้นและระยะยาว โดยใช้ข้อมูลทุติยภูมิแบบรายเดือนในรูปแบบของลอกการิทึม ตั้งแต่เดือนมกราคม 2545 ถึงเดือนมิถุนายน

2551 เป็นจำนวน 78 เดือน ทำการทดสอบความนิ่งของข้อมูลด้วยวิธี Augmented Dickey-Fuller (ADF) หลังจากนั้นจึงทำการทดสอบความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะยาว (Cointegration) และทดสอบความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะสั้นตามแบบจำลองเอเรอร์คอร์เรกชัน (Error Correction Mechanism : ECM) เพื่อหาความสัมพันธ์เชิงเหตุเป็นผล (Granger Causality Test) ระหว่างตัวแปรที่เป็นปัจจัยทางเศรษฐศาสตร์มหภาคและราคาทองคำภายในประเทศไทย

ผลการทดสอบความนิ่งของข้อมูลหรือยูนิทด้วยวิธี Augmented Dickey-Fuller Test (ADF) ของข้อมูลปัจจัยทางเศรษฐศาสตร์มหภาคและราคาทองคำภายในประเทศไทย จากผลการทดสอบพบว่า ข้อมูลราคาทองคำมีลักษณะนิ่ง (Stationary) ที่ Order of Integration เท่ากับ 1 หรือ $I(1)$ และข้อมูลดัชนีราคาผู้บริโภคเปรียบเทียบระหว่างไทยกับสหรัฐฯ อัตราแลกเปลี่ยนสกุลเงินบาทต่อดอลลาร์สหรัฐฯ อัตราดอกเบี้ยนโยบายเปรียบเทียบระหว่างไทยกับสหรัฐฯ ราคาน้ำมันดิบในตลาด NYMEX มีลักษณะนิ่ง (Stationary) ที่ Order of Integration เท่ากับ 1

ผลการวิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะยาว Cointegration พบว่า ตัวแปรอิสระที่ประกอบด้วย ดัชนีราคาผู้บริโภคเปรียบเทียบระหว่างไทยกับสหรัฐฯ อัตราแลกเปลี่ยนสกุลเงินบาทต่อดอลลาร์สหรัฐฯ อัตราดอกเบี้ยนโยบายเปรียบเทียบระหว่างไทยกับสหรัฐฯ ราคาน้ำมันดิบในตลาด NYMEX กับตัวแปรตามที่เป็นราคาทองคำภายในประเทศไทย มีความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะยาว

การทดสอบความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะสั้นด้วย Error Correction Mechanism (ECM) ในกรณีที่ราคาทองคำภายในประเทศเป็นตัวแปรตาม พบว่าเมื่อให้อัตราแลกเปลี่ยนสกุลเงินบาทต่อดอลลาร์สหรัฐฯ และราคาน้ำมันดิบตลาด NYMEX เป็นตัวแปรอิสระนั้น ราคาทองคำภายในประเทศไทยจะมีการปรับตัวในระยะสั้น ส่วนในกรณีที่ดัชนีราคาผู้บริโภคเปรียบเทียบระหว่างไทยกับสหรัฐฯ และอัตราดอกเบี้ยนโยบายเปรียบเทียบระหว่างไทยกับสหรัฐฯ เป็นตัวแปรอิสระนั้น ราคาทองคำภายในประเทศไทย จะไม่มีการปรับตัวในระยะสั้น โดยราคาน้ำมันดิบในตลาด NYMEX มีการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพเร็วที่สุด

การทดสอบสมมุติฐานเชิงเหตุเป็นผลด้วย Granger Causality Test พบว่า ดัชนีราคาผู้บริโภคเปรียบเทียบระหว่างไทยกับสหรัฐฯ อัตราดอกเบี้ยนโยบายเปรียบเทียบระหว่างไทยกับสหรัฐฯ และราคาน้ำมันดิบในตลาด NYMEX ไม่เป็นต้นเหตุของราคาทองคำภายในประเทศไทย แต่ราคาทองคำภายในประเทศไทยเป็นสาเหตุของดัชนีราคาผู้บริโภคเปรียบเทียบระหว่างไทยกับสหรัฐฯ อัตราดอกเบี้ยนโยบายเปรียบเทียบระหว่างไทยกับสหรัฐฯ และราคาน้ำมันดิบในตลาด NYMEX ขณะที่อัตราแลกเปลี่ยนสกุลเงินบาทต่อดอลลาร์สหรัฐฯ เป็นต้นเหตุของราคาทองคำ

ภายในประเทศไทย และราคาทองคำภายในประเทศไทย ไม่เป็นสาเหตุของอัตราแลกเปลี่ยนสกุลเงินบาทต่อดอลลาร์สหรัฐฯ นั่นคือ ความสัมพันธ์ที่เป็นเหตุเป็นผลมีความสัมพันธ์แบบทิศทางเดียว

Safaraz and Afsar (2007) ได้ทำการศึกษาปัจจัยที่มีผลกระทบต่อราคาทองคำโดยใช้วิธีการพยากรณ์แบบ Neuro-Fuzzy Model โดยปกติแล้ว Neural Networks และ Fuzzy Logic จะถูกนำเสนอในรูปแบบของการพยากรณ์ แต่งานศึกษาชิ้นนี้ ได้รวมถึงการพิจารณาบทบาทของทองคำในตลาดเงินระหว่างประเทศ อุปสงค์และอุปทาน ความสัมพันธ์ระหว่างกันของทองคำและค่าเงินดอลลาร์สหรัฐฯ รวมทั้งปัจจัยอื่น ๆ ที่มีผลกระทบต่อเคลื่อนไหวเปลี่ยนแปลงราคาทองคำ โดยใช้ Neuro-fuzzy Approach ภายใต้ Takagi-Sugena Model มาพยากรณ์ราคาทองคำ โดยผลการศึกษาที่ได้รับเมื่อเปรียบเทียบกับวิธีการวิเคราะห์แบบ Regression Analysis แสดงให้เห็นว่า Neuro-Fuzzy ให้ผลลัพธ์ที่ดีและน่าเชื่อถือกว่า