

บทที่ 2

กรอบแนวคิดทางทฤษฎีและเอกสารที่เกี่ยวข้อง

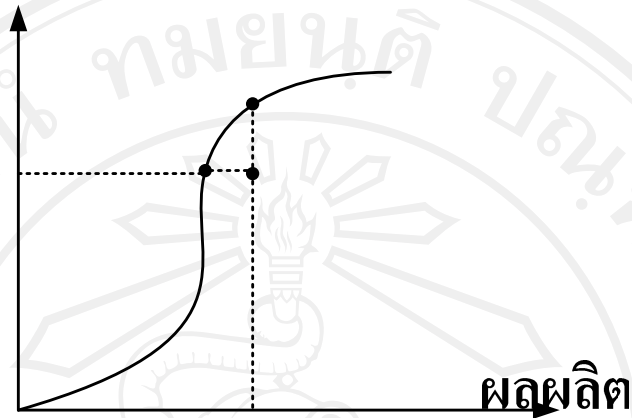
2.1 ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

2.1.1 คำนิยามประสิทธิภาพ

การวัดประสิทธิภาพ (efficiency) ของหน่วยผลิตเป็นวิธีการวัดสมรรถภาพ (performance) ของหน่วยผลิต (firm) วิธีหนึ่งที่ใช้วัดความสามารถของหน่วยผลิตในการแปรรูปปัจจัยการผลิต (input) ไปเป็นผลผลิต (output) ภายใต้การใช้เทคโนโลยี (technology) ต่างๆขึ้นในกระบวนการผลิต การวัดประสิทธิภาพของหน่วยผลิตเป็นแนวคิดเชิงสัมพัทธ์ (relative concept) นั่นคือ เป็นการวัดโดยสัมพันธ์กับประสิทธิภาพของหน่วยผลิตอื่นๆ ณ จุดเวลาที่เปรียบเทียบต่างกัน หรือสัมพันธ์กับประสิทธิภาพของหน่วยผลิตอื่นๆ ที่อยู่ใต้อุตสาหกรรมเดียวกัน ณ จุดเวลาที่เปรียบเทียบเดียวกัน ตัวอย่างเช่น การวัดประสิทธิภาพของหน่วยผลิตสินค้าเกษตร A ในปี 2545 หรือ การวัดประสิทธิภาพของหน่วยผลิตสินค้าเกษตร A ในปี 2546 สัมพัทธ์กับประสิทธิภาพของหน่วยผลิตสินค้าเกษตร B ในปี 2546

การวัดประสิทธิภาพ (efficiency) ของหน่วยผลิตสามารถวัดได้จากเส้นที่ใช้เป็นตัวแทนของเทคโนโลยีในการผลิตหรือที่เรียกว่า เส้นพรมแดนการผลิต (production frontier) พิจารณากระบวนการผลิตที่ประกอบไปด้วยปัจจัยการผลิตและผลผลิตจำนวน 1 ชนิด ดังรูปภาพที่ 1 เส้น OF' แสดงถึงปริมาณของผลผลิตมากที่สุดที่สามารถผลิตได้จากการใช้ปัจจัยการผลิตที่ระดับต่างๆ ภายใต้เทคโนโลยีที่มีอยู่ในขณะนั้น เส้น OF' เรียกว่า เส้นพรมแดนการผลิต ผู้ผลิตจำนวน 3 ราย นั่นคือ A, B และ C มีการผลิตดังรูป

รูปที่ 2.1 แสดงถึงกระบวนการผลิตที่ประกอบไปด้วยผลผลิตจำนวนหนึ่งชนิด



พิจารณาผู้ผลิต A ทำการผลิตอยู่ภายใต้เส้น OF' ในขณะที่ผู้ผลิต B และ C ทำการผลิตอยู่บนเส้น OF จากรูปภาพที่ 1 แสดงว่า ผู้ผลิต B และ C มีกำลังการผลิตเป็นไปอย่างมีประสิทธิภาพเชิงเทคนิค (technical efficiency) ในขณะที่ผู้ผลิต A มีกำลังการผลิตเป็นไปอย่างไม่มีประสิทธิภาพเชิงเทคนิค (technical inefficiency) ประสิทธิภาพเชิงเทคนิคสามารถวัดได้จากการวัดอัตราส่วนของระยะทาง X_1A / X_1B นั่นคือ ผู้ผลิตสามารถผลิตสินค้าได้มากขึ้นจากการใช้ปัจจัยการผลิตในปริมาณเท่าเดิม การวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคดังกล่าวเรียกว่า การวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคโดยการใช้ผลผลิต (output - orientated technical efficiency) นอกจากนี้ ประสิทธิภาพเชิงเทคนิคสามารถวัดได้จากอัตราส่วนของระยะทาง Y_1C / Y_1A ในที่นี้หมายถึงผู้ผลิตสามารถลดการใช้ปัจจัยการผลิตลงได้โดยยังคงผลิตสินค้าได้ในปริมาณเท่าเดิม การวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคดังกล่าวเรียกว่า การวัดประสิทธิภาพการผลิตโดยการใช้ปัจจัยการผลิต (Input - orientated technical efficiency)

B

ลิขสิทธิ์สงวนลิขสิทธิ์ของมหาวิทยาลัยเชียงใหม่
Copyright © by Chiang Mai University
All rights reserved

0

X1

พิจารณาหน่วยผลิตซึ่งใช้ปัจจัยการผลิต K ชนิดซึ่งแสดงได้ด้วยเวกเตอร์ปัจจัยการผลิต $x = (x_1, \dots, x_K) \in R_+^K$ เพื่อผลิตสินค้าจำนวน M ชนิด แสดงโดยเวกเตอร์ผลผลิต $y = (y_1, \dots, y_M) \in R_+^M$

คำนิยามของเซตที่สัมพันธ์กับเทคโนโลยีการผลิตสามารถกำหนดได้ดังนี้

(1) เทคโนโลยีการผลิต (production technology, GR) หมายถึง เซตของเวกเตอร์คู่ลำดับของปัจจัยการผลิตและผลผลิต (input-output vectors) ใดๆที่เป็นไปได้ในการกระบวนการผลิต ซึ่งสามารถแสดงได้ดังนี้ คือ $GR = \{(y, x)\}$

(2) เซตปัจจัยการผลิตของเทคโนโลยีการผลิต (input sets of production technology, $L(y)$) หมายถึง เซตของเวกเตอร์ปัจจัยการผลิตใดๆที่เป็นไปได้ที่ใช้ในการผลิตสินค้าซึ่งแสดงด้วยเวกเตอร์ของผลผลิต ซึ่งสามารถแสดงได้ดังนี้ คือ $L(y) = \{x : (y, x) \in GR\}$

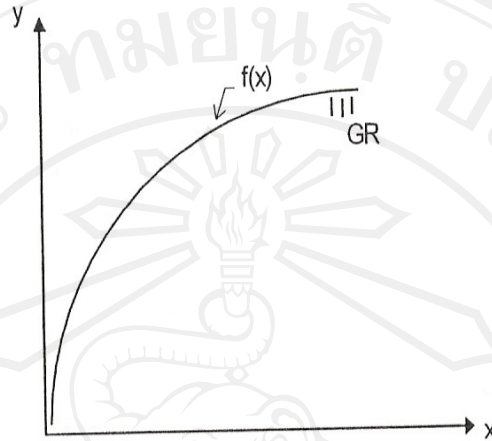
(3) เซตผลผลิตของเทคโนโลยีการผลิต (output sets of production technology, $P(x)$) หมายถึง เซตของเวกเตอร์ผลผลิตใดๆที่เป็นไปได้ที่สามารถผลิตได้จากการใช้ปัจจัยการผลิตทั้งหมด ซึ่งแสดงด้วยเวกเตอร์ของปัจจัยการผลิต ซึ่งสามารถแสดงได้ดังนี้ คือ $P(x) = \{y : (y, x) \in GR\}$

เส้นพรมแดนการผลิต $f(x)$ คือ ฟังก์ชันที่ใช้แสดงจำนวนผลผลิตสูงสุดที่สามารถผลิตได้จากการใช้เวกเตอร์ปัจจัยการผลิตที่กำหนดให้ใดๆ ในกระบวนการผลิตที่ประกอบไปด้วยผลผลิต 1 ชนิด เส้นพรมแดนการผลิต $f(x)$ สามารถนิยามได้โดยการใช้เซตปัจจัยการผลิตหรือเซตผลผลิตของเทคโนโลยีการผลิต ดังนี้

$$f(x) = \max\{y : y \in P(x)\} = \max\{y : x \in L(y)\} \quad (1)$$

รูปที่ 2 แสดงกราฟของเส้นพรมแดนการผลิต $f(x)$ ซึ่งอธิบายถึงจำนวนผลผลิตสูงสุด y ที่ผลิตได้จากการใช้เวกเตอร์ปัจจัยการผลิต x ที่กำหนดให้ใดๆ เส้นพรมแดนการผลิต $f(x)$ แสดงเขตแดนตอนบนสุดของความเป็นไปได้ในการผลิต โดยที่ความสัมพันธ์ของผลผลิตต่อปัจจัยการผลิตหรือผลผลิตค่าสังเกต (observed output) ของหน่วยผลิตแต่ละรายจะมีค่าอยู่บนหรือต่ำกว่าเส้นพรมแดนการผลิต $f(x)$ ระยะทางที่วัดจากผลผลิตค่าสังเกตของหน่วยผลิตถึงเส้นพรมแดนการผลิต $f(x)$ จะใช้อธิบายถึงประสิทธิภาพเชิงเทคนิค (technical efficiency) ของหน่วยผลิตในการผลิต

รูปที่ 2.2 แสดงเขตแดนตอนบนสุดของความเป็นไปได้ในการผลิต



Debreu (1951) และ Farrell (1957) ได้ให้คำนิยามของการวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิค (technical efficiency, TE) ไว้คือ ความสามารถในการใช้เวกเตอร์ของปัจจัยการผลิตที่น้อยที่สุดในการผลิตเพื่อให้ได้เวกเตอร์ของผลผลิตที่กำหนด หรือ ความสามารถในการผลิตเพื่อให้ได้เวกเตอร์ของผลผลิตมากที่สุดจากเวกเตอร์ของปัจจัยการผลิตที่กำหนด ดังนั้น การวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคสามารถกำหนดได้ 2 วิธี คือ การวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคโดยการใช้ปัจจัยการผลิต (input-oriented technical efficiency, $TE_I(y, x)$) และการวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคโดยการใช้ผลผลิต (output-oriented technical efficiency, $TE_O(x, y)$)

พิจารณากรณีที่หน่วยผลิตใช้ปัจจัยการผลิตมากกว่า 1 ชนิด เพื่อใช้ในการผลิตสินค้าเพียง 1 ชนิด การวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคโดยการใช้ปัจจัยการผลิต $TE_I(y, x)$ สามารถกำหนดได้ดังนี้

$$TE_I(y, x) = \min\{\theta : y \leq f(\theta x)\} \quad (2)$$

ประสิทธิภาพเชิงเทคนิคโดยการใช้ปัจจัยการผลิต $TE_I(y, x)$ มีคุณสมบัติสำคัญดังต่อไปนี้

- (1) $TE_I(y, x) \leq 1$
- (2) $TE_I(y, x) = 1$ ก็ต่อเมื่อ $x \in \text{Isoq}L(y)$
- (3) $TE_I(y, x)$ คือ ฟังก์ชันที่มีค่าไม่เพิ่มขึ้น (nonincreasing) ใน x
- (4) $TE_I(y, x)$ คือ ฟังก์ชันเอกพันธ์ลำดับขั้นที่ -1 (homogenous of degree -1) ใน x
- (5) $TE_I(y, x)$ ไม่ขึ้นกับหน่วยของการวัดปริมาณปัจจัยการผลิตและปริมาณผลผลิตที่ถูกใช้

การวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคโดยการใช้ผลผลิต $TE_o(x, y)$ สามารถกำหนดได้ดังนี้

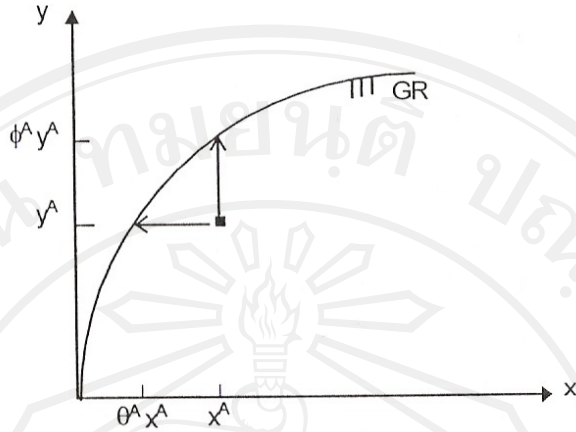
$$TE_o(x, y) = [\max\{\phi : \phi y \leq f(x)\}]^{-1} \quad (3)$$

ประสิทธิภาพเชิงเทคนิคโดยการใช้ผลผลิต $TE_o(x, y)$ มีคุณสมบัติสำคัญดังต่อไปนี้

- (1) $TE_o(x, y) \leq 1$
- (2) $TE_o(x, y) = 1$ ก็ต่อเมื่อ $y \in \text{Isoq } P(x)$
- (3) $TE_o(x, y)$ คือ ฟังก์ชันที่มีค่าไม่ลดลง (nondecreasing) ใน y
- (4) $TE_o(x, y)$ คือ ฟังก์ชันเอกพันธ์ลำดับขั้นที่ +1 (homogenous of degree +1) ใน y
- (5) $TE_o(x, y)$ ไม่ขึ้นกับหน่วยของการวัดปริมาณปัจจัยการผลิตและปริมาณผลผลิตที่ถูกใช้

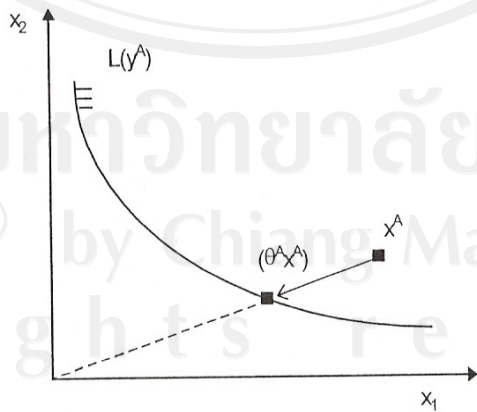
รูปที่ 3 กำหนดฟังก์ชันเส้นพรมแดนการผลิต $f(x)$ เพื่อแสดงการวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคทั้งวิธีการใช้ปัจจัยการผลิตและการใช้ผลผลิต หน่วยผลิตซึ่งใช้ปัจจัยการผลิต x^A เพื่อผลิตสินค้า y^A ดังปรากฏบนรูปภาพที่ 3 แสดงให้เห็นถึงความไม่มีประสิทธิภาพเชิงเทคนิคในการผลิต (technical inefficiency) เนื่องจากหน่วยผลิตกำลังผลิตสินค้าโดยที่ y^A อยู่ภายใต้เส้นพรมแดนการผลิต $f(x)$ วิธีการวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคโดยการใช้ปัจจัยการผลิต $TE_I(y^A, x^A)$ จะวัดการลดลงมากที่สุดที่เป็นไปได้ของ x^A โดยที่หน่วยผลิตยังคงสามารถผลิตสินค้าได้ ณ กำลังผลิตเท่าเดิม y^A และ $TE_I(y^A, x^A) = \theta^A < 1$ เนื่องจาก $y^A = f(\theta^A x^A)$ วิธีการวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคโดยการใช้ผลผลิต $TE_o(x^A, y^A)$ จะวัดส่วนกลับ (reciprocal) ของการขยายมากที่สุดที่เป็นไปได้ของ y^A โดยที่หน่วยผลิตยังคงสามารถใช้ปริมาณปัจจัยการผลิต ณ ระดับเท่าเดิม x^A และ $TE_o(x^A, y^A) = (\phi^A)^{-1} < 1$ เนื่องจาก $\phi^A y^A = f(x^A)$

รูปที่ 2.3 การวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคทั้งวิธีการใช้ปัจจัยการผลิตและการใช้ผลผลิต

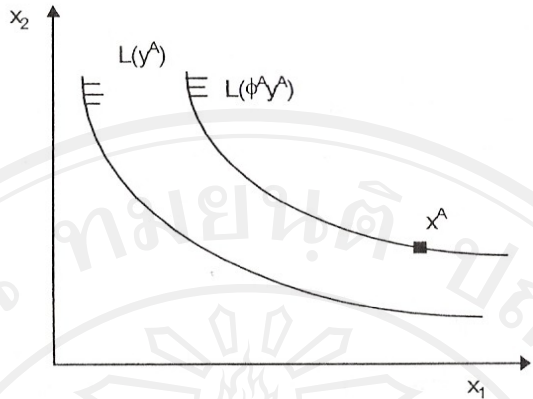


รูปที่ 4 ใช้เซตปัจจัยการผลิต $L(y)$ และเส้นผลผลิตเท่ากัน $Isoq L(y)$ เพื่ออธิบายวิธีการวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคโดยการใช้ปัจจัยการผลิต $TE_I(y^A, x^A)$ จะวัดการลดลงในแนวรัศมีที่มากที่สุดของ x^A โดยที่หน่วยผลิตยังคงสามารถผลิตสินค้าได้ในจำนวนเท่าเดิม y^A และ $TE_I(y^A, x^A) = \theta^A < 1$ เนื่องจาก $\theta^A x^A \in Isoq L(y^A)$ สำหรับรูปภาพที่ 5 กำหนดเซตปัจจัยการผลิต $L(y)$ และเส้นผลผลิตเท่ากัน $Isoq L(y)$ เพื่ออธิบายวิธีการวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคโดยการใช้ผลผลิต $TE_o(x^A, y^A)$ จะวัดการขยายมากที่สุดที่เป็นไปได้ของ y^A โดยที่หน่วยผลิตยังคงใช้ปริมาณปัจจัยการผลิตจำนวนเท่าเดิม x^A และ $TE_o(x^A, y^A) = (\phi^A)^{-1} < 1$ เนื่องจาก $x^A \in Isoq L(\phi^A y^A)$

รูปที่ 2.4 แสดงวิธีการวัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิค โดยการใช้ปัจจัยการผลิต



รูปที่ 2.5 แสดงเซตปัจจัยการผลิต $L(y)$ และเส้นผลผลิตเท่ากัน $Isoq L(y)$



ในทางปฏิบัติการวัดประสิทธิภาพของหน่วยผลิตจากเส้นพรมแดน (frontier) ตามคำนิยามของ Farrell (1957) สามารถทำได้โดยอาศัยวิธีการ 2 วิธีดังนี้

(1) การวัดประสิทธิภาพโดยการประยุกต์ใช้หลักการคำนวณทางคณิตศาสตร์ (non-parametric) ในที่นี้จะอาศัยการแก้ปัญหาโปรแกรมมิ่งเชิงเส้นตรง (linear programming) หรือรู้จักกันในวิธีที่เรียกว่า การวิเคราะห์การล้อมรอบข้อมูล (Data Envelopment Analysis, DEA) โดยการวัดประสิทธิภาพด้วยวิธี DEA จะกำหนดเส้นพรมแดนด้วยการสร้างเขตแดนล้อมรอบข้อมูลของกลุ่มตัวอย่างทั้งหมดและอาศัยแก้ปัญหาโปรแกรมมิ่งเชิงเส้นตรงเพื่อคำนวณหาค่าประสิทธิภาพของแต่ละหน่วยผลิต

(2) การวัดประสิทธิภาพโดยการประยุกต์ใช้หลักการประเมินค่าตัวแปรทางสถิติ (parametric) หรือรู้จักกันในวิธีที่เรียกว่า การวิเคราะห์เส้นพรมแดนเชิงเฟ้นสุ่ม (Stochastic Frontier Analysis, SFA) โดยการวัดประสิทธิภาพด้วยวิธี SFA จะต้องกำหนดรูปแบบของฟังก์ชันที่เหมาะสมสำหรับเส้นพรมแดนและอาศัยการประเมินค่าตัวแปร (estimation) หรือวิธีเศรษฐมิติ (econometrics) เพื่อคำนวณหาค่าประสิทธิภาพของแต่ละหน่วยผลิตจากข้อมูลของกลุ่มตัวอย่างทั้งหมด

2.1.2 การวัดประสิทธิภาพของหน่วยผลิตด้วยวิธีเส้นพรมแดนเชิงเฟ้นสุ่ม

การวิเคราะห์เส้นพรมแดนเชิงเฟ้นสุ่ม (Stochastic Frontier Analysis) อาศัยวิธีการประเมินค่าตัวแปรของฟังก์ชันเส้นพรมแดนจากฐานข้อมูลที่วิเคราะห์และทำการวัดประสิทธิภาพของการผลิตจากฟังก์ชันเส้นพรมแดนที่กำหนด ข้อได้เปรียบของวิธีวิเคราะห์เส้นพรมแดนเชิงเฟ้นสุ่มต่อการวิเคราะห์การล้อมรอบข้อมูล (Data Envelopment Analysis) สามารถสรุปได้ดังนี้

1. วิธีการวิเคราะห์เส้นพรมแดนเชิงเส้นสุ่มพิจารณาถึงผลของตัวแปรที่รบกวนเชิงสถิติ (statistical noise) ซึ่งส่งผลให้เกิดความแม่นยำและถูกต้องในการประเมินมูลค่าประสิทธิภาพของหน่วยผลิตในการผลิต โดยเฉพาะอย่างยิ่งกระบวนการผลิตที่เผชิญกับความไม่แน่นอนในการจัดเก็บข้อมูล

2. วิธีการวิเคราะห์เส้นพรมแดนเชิงเส้นสุ่มสามารถทดสอบสมมติฐานทางสถิติ (tests of hypothesis) ต่อสาเหตุที่เป็นปัจจัยที่ทำให้เกิดความไม่มีประสิทธิภาพในกระบวนการผลิต และต่อโครงสร้างของเทคโนโลยีการผลิต

Aigner, Lovell and Schmidt (1977), Battes and Corra (1977) และ Meeusen and van den Broeck (1977) ได้นำเสนอฟังก์ชันเส้นพรมแดนการผลิตเชิงเส้นสุ่ม (stochastic production frontier) สำหรับใช้วัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคของหน่วยผลิต ซึ่งแบบจำลองสามารถกำหนดได้ดังนี้

$$y_i = x_i \beta + v_i - u_i, \text{ โดยที่ } i = 1, 2, \dots, N$$

ที่ซึ่ง y_i คือ logarithm ของผลผลิตของหน่วยผลิตที่ i

x_i คือ $(1 \times (K + 1))$ เวกเตอร์ของปัจจัยการผลิต โดยสมาชิกตัวแรกของเวกเตอร์มีค่าเท่ากับ 1 ส่วนสมาชิกที่เหลือแสดงค่า logarithm ของปริมาณปัจจัยการผลิต (input quantities) ของหน่วยผลิตที่ i ที่ใช้ในการผลิต

β_i คือ $((K + 1) \times 1)$ เวกเตอร์ซึ่งใช้เป็นตัวแทนในการแสดงค่าตัวแปรที่ไม่ทราบค่าที่ต้องการประเมิน

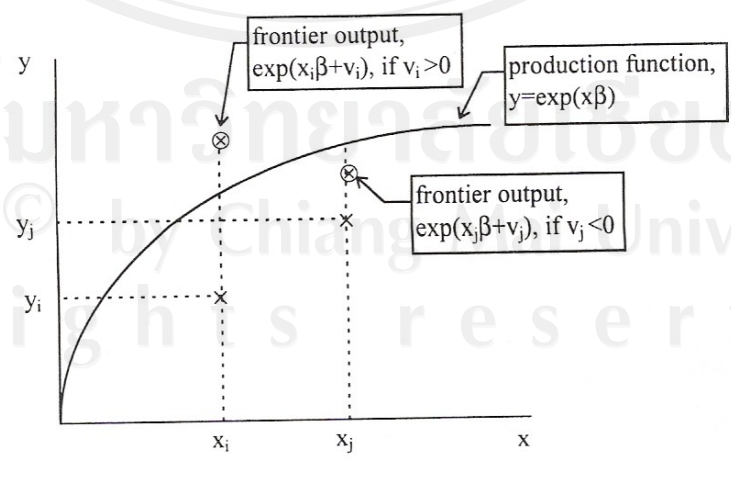
u_i คือ ตัวแปรเชิงเส้นสุ่มค่าบวกที่ใช้แสดงค่าประสิทธิภาพเชิงเทคนิค (technical efficiency) ในการผลิตของหน่วยผลิตในอุตสาหกรรมที่พิจารณา

v_i คือ ตัวแปรความผิดพลาดเชิงเส้นสุ่ม (random error) ซึ่งใช้เป็นตัวแทนในการอธิบายถึงปัจจัยสำหรับความผิดพลาดต่างๆที่เกิดจากการวัดและปัจจัยความไม่แน่นอนที่ไม่สามารถวัดได้ในกระบวนการผลิต อันได้แก่ ผลกระทบของสภาพดินฟ้าอากาศ การประท้วงของพนักงาน โชคชะตา เป็นต้น โดย v_i กำหนดให้มีการกระจายตัวแบบอิสระ และมีรูปแบบการกระจายตัวแบบปกติ (normal) โดยมีค่าเฉลี่ยเท่ากับศูนย์และความแปรปรวนคงที่ σ_v^2 โดย v_i เป็นอิสระโดยสิ้นเชิงกับ u_i ในทางปฏิบัติสามารถกำหนดให้ u_i มีรูปแบบของการกระจายตัวเป็นแบบต่างๆ เช่น เอ็กซ์โปเนนเชียล (exponential) หรือ กึ่งปกติ (half-normal) เป็นต้น

รูปที่ 6 อธิบายถึงหลักพื้นฐานของแบบจำลองเส้นพรมแดนเชิงเส้นสุ่ม กำหนดให้ แกนแนวนอน X แสดงปริมาณปัจจัยการผลิต x_i ที่หน่วยผลิต i ใช้ในการผลิต และแกนตั้ง Y แสดงปริมาณ

ผลผลิต y_i ที่ได้ของหน่วยผลิต i เนื่องจากตัวแปรเชิงเฟ้นสุ่ม v_i สามารถเป็นได้ทั้งค่าบวก ลบ หรือ ศูนย์ ดังนั้น ผลผลิตที่ได้จากเส้นพรมแดนเชิงเฟ้นสุ่ม (stochastic frontier outputs), $\exp(x_i\beta + v_i)$ สามารถมีค่ามากกว่า น้อยกว่า หรือ เท่ากับผลผลิตที่ได้จากเส้นพรมแดนเชิงกำหนด (deterministic frontier outputs), $\exp(x_i\beta)$ จากรูปที่ 6 ผลผลิตที่ได้จากเส้นพรมแดนเชิงกำหนดถูกแสดงโดยเส้นกราฟ $y = \exp(x\beta)$ และมีคุณสมบัติของระยะที่ผลได้ต่อขนาดลดลง (Diminishing Returns to Scale, DRTS) พิจารณาปริมาณของผลผลิตและปัจจัยการผลิตที่เกิดขึ้นจริงสำหรับหน่วยผลิต 2 ราย นั่นคือ i และ j ในรูปที่ 6 หน่วยผลิต i ใช้ปริมาณปัจจัยการผลิต x_i เพื่อผลิตสินค้าโดยมีผลผลิตที่ระดับ y_i ผลผลิตและปัจจัยการผลิตที่เกิดขึ้นจริงถูกแสดงโดยจุดที่มีเครื่องหมาย \times เหนือค่า x_i ในขณะที่ผลผลิตที่ได้จากเส้นพรมแดนเชิงเฟ้นสุ่ม $y_i^* = \exp(x_i\beta + v_i)$ ถูกแสดงโดยจุดที่มีเครื่องหมาย \otimes เหนือฟังก์ชันการผลิตเนื่องจาก v_i มีค่าเป็นบวก เช่นเดียวกับหน่วยผลิตที่ใช้ปริมาณปัจจัยการผลิต x_j เพื่อผลิตสินค้าโดยมีผลผลิตที่ระดับ y_j อย่างไรก็ตาม ผลผลิตที่ได้จากเส้นพรมแดนเชิงเฟ้นสุ่ม $y_j^* = \exp(x_j\beta + v_j)$ จะอยู่ต่ำกว่าฟังก์ชันการผลิตเนื่องจาก v_j มีค่าเป็นลบ ผลผลิตที่ได้จากเส้นพรมแดนเชิงเฟ้นสุ่ม y_i^* และ y_j^* ไม่สามารถหาค่าได้เนื่องจากตัวแปรเชิงเฟ้นสุ่ม v_i และ v_j ไม่สามารถวัดค่าได้ อย่างไรก็ตาม ผลผลิตที่ได้จากเส้นพรมแดนเชิงกำหนดจะมีค่าอยู่ระหว่างผลผลิตที่ได้จากเส้นพรมแดนเชิงเฟ้นสุ่ม โดยผลผลิตที่เกิดขึ้นจริงสามารถมีค่ามากกว่าผลผลิตที่ได้จากเส้นพรมแดนเชิงกำหนดก็ได้ ถ้าตัวแปรเชิงเฟ้นสุ่ม v_i มีค่ามากกว่าตัวแปรเชิงเฟ้นสุ่มค่าบวก u_i ที่ใช้แสดงค่าประสิทธิภาพเชิงเทคนิค นั่นคือ $y_i > \exp(x_i\beta)$ ถ้า $v_i > u_i$

รูปที่ 2.6 แสดงหลักพื้นฐานของแบบจำลองเส้นพรมแดนเชิงเฟ้นสุ่ม



ในการวิเคราะห์ฟังก์ชันเส้นพรมแดนการผลิตเชิงเส้นสามารถทำได้โดยประยุกต์ใช้ทฤษฎีการประเมินความเป็นไปได้สูงสุด (maximum likelihood estimation, MLE) โดยกำหนดรูปแบบการกระจายตัวของตัวแปรเชิงเส้นสุ่มค่าบวก u_i ที่ใช้วัดประสิทธิภาพเชิงเทคนิคในกระบวนการผลิต ในหัวข้อนี้จะนำเสนอรายละเอียดของแบบจำลองปกติ-กึ่งปกติ (Normal-Half Normal)

1) แบบจำลองแบบปกติ-กึ่งปกติ (Normal-Half Normal Model)

พิจารณาฟังก์ชันเส้นพรมแดนการผลิตเชิงเส้นสุ่มที่กำหนดในสมการ (4) สมมติฐานของรูปแบบการกระจายตัวของตัวแปรเชิงเส้นสุ่มถูกกำหนดไว้ดังนี้

- (i) v_i มีการกระจายตัวแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ยเท่ากับศูนย์และความแปรปรวนคงที่ σ_v^2 นั่นคือ $v_i \sim \text{i.i.d. } N(0, \sigma_v^2)$
 - (ii) u_i มีการกระจายตัวแบบกึ่งปกติด้วยค่าเฉลี่ยเท่ากับศูนย์และความแปรปรวนคงที่ σ_u^2 นั่นคือ $u_i \sim \text{i.i.d. } N^+(0, \sigma_u^2)$
 - (iii) v_i และ u_i มีการกระจายตัวอย่างเป็นอิสระต่อกันและเป็นอิสระต่อ x_i
- ฟังก์ชันความหนาแน่น (density function) ของ v_i และ u_i ได้แก่

$$f(v) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_v} \exp\left\{-\frac{v^2}{2\sigma_v^2}\right\} \quad (5)$$

$$f(u) = \frac{2}{\sqrt{2\pi}\sigma_u} \exp\left\{-\frac{u^2}{2\sigma_u^2}\right\} \quad (6)$$

ภายใต้สมมติฐานของความเป็นอิสระต่อกัน ฟังก์ชันความหนาแน่นร่วม (joint density function) ของ v_i และ u_i คือ

$$f(u, v) = \frac{2}{2\pi\sigma_u\sigma_v} \exp\left\{-\frac{u^2}{2\sigma_u^2} - \frac{v^2}{2\sigma_v^2}\right\} \quad (7)$$

กำหนด $\varepsilon_i = v_i - u_i$ ฟังก์ชันความหนาแน่นร่วมของ u_i และ ε_i คือ

$$f(u, \varepsilon) = \frac{2}{2\pi\sigma_u\sigma_v} \exp\left\{-\frac{u^2}{2\sigma_u^2} - \frac{(\varepsilon+u)^2}{2\sigma_v^2}\right\} \quad (8)$$

ฟังก์ชันความหนาแน่นส่วนเพิ่ม (marginal density function) ของ ε_i สามารถกำหนดได้ โดยการอินทิเกรต u_i จาก $f(u, \varepsilon)$

$$f(\varepsilon) = \int_0^a f(u, \varepsilon) du = \int_0^a \frac{2}{2\pi\sigma_u\sigma_v} \exp\left\{-\frac{u^2}{2\sigma_u^2} - \frac{(\varepsilon+u)^2}{2\sigma_v^2}\right\} du, \quad (9)$$

$$f(\varepsilon) = \frac{2}{\sqrt{2\pi}\sigma} \left[1 - \Phi\left(-\frac{\varepsilon\lambda}{\sigma}\right)\right] \cdot \exp\left\{-\frac{\varepsilon^2}{2\sigma^2}\right\} = \frac{2}{\sigma} \phi\left(\frac{\varepsilon}{\sigma}\right) \cdot \Phi\left(\frac{\varepsilon\lambda}{\sigma}\right)$$

ที่ซึ่ง $\sigma = (\sigma_u^2 + \sigma_v^2)^{1/2}$, $\lambda = \sigma_u / \sigma_v$

$\phi(\cdot)$ คือ ฟังก์ชันการกระจายตัวสะสมปกติมาตรฐาน (standard normal cumulative distribution)

$\Phi(\cdot)$ คือ ฟังก์ชันความหนาแน่นปกติมาตรฐาน (standard normal density function)

Battes and Corra (1977) แสดงฟังก์ชันความเป็นไปได้ในรูปของ logarithm (log-likelihood function) โดยกำหนดตัวแปร $\gamma = \sigma_u^2 / \sigma^2$ โดยให้เหตุผลว่าตัวแปร γ มีค่าอยู่ระหว่าง 0 ถึง 1 ในขณะที่ λ สามารถเป็นค่าบวกใดๆก็ได้ซึ่งทำให้การคำนวณหาค่าสูงสุดของตัวแปรเป็นไปได้ด้วยความยุ่งยาก

ฟังก์ชัน log-likelihood สามารถแสดงได้ดังนี้

$$\ln L = -\frac{N}{2} \ln\left(\frac{\pi}{2}\right) - \frac{N}{2} \ln(\sigma^2) + \sum_i^N [1 - \ln \Phi(z_i)] - \frac{1}{2\sigma^2} \sum_i^N \varepsilon_i^2 \quad (10)$$

ที่ซึ่ง $z_i = \frac{(\ln y_i - x_i \beta)}{\sigma} \sqrt{\frac{\gamma}{1-\gamma}}$

การประเมินค่า ML ของตัวแปร β , σ^2 และ γ สามารถทำได้โดยการหาค่าสูงสุดของฟังก์ชัน log-likelihood ที่กำหนดในสมการ (10) การประเมินค่า ML ของตัวแปรดังกล่าวในแบบจำลองนี้สามารถทำได้โดยใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์ FRONTIER ที่พัฒนาขึ้นโดย Coelli (1996) โปรแกรมคอมพิวเตอร์ FRONTIER ถูกพัฒนาโดยอาศัยหลักการ 3 ขั้นตอนในการประเมินค่าของตัวแปรดังต่อไปนี้

ขั้นตอนที่ 1 ประเมินค่าของตัวแปร β และ σ^2 โดยอาศัยวิธีการถดถอยกำลังน้อยที่สุดปกติ (Ordinary Least Square (OLS) regression) ค่าประเมินของตัวแปรที่แสดงในสมการ (4) ยกเว้น β_0 และ σ^2 ที่ได้จากการประเมินในขั้นตอนนี้จะเป็นค่าที่ไม่มีความเียงเอน (unbiased estimators)

ขั้นตอนที่ 2 ประเมินฟังก์ชันความเป็นไปได้ (likelihood function) โดยกำหนดค่า γ ระหว่าง 0 และ 1 ในการคำนวณขั้นตอนนี้ ค่าประเมิน OLS ของ β_0 และ σ^2 จะถูกปรับค่าโดยอาศัยความสัมพันธ์ ดังนี้ $\sigma^2 = \sigma_{OLS}^2 [\pi(T-K)]/[T(\pi-2\hat{\gamma})]$ และ $\hat{\beta}_0 = \hat{\beta}_{0(OLS)} + \sqrt{2\hat{\gamma}\sigma^2/\pi}$ โดย σ_{OLS}^2 และ $\hat{\beta}_{0(OLS)}$ คือ ค่าประเมินที่ได้จากขั้นตอนที่ 1

ขั้นตอนที่ 3 นำค่าประเมินที่ดีที่สุดจากขั้นตอนที่ 2 เป็นค่าเริ่มต้นในกระบวนการหาค่าสูงสุด โดยใช้วิธีคำนวณแบบวนรอบจนได้ค่าของฟังก์ชัน likelihood ที่สูงสุดโดยอาศัยหลักการของ Davidon-Fletcher-Powell (DFP)

หลังจากที่ได้ประเมินค่าตัวแปรของฟังก์ชันเส้นพรมแดนการผลิตเชิงเส้น ค่าเฉลี่ยของประสิทธิภาพเชิงเทคนิค (average technical efficiency) สำหรับหน่วยผลิตในอุตสาหกรรมสามารถคำนวณได้โดย

$$E\{TE_i\} = E(\exp\{-u_i\}) = 2[1 - \Phi(\sigma\sqrt{\gamma})] \cdot \exp\left\{-\frac{\gamma\sigma^2}{2}\right\} \quad (11)$$

เนื่องจาก TE_i สัมพันธ์กับตัวแปรเชิงเส้นค่าบวก u_i ซึ่งไม่สามารถวัดค่าได้ การทำนายค่าที่ดีที่สุดสำหรับ u_i คือการใช้ค่าคาดหมายแบบมีเงื่อนไข (conditional expectation) ของ u_i โดยการกำหนด $\varepsilon_i = v_i - u_i$ Jondrow, Lovell, Materov and Schmidt (1982) ได้หาผลลัพธ์ของค่าดังกล่าวไว้ ดังนี้

$$E(u_i | \varepsilon_i) = -\gamma\varepsilon_i + \sigma_A \left[\frac{\phi(\gamma\varepsilon_i / \sigma_A)}{1 - \Phi(\gamma\varepsilon_i / \sigma_A)} \right], \quad (12)$$

ที่ซึ่ง $\sigma_A = \sqrt{\gamma(1-\gamma)\sigma^2}$

ต่อมา Battese และ Coelli (1988) ได้พัฒนาหาค่าดังกล่าวโดยใช้ค่า $\exp(-u_i)$ แทนที่ u_i ซึ่งค่าประเมินที่ดีที่สุดในการหาค่าเฉลี่ยประสิทธิภาพเชิงเทคนิคสำหรับหน่วยผลิตในอุตสาหกรรมได้แก่

$$E\{TE_i\} = E\{\exp(-u_i) | \varepsilon_i\} = \left[\frac{1 - \Phi(\sigma_A + \gamma\varepsilon_i / \sigma_A)}{1 - \Phi(\gamma\varepsilon_i / \sigma_A)} \right] \cdot \exp\left\{\gamma\varepsilon_i + \frac{\sigma_A^2}{2}\right\} \quad (13)$$

ค่าเฉลี่ย TE_i ที่คำนวณได้จะมีค่าอยู่ระหว่าง 0 และ 1 หน่วยผลิตที่มีประสิทธิภาพเชิงเทคนิคในกระบวนการผลิต จะมีค่า TE_i เท่ากับ 1 ค่าประเมินประสิทธิภาพเชิงเทคนิคนี้สามารถคำนวณหาได้โดยอาศัยโปรแกรมคอมพิวเตอร์ FRONTIER

2.2 เอกสารที่เกี่ยวข้อง

Roa and Coelli (2002) ได้ศึกษาความเจริญเติบโตของผลิตภาพการผลิตของผลผลิตภาคเกษตรกรรมของประเทศต่างๆระหว่างปี 1980-1995 โดยใช้การวิเคราะห์ตามแบบจำลองการล้อมกรอบของข้อมูล (Data Envelopment Analysis : DEA) เพื่อหาดัชนีผลิตภาพการผลิต Malmquist เป็นเครื่องมือที่ใช้ในการศึกษา โดยทำการศึกษาจากประเทศที่พัฒนาแล้วและประเทศที่กำลังพัฒนา รวม 97 ประเทศประกอบด้วย ประเทศในทวีปแอฟริกา 27 ประเทศ ประเทศในทวีปอเมริกาเหนือและอเมริกากลาง 11 ประเทศ ประเทศในทวีปแอฟริกาใต้ 10 ประเทศ ประเทศในทวีปเอเชีย 23 ประเทศ ประเทศในทวีปยุโรป 22 ประเทศ ประเทศในแถบออสเตรเลีย 3 ประเทศ และประเทศรัสเซียและยูโกสลาเวียอีก 1 ประเทศ ผลการศึกษาพบว่าความเจริญเติบโตของผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวม (Total Factor Productivity Growth : TFP) ภาคการเกษตรของประเทศต่างๆรวม 97 ประเทศ ระหว่างปี 1980- 1995 มีอัตราการเติบโตเพิ่มขึ้นร้อยละ 2.7 ต่อปี ทั้งนี้เนื่องมาจากการปรับปรุงประสิทธิภาพการผลิตมากกว่าเป็นผลเนื่องมาจากการเปลี่ยนแปลงทางด้านเทคโนโลยีการผลิต

Ogunyinka and Langemeier (2004) ศึกษาถึงความแตกต่างของการเพิ่มผลผลิตจำนวน 125 ประเทศ ประกอบด้วยประเทศที่กำลังพัฒนาจำนวน 99 ประเทศและประเทศที่พัฒนาแล้วจำนวน 26 ประเทศ ระหว่างค.ศ. 1961-2001 โดยใช้วิธีวิเคราะห์การหาค่าเหมาะสม (non-parametric approach) และตัวเลขดัชนี Malmquist เพื่อทำการวัดความเจริญเติบโตของผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวม (Total factor productivity : TFP) การเปลี่ยนแปลงทางด้านประสิทธิภาพการผลิตและการเปลี่ยนแปลงทางด้านเทคนิค ผลการศึกษาพบว่าค่าเฉลี่ยของผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวมของทั้งโลกมีค่าเท่ากับ -0.36% ประเทศที่พัฒนาแล้วมีค่าของผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวมเฉลี่ยเท่ากับ 1.87% และประเทศที่กำลังพัฒนามีค่าผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวมเฉลี่ยเท่ากับ -0.94% จากผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวมแสดงให้เห็นว่าประเทศที่กำลังพัฒนาควรมีการปรับปรุงการเปลี่ยนแปลงทางด้านประสิทธิภาพการผลิต และประเทศที่พัฒนาแล้วควรมีการปรับปรุงทางด้านเทคนิคในการผลิตเพื่อที่จะทำให้ความเจริญเติบโตของผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวมมีประสิทธิภาพมากยิ่งขึ้น

เฉลิมเกียรติ ชุศักดิ์สกุลวิบูล (2541) ศึกษาการวิเคราะห์ประสิทธิภาพการผลิตน้ำมันดิบของเกษตรกรรายย่อยกรณีศึกษาสหกรณ์โคนมเชียงใหม่ จำกัด โดยมีวัตถุประสงค์เพื่อประมาณฟังก์ชันการผลิตและผลตอบแทนที่ได้ต่อขนาดการผลิตตามแบบจำลองเส้นพรมแดนการผลิตเชิงพื้นที่

(Stochastic Production Frontier) ด้วยวิธีการประมาณค่าเป็นไปได้สูงสุด (maximum likelihood estimation) เพื่อทำการวิเคราะห์ประสิทธิภาพทางเทคนิคและเศรษฐกิจของปัจจัยการผลิตแต่ละชนิดในการผลิตน้ำมันดิบของเกษตรกรรายย่อย โดยใช้ฟังก์ชันการผลิตแบบ Cobb-Douglas และกำหนดให้ตัวแปรเชิงพื้นที่สุ่มที่สะท้อนค่าความไม่มีประสิทธิภาพเชิงเทคนิคมีรูปแบบการกระจายตัวเป็นแบบปกติ โดยในการศึกษาได้อาศัยข้อมูลจากการสัมภาษณ์เกษตรกรรายย่อยผู้เลี้ยงโคนมที่เป็นสมาชิกสหกรณ์โคนมเชียงใหม่จำนวน 65 ราย ในท้องที่ 5 อำเภอ คือ อำเภอสันกำแพง อำเภอสันป่าตอง อำเภอสันทราย อำเภอสารภี จังหวัดเชียงใหม่ และอำเภอบ้านธิ จังหวัดลำพูน

ผลการศึกษาพบว่าปัจจัยการผลิต 4 ชนิดสามารถอธิบายการเปลี่ยนแปลงของปริมาณผลผลิตน้ำมันดิบของเกษตรกรรายย่อยผู้เลี้ยงโคนมได้ร้อยละ 90.36 โดยที่จำนวนอาหารชั้นที่ใช้เฉลี่ยต่อฟาร์มต่อวัน จำนวนอาหารหยาบที่ใช้เฉลี่ยต่อฟาร์มต่อวัน จำนวนแรงงานที่ใช้ที่เฉลี่ยต่อฟาร์มต่อวันมีนัยสำคัญทางสถิติ ส่วนประสมการเลี้ยงโคนมไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ สำหรับผลตอบแทนต่อขนาดการผลิตอยู่ในระยะผลตอบแทนต่อขนาดลดลง (Decreasing Return to Scale) สำหรับการวิเคราะห์ประสิทธิภาพทางเทคนิคและเศรษฐกิจของปัจจัยการผลิตแต่ละชนิดในการผลิตน้ำมันดิบของเกษตรกรรายย่อยพบว่าอัตราส่วนระหว่างผลผลิตเพิ่มและราคาปัจจัยการผลิตมีค่ามากกว่า 1 สำหรับจำนวนอาหารชั้น และอาหารหยาบเฉลี่ยต่อฟาร์มต่อวันแสดงให้เห็นว่ามีการใช้ปัจจัยการผลิตทั้ง 2 ชนิดนี้ต่ำกว่าระดับที่เหมาะสม ขณะที่อัตราส่วนมูลค่าเพิ่มของแรงงานต่ออัตราค่าจ้างมีค่าน้อยกว่า 1 แสดงให้เห็นว่ามีการใช้จำนวนแรงงานที่ใช้เลี้ยงโคนมเฉลี่ยต่อฟาร์มต่อวัน อยู่สูงกว่าระดับที่เหมาะสม ผลการศึกษานี้แสดงให้เห็นว่าเมื่อเพิ่มประสิทธิภาพอย่างเต็มที่ควรใช้ปัจจัยการผลิตอาหารชั้นที่ใช้เลี้ยงโคนมเฉลี่ยต่อฟาร์มต่อวัน และจำนวนอาหารหยาบที่ใช้เฉลี่ยต่อฟาร์มต่อวันให้มากขึ้น และขณะเดียวกันควรลดจำนวนแรงงานที่ใช้เลี้ยงโคนมเฉลี่ยต่อฟาร์มต่อวันลง

จุฑารัตน์ พุ่มม่วง (2545) ศึกษาประสิทธิภาพเชิงเทคนิคของการผลิตถั่วเหลืองในเขตน้ำฝนในภาคเหนือตอนล่างของประเทศไทย โดยแบ่งการวิเคราะห์ออกเป็น 2 ส่วน ส่วนแรกเป็นการวิเคราะห์เชิงบรรยาย (Descriptive Analysis) ให้เข้าใจถึงสภาพภูมิศาสตร์ ภูมิอากาศ สภาพการผลิต ต้นทุนการผลิต และสภาพทั่วไปอื่นๆที่เกี่ยวข้อง และส่วนที่สองเป็นการวิเคราะห์เชิงปริมาณ (Quantitative Analysis) เป็นการวิเคราะห์ฟังก์ชันการผลิตตามแบบจำลองเส้นพรมแดนการผลิตเชิงพื้นที่สุ่ม (Stochastic Production Frontier) ด้วยวิธีการประมาณค่าความเป็นไปได้สูงสุด (Maximum Likelihood) หาประสิทธิภาพทางเทคนิคการผลิตของเกษตรกรและหาความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณผลผลิตต่อไร่ของเกษตรกรกับปัจจัยการผลิตต่างๆ โดยฟังก์ชันการผลิตถูกกำหนดในรูปแบบ Cobb-Douglas และตัวแปรเชิงพื้นที่สุ่มที่สะท้อนถึงความไม่มีประสิทธิภาพเชิงเทคนิคถูกกำหนดให้มีการกระจายตัวแบบกึ่งปกติ

ผลการวิเคราะห์ตามแบบจำลองเส้นพรมแดนการผลิตเชิงเส้นสุ่ม (Stochastic Production Frontier) ด้วยวิธีการประมาณค่าความเป็นไปได้สูงสุด (Maximum Likelihood) พบว่าแปลงปลูกที่มีน้ำท่วมและการใช้ปุ๋ยในปริมาณมากทำให้ผลผลิตลดลง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.01 ถ้าแปลงปลูกใดมีน้ำท่วมและให้ปุ๋ยเพิ่มขึ้นร้อยละ 1 จะทำให้ผลผลิตเพิ่มขึ้นร้อยละ 0.12 ในขณะที่ที่ระดับนัยสำคัญที่ 0.05 ถ้าเกษตรกรใช้สารเคมีกำจัดวัชพืชเพิ่มขึ้นร้อยละ 1 จะทำให้ผลผลิตเพิ่มขึ้นร้อยละ 0.16 และ ณ ระดับนัยสำคัญที่ 0.01 กรณีที่เกษตรกรใช้เมล็ดพันธุ์เพิ่มขึ้นร้อยละ 1 จะสามารถทำให้ผลผลิตเพิ่มขึ้นร้อยละ 0.17 แต่ผลการศึกษพบว่าปริมาณน้ำฝนและชนิดดินไม่มีความสัมพันธ์กับปริมาณผลผลิตอย่างมีนัยสำคัญ และเกษตรกรตัวอย่างมีประสิทธิภาพทางเทคนิคของการผลิตเฉลี่ยร้อยละ 66 นอกจากนี้ยังพบว่าการปลูกถั่วเหลืองนานขึ้น 1 ปี จะทำให้ประสิทธิภาพทางเทคนิคของการผลิตลดลงเท่ากับร้อยละ 1.14

ศศิวิมล ชำนาญอาสา (2545) ศึกษาความเจริญเติบโตของผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวมและปัจจัยที่มีผลต่อความเจริญเติบโตของผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวมของภาคเกษตรกรรมในภาคเหนือของประเทศไทย โดยมีวัตถุประสงค์ 3 ประการคือ เพื่อศึกษาระดับประสิทธิภาพการผลิตของภาคเกษตรในภาคเหนือ ประการที่สองเพื่อหาความเจริญเติบโตของผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวมของภาคเกษตรกรรมและแหล่งที่มาของผลผลิตในภาคเกษตรกรรมในภาคเหนือ และเพื่อศึกษาปัจจัยที่มีผลกระทบต่อความเจริญเติบโตของผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวมของภาคเกษตรกรรม และรวบรวมข้อมูลแบบทิวศภูมิจาก 6 เขตเกษตรเศรษฐกิจในพื้นที่ภาคเหนือช่วงปี 2520 – 2542 โดยนำข้อมูลที่ได้มาทำการวิเคราะห์แบบพารามิเตอร์และประมาณค่าสัมประสิทธิ์ของสมการพรมแดนการผลิตแบบเชิงเส้นสุ่ม (Stochastic Production Frontier) โดยอาศัยวิธี วิธีการประมาณค่าเป็นไปได้อย่างสูงสุด (maximum likelihood estimation) และได้ทำการเปรียบเทียบระหว่างสมการในรูปแบบ Cobb-Douglas และสมการในรูปแบบ translog โดยสถิติ log likelihood-ratio ผลการหารูปแบบที่เหมาะสมพบว่าสมการพรมแดนการผลิตแบบ translog มีความเหมาะสมมากกว่าสมการแบบ Cobb-Douglas

ผลการศึกษาประสิทธิภาพการผลิตพบว่าช่วงปี 2520 – 2542 ระดับประสิทธิภาพการผลิตของภาคเกษตรกรรมในภาคเหนือมีค่าร้อยละ 89.21 เมื่อหาความความเจริญเติบโตของผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวมของภาคเกษตรกรรมในภาคเหนือการเปลี่ยนแปลงประสิทธิภาพทางเทคนิคการผลิตเป็นส่วนที่สนับสนุนความเจริญเติบโตของผลิตภาพปัจจัยการผลิตโดยรวมของภาคเกษตรกรรมในภาคเหนือร้อยละ 0.822 ต่อปี ขณะที่การเปลี่ยนแปลงทางด้านเทคโนโลยีส่งผลให้เกิดความเจริญเติบโตเพียงร้อยละ - 1.375 ต่อปี ด้านแหล่งที่มาของความเจริญเติบโตของผลิตภาพ

ปัจจัยการผลิตโดยรวมของภาคเกษตรกรรมในภาคเหนือ พบว่ามีที่มาจากการใช้ปัจจัยการผลิตเป็นสำคัญ โดยสิ้นเชิงเพื่อการเกษตรเป็นปัจจัยที่มีบทบาทมากที่สุด

ธัช อ่าวสมบัติกุล (2545) ศึกษาผลกระทบจากการเจริญเติบโตทางด้านปัจจัยการผลิต การเปลี่ยนแปลงทางด้านเทคโนโลยีการผลิต และการปรับปรุงประสิทธิภาพการผลิตที่มีต่อการผลิตทางการเกษตรในภาคกลางของประเทศไทย ระหว่างปี พ.ศ. 2520 ถึงปีพ.ศ. 2542 โดยมีวัตถุประสงค์สามประการ ประการแรกเพื่อวิเคราะห์ผลกระทบจากการเจริญเติบโตทางด้านปัจจัยการผลิตและการเปลี่ยนแปลงทางด้านเทคโนโลยีการผลิตและการปรับปรุงประสิทธิภาพการผลิตของภาคการเกษตรที่มีต่อความเจริญเติบโตของผลผลิตเกษตรในภาคกลาง ประการที่สองศึกษาอัตราการเจริญเติบโตของผลผลิตภาคการเกษตรในภาคกลาง ประการที่สาม วิเคราะห์ความมีประสิทธิภาพการผลิตของการผลิตทางการเกษตรในภาคกลาง โดยได้รวบรวมข้อมูลแบบทศนิยมจากเขตเกษตรเศรษฐกิจรวมทั้งหมด 8 เขตเกษตรเศรษฐกิจในภาคกลาง โดยใช้วิธีการวิเคราะห์เส้นพรมแดนการผลิตเชิงพื้นที่ (Stochastic Production Frontier) ซึ่งกำหนดให้รูปแบบของฟังก์ชันการผลิตเป็นแบบ Translog และรูปแบบการกระจายตัวของตัวแปรเชิงพื้นที่ซึ่งสะท้อนค่าประสิทธิภาพเชิงเทคนิคเป็นแบบปกติ โดยค่าสัมประสิทธิ์ของสมการพรมแดนการผลิตนั้นถูกประมาณค่าโดยวิธี (Maximum Likelihood) แล้วทำการทดสอบค่าทางสถิติเพื่อหารูปแบบสมการพรมแดนการผลิตที่เหมาะสม ซึ่งทำการเปรียบเทียบระหว่างฟังก์ชันการผลิตเป็นแบบ Translog และ Cobb-Douglas

ผลการวิเคราะห์ระดับประสิทธิภาพการผลิตของภาคการเกษตรระหว่างปีพ.ศ. 2520 – 2542 พบว่าระดับประสิทธิภาพการผลิตของภาคการเกษตรในภาคกลางมีค่าเฉลี่ยร้อยละ 78.94 และผลกระทบจากการเจริญเติบโตทางด้านปัจจัยการผลิตและการเปลี่ยนแปลงทางด้านเทคโนโลยีการผลิตและการปรับปรุงประสิทธิภาพการผลิตของภาคการเกษตรที่มีต่อความเจริญเติบโตของผลผลิตเกษตรในภาคกลางอัตราการเติบโตเฉลี่ยอยู่ที่ร้อยละ 2.82 ต่อปี ซึ่งสามารถแบ่งได้เป็นสองส่วนคือ ส่วนแรกเป็นผลมาจากการปรับปรุงทางด้านประสิทธิภาพการผลิต และการเปลี่ยนแปลงทางด้านเทคโนโลยีการผลิต ขณะที่การเพิ่มขึ้นของปริมาณการใช้ปัจจัยการผลิตโดยรวมนั้นส่งผลให้ผลผลิตภาคการเกษตรมีอัตราการเติบโตที่มีค่าติดลบร้อยละ -2.5 ต่อปีเมื่อพิจารณาอัตราการเติบโตของผลผลิตภาคการเกษตรที่เป็นผลเนื่องมาจากการใช้ปัจจัยการผลิตแต่ละขณะ พบว่า มีการใช้ปัจจัยการผลิต 2 ชนิดเท่านั้นที่ทำให้อัตราการเติบโตของผลผลิตภาคการเกษตรมีค่าเป็นบวกได้แก่แรงงานภาคเกษตรและสิ้นเชิงภาคเกษตร โดยมีค่าร้อยละ 0.52 และ 0.57 ต่อปีตามลำดับ ส่วนปัจจัยการผลิตอีก 3 ชนิดที่เหลือได้แก่ พื้นที่เพาะปลูกพืชเศรษฐกิจที่สำคัญ เครื่องจักรและปุ๋ยมีค่าติดลบร้อยละ -0.64, -0.98, -1.98 ตามลำดับ

จันทร์สุดา รุ่งเรืองวงศ์ (2546) ศึกษาประสิทธิภาพทางเศรษฐกิจในการผลิตลำไยนอกฤดูของชาวสวนลำไยในจังหวัดลำพูน โดยใช้แนวคิดในเรื่องสมการกำไรของ Lau and Yotopoulos โดยศึกษาประสิทธิภาพทางเศรษฐกิจด้านราคาโดยทำการเปรียบเทียบการใช้ปัจจัยการผลิตผันแปรและผลตอบแทนต่อขนาดการผลิต ในปีการเพาะปลูก 2543/2544 จากเกษตรกรชาวสวนลำไยจำนวน 143 ราย โดยจำแนกเป็นชาวสวนกลุ่มสวนขนาดเล็กที่มีขนาดพื้นที่สวนน้อยกว่าหรือเท่ากับ 4.3 ไร่ จำนวน 93 รายและ ชาวสวนกลุ่มสวนขนาดใหญ่ที่มีขนาดพื้นที่สวนมากกว่า 4.3 ไร่ จำนวน 50 ราย

ผลการศึกษาพบว่า การศึกษาประสิทธิภาพทางเศรษฐกิจของชาวสวนทั้งสองกลุ่มพบว่าการผลิตมีประสิทธิภาพทางเศรษฐกิจไม่แตกต่างกัน และมีการผลิตอยู่ในระยะผลตอบแทนต่อขนาดการผลิตคงที่ซึ่งสวนทั้งสองมีประสิทธิภาพการผลิตสูงสุด ไม่ว่าจะกลุ่มสวนขนาดเล็กหรือกลุ่มสวนขนาดใหญ่ กำไรที่ชาวสวนลำไยได้รับไม่แตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญ ตลอดจนการใช้ปัจจัยการผลิตผันแปรที่ไม่แตกต่างกันด้วย ดังนั้น ชาวสวนควรศึกษาการใช้สาร $KClO_3$ และสารเคมีในอัตราที่เหมาะสมตามที่นักวิชาการเกษตรแนะนำเพื่อชาวสวนทั้งสองกลุ่มจะได้ทำการผลิตลำไยนอกฤดูให้ได้กำไรสูงสุด

หทัยกาญจน์ อารยะรัตนกุล (2546) ศึกษาประสิทธิภาพเชิงเทคนิคการผลิตกล้วยไม้ตัดดอกสกุลหวาย จากการเก็บรวบรวมใช้ข้อมูลของการสำรวจเกษตรกร 110 รายในจังหวัดนครปฐมสมุทรสาคร และกรุงเทพมหานคร ของปีการผลิต 2544/2545 โดยใช้แบบจำลองเส้นพรมแดนการผลิตเชิงเส้นสุ่ม (Stochastic Production Frontier) ด้วยวิธีการประมาณค่าเป็นไปได้สูงสุด (maximum likelihood estimation) ในการศึกษาครั้งนี้ได้กำหนดรูปแบบฟังก์ชัน Cobb-Douglas เพื่อเป็นรูปแบบของฟังก์ชันการผลิตและได้กำหนดตัวแปรเชิงเส้นสุ่มที่สะท้อนค่าประสิทธิภาพเชิงเทคนิคให้มีรูปแบบการกระจายตัวแบบปกติ

ผลการศึกษาพบว่าที่ระดับความเชื่อมั่นตั้งแต่ 0.90 ขึ้นไปมีปัจจัยหลายตัวที่มีอิทธิพลเชิงบวกต่อปริมาณผลผลิต อิทธิพลของตัวแปรเหล่านี้แต่ละตัวจะส่งผลให้ปริมาณผลผลิตต่อไร่เพิ่มขึ้น เช่น ปริมาณปุ๋ย การใช้แรงงานและการเพาะปลูก เป็นต้น นอกจากนี้ระดับของประสิทธิภาพทางเทคนิคการผลิตของเกษตรกรเฉลี่ย 0.78 ซึ่งปัจจัยที่มีอิทธิพลต่อความค้ำยประสิทธิภาพทางเทคนิค ระดับนัยสำคัญทางเทคนิคได้แก่ตัวแปรขนาดการผลิต จำนวนปีการศึกษาและความถี่ในการดูแลรักษา ดังนั้นประสิทธิภาพเชิงเทคนิคการผลิตจึงมีความเชื่อมโยงกับขนาดการผลิตและการศึกษาของผู้ผลิตจึงเป็นปัจจัยสำคัญต่อคุณภาพการจัดการ สำหรับการเพิ่มผลผลิตด้วยการใช้ปัจจัยการผลิต

นั้นเกษตรกรควรปรับปรุงปริมาณการใช้ปุ๋ยให้เหมาะสมกับราคากลิ้วไม้และราคาปุ๋ยเนื่องจากเกษตรกรโดยเฉลี่ยทำการผลิตในช่วงผลผลิตเพิ่มอยู่ในระยะลดลง

ภัทรพงศ์ อนันท์วัชร (2550) ศึกษาประสิทธิภาพเชิงเทคนิคและประสิทธิภาพด้านราคาของการผลิตลำไยโดยใช้สารโพแทสเซียมคลอไรด์ของเกษตรกรในเขตอำเภอสารภี จังหวัดเชียงใหม่ในปีการผลิต พ.ศ. 2547/48 จำนวน 156 ราย โดยทำการเปรียบเทียบประสิทธิภาพทางเศรษฐกิจระหว่างกระบวนการผลิตลำไยที่ใช้สารโพแทสเซียมคลอไรด์ 2 ขนาด คือขนาดเล็กและขนาดใหญ่ โดยฟาร์มขนาดเล็กมีพื้นที่น้อยหรือเท่ากับ 5 ไร่ ส่วนฟาร์มขนาดใหญ่มีพื้นที่มากกว่า 5 ไร่ขึ้นไป โดยใช้แบบจำลองเส้นพรมแดนการผลิตเชิงพื้นที่สุ่ม (Stochastic Production Frontier) และสมการพรมแดนต้นทุนการผลิตเชิงพื้นที่สุ่ม (Stochastic Cost Function Frontier) ด้วยวิธีการประมาณค่าเป็นไปได้อย่างสูงสุด (maximum likelihood estimation) ในการศึกษาครั้งนี้ได้กำหนดรูปแบบฟังก์ชัน Cobb-Douglas

ผลการศึกษาพบว่า การกระจายของระดับประสิทธิภาพตามขนาดของการผลิตมีดังต่อไปนี้ ระดับประสิทธิภาพเชิงเทคนิคพบว่าขนาดการผลิตขนาดเล็กมีระดับประสิทธิภาพส่วนใหญ่อยู่ในระดับกลาง โดยมีประสิทธิภาพเชิงเทคนิคเฉลี่ยเท่ากับ 0.70 ส่วนการผลิตขนาดใหญ่มีระดับประสิทธิภาพทางเทคนิคส่วนใหญ่จัดอยู่ในระดับสูง โดยมีประสิทธิภาพเชิงเทคนิคโดยเฉลี่ยเท่ากับ 0.76 สำหรับประสิทธิภาพเชิงด้านราคาทั้งขนาดการผลิตขนาดใหญ่และขนาดการผลิตขนาดเล็กมีระดับประสิทธิภาพจัดอยู่ในระดับสูงทั้งสองขนาดการผลิต โดยมีประสิทธิภาพทางด้านราคาโดยเฉลี่ยอยู่ที่ 0.94 และ 0.93 ตามลำดับ สำหรับประสิทธิภาพทางเศรษฐกิจนั้นพบว่าขนาดการผลิตขนาดเล็กมีระดับประสิทธิภาพส่วนใหญ่อยู่ในระดับกลางส่วนการผลิตขนาดใหญ่มีระดับประสิทธิภาพทางเทคนิคส่วนใหญ่จัดอยู่ในระดับกลางถึงระดับสูงโดยระดับประสิทธิภาพทางเศรษฐกิจเฉลี่ยเท่ากับ 0.65 และ 0.71 ตามลำดับ

ตารางที่ 2.1 สรุปผลงานวิจัยต่างๆเพื่อหาการเติบโตการเพิ่มผลผลิตในภาคเกษตร
ของกลุ่มประเทศต่างๆ

ผลงาน	วิธีที่ใช้	ระยะเวลา ในการศึกษา	จำนวนประเทศ ที่ใช้ในการศึกษา
Fulginiti และ Perrin (1998)	การหาค่าเหมาะสม และตัวเลขดัชนี	1961-1985	18 ประเทศกำลังพัฒนา
Ogunyinka และ Langemeier (2004)	การหาค่าเหมาะสม และตัวเลขดัชนี	1961-2001	125 ประเทศ
Wiebe, Soule, Narrod และ Breneman (2000)	การประเมินค่าตัวแปร	1961 - 1997	110 ประเทศ
Mukherjee และ Kuroda (2003)	การหาค่าเหมาะสม	1973-1993	อินเดีย
Kuroda (1995)	การประเมินค่าตัวแปร	1956-1990	ญี่ปุ่น
Roa and Coelli (2002)	ตัวเลขดัชนี	1980-1995	97 ประเทศ
Ogunyinka (2004)	การหาค่าเหมาะสม และตัวเลขดัชนี	1961-2001	125 ประเทศ
เฉลิมเกียรติ (2541)	การประเมินค่าตัวแปร	2541	ประเทศไทย
จุฑารัตน์ (2545)	การประเมินค่าตัวแปร	2545	ประเทศไทย
ศศิวิมล (2545)	การประเมินค่าตัวแปร	2545	ประเทศไทย
รัช (2545)	การประเมินค่าตัวแปร	2545	ประเทศไทย
จันทร์สุดา (2546)	การประเมินค่าตัวแปร	2545	ประเทศไทย
หทัยกาญจน์ (2546)	การประเมินค่าตัวแปร	2545	ประเทศไทย
ภัทรพงศ์ (2550)	การประเมินค่าตัวแปร	2545	ประเทศไทย